Подписано электронной подписью: Вержицкий Данил Григорьевич Должность: Директор КГПИ КемГУ Дата и время: 2025-04-23 00:00:00 471086fad29a3b30e244c728abc3661ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436

## МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Кемеровский государственный университет» Кузбасский гуманитарно-педагогический институт

Факультет информатики, математики и экономики

«УТВЕРЖДАЮ» Декан ФИМЭ А.В. Фомина / «16» января 2025 г.

#### Рабочая программа дисциплины

### К.М.07.01.12 Математическая логика

Направление подготовки

### 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки «Информатика и Системы искусственного интеллекта»

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника бакалавр

> Форма обучения *Очная*

> Год набора 2023

Новокузнецк 2025

# Оглавление 1.1 1.2 1.3 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации......4 3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины......5 4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.......8 5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение 5.1 Учебная литература......9 5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.......10 5.3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные

системы......10

6 Иные сведения и (или) материалы.

6.1.

6.2

#### 1 Цель дисциплины

**Целью изучения дисциплины** «Математическая логика» является: формирование математической и логической культуры студента; привитие понимания универсального характера законов логики математических рассуждений, понимания роли и места математической логики в системе наук; развитие абстрактного мышления, общей математической и информационной культуры.

В ходе изучения дисциплины будет сформирована компетенция:

**ОПК-8.** Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний.

### 1.1 Формируемые компетенции

Таблица 1 - Формируемые дисциплиной компетенции

Наименование вида	Наименование катего-	Код и название компетенции
компетенции	рии (группы) компе-	
	тенций	
Общепрофессиональ-	Научные основы педа-	ОПК-8 Способен осуществлять пе-
ная	гогической деятельно-	дагогическую деятельность на ос-
	сти	нове специальных научных знаний.

## 1.2 Индикаторы достижения компетенций

Таблица 2 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

		Γ
Код и название ком-	Индикаторы достижения компе-	Дисциплины и практики, форми-
петенции	тенции по ОПОП	рующие компетенцию ОПОП
ОПК-8. Способен	ОПК-8.1 Применяет специальные	К.М.03.01 Возрастная анатомия и
осуществлять педа-	научные знания, в том числе в	физиология
гогическую деятель-	предметной области, методы науч-	К.М.04.01 Педагогика
ность на основе спе-	но-педагогического исследования,	К.М.04.02 Психология
	методы анализа педагогической	К.М.04.05(П) Психолого-
циальных научных	ситуации, профессиональную ре-	педагогическая практика
знаний.	флексию в разработке ООП, ДОП,	К.М.07.01 Предметная подготовка
	рабочих программ учебных пред-	по профилю "Информатика"
	метов и курсов внеурочной дея-	К.М.07.01.12 Математическая ло-
	тельности.	гика
	ОПК-8.2 Применяет специальные	К.М.07.01.13 Теория вероятностей
	научные знания, в т.ч. в предмет-	и математическая статистика
	ной области, в разработке и реали-	К.М.09.01(У) Ознакомительная
	зации программ, корректирующих	практика
	личностные, метапредметные и	К.М.09.02(П) Педагогическая
	предметные достижения обучаю-	практика. Основная школа
	щихся, в том числе с особыми об-	К.М.09.03(П) Педагогическая
	разовательными возможностями и	практика. Старшая школа
	потребностями, в ходе освоения	К.М.10.03(Д) Выполнение и за-
	ООП, ДОП, учебных предметов и	щита выпускной квалификацион-
	курсов внеурочной деятельности.	ной работы

# 1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине

Таблица 3 – Знания, умения, навыки, формируемые дисциплиной

Код и название	Индикаторы достижения	Знания, умения, навыки (ЗУВ), формиру-
компетенции	компетенции, закреплен-	емые дисциплиной
	ные за дисциплиной	
ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний.	ОПК-8.1 Применяет специальные научные знания, в том числе в предметной области, методы научнопедагогического исследования, методы анализа педагогической ситуации, профессиональную рефлексию в разработке ООП, ДОП, рабочих программ учебных предметов и курсов внеурочной деятельности.  ОПК-8.2 Применяет специальные научные знания, в т.ч. в предметной области, в разработке и реализации программ, корректирующих личностные, метапредметные и предметные достижения обучающихся, в том числе с особыми образовательными возможностями и потребностями, в ходе освоения ООП, ДОП, учебных предметов и курсов внеурочной деятельности.	Знать: - научное содержание и современное состояние предметной области "Математическая логика", лежащее в основе преподаваемого учебного предмета "Математика"; - методы проведения научного исследования в предметной области "Математическая логика".  Уметь: - использовать научные знания предметной области "Математическая логика" в педагогической деятельности по профилю подготовки; - применять научные знания предметной области "Математическая логика" при разработке образовательных программ, рабочих программ учебных предметов, курсов внеурочной деятельности.  Владеть: - методами научного исследования в области математической логики; - способами получения информации о современном состоянии научных исследований в предметной области "Математическая логика".

# 2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.

Таблица 4 – Объем и трудоемкость дисциплины по видам учебных занятий

Общод тругоомкости и рини упобной роботи но нисии	Объём	Объём часов по формам			
Общая трудоемкость и виды учебной работы по дисци-	обучени	R			
плине, проводимые в разных формах	ОФО	ОЗФО	3ФО		
1 Общая трудоемкость дисциплины	144				
2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по	36				
видам учебных занятий) (всего)					
Аудиторная работа (всего):	36				
в том числе:					
лекции	16				
практические занятия, семинары	20				

практикумы			
лабораторные работы			
в интерактивной форме			
в электронной форме			
Внеаудиторная работа (всего):	108		
в том числе, индивидуальная работа обучающихся с пре-			
подавателем			
подготовка курсовой работы/контактная работа			
групповая, индивидуальная консультация и иные виды			
учебной деятельности, предусматривающие групповую			
или индивидуальную работу обучающихся с преподавате-			
лем)			
творческая работа (эссе)			
3 Самостоятельная работа обучающихся (всего)	108		
4 Промежуточная аттестация обучающегося	Зачет с о	ценкой - 8	сем.

# 3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

# 3.1 Учебно-тематический план

Таблица 5 - Учебно-тематический план очной формы обучения

	Общая Трудоемкость занятий (час.)							Форма	
		трудо- ём-	ОФО			3ФС	)		текущего
			Ауди-	•		Ауд	и-		контроля и
П/П	Разделы и темы дисциплины	кость	торн.			торн	[.		промежу-
ИП	по занятиям	(всего	занят	RN	CPC	заня	КИТ	CPC	точной
№ недели п/п		час.)	лекц	пр	CPC	лек	пр	CPC	аттестации
не				акт		ц.	акт		успевае-
Š							•		мости
Сем	естр 8								
I	Методология математиче-	24	2	2	20				Индиви-
	ской логики. Алгебра вы-								дуальное
	сказываний								задание
24	Методология математиче-	11	1		10				
	ской логики.								
	Алгебра высказываний	13	1	2	10				
II	Нормальные формы. Бу-	30	2	4	24				Индиви-
	левы функции								дуальное
25	Нормальные формы форму-	15	1	2	12				задание
	лы алгебры высказываний								
26	Булевы функции	15	1	2	12				
III	Аксиоматическое постро-	28	4	4	20				Индиви-
	ение логики высказыва-								дуальное
	ний.								задание
27	Аксиоматическое построе-	14	2	2	10				
	ние логики высказываний.								
28	Теория доказательств	14	2	2	10				
IV	Логика предикатов.	34	6	6	22				Индиви-
29,	Понятие и формулы логики	20	4	4	12				дуальное
30	предикатов.								задание

		Общая	Общая Трудоемкость занятий						Форма
		трудо-	ОФО			3ФО			текущего
		ём-	Ауди-	-		Ауд	И-		контроля и
п/п	Разделы и темы дисциплины	кость	торн.			торн	[.		промежу-
	по занятиям	(всего	заняті	RN	CPC	заня	КИТ	CPC	точной
№ недели		час.)	лекц	пр	CIC	лек	пр	CIC	аттестации
не				акт		Ц.	акт		успевае-
Š									мости
Сем	естр 8								
31	Применение логики преди-	14	2	2	10				
	катов								
V	Аксиоматические теории	28	2	4	22				Индиви-
32	Логические и специальные	11	1	2	8				дуальное
	аксиомы. Правила вывода.								задание
33	Доказательства в теории.	17	1	2	14				
	Промежуточная аттестация								зачет с
									оценкой
ИТС	ОГО по семестру	144	16	20	108				42

# 3.2. Содержание занятий по видам учебной работы

Таблица 6 – Содержание дисциплины

<b>№</b> п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия				
		Семестр 8				
Соде	одержание лекционного курса					
1	Методология ма	атематической логики. Алгебра высказываний				
1.1	Методология математи-	Дедуктивный характер математики. Предмет математиче-				
	ческой логики.	ской логики, ее роль в обосновании математики. Интен-				
		сивное развитие математической логики в настоящее вре-				
		мя в связи с созданием и применением автоматических				
	систем управления и распространением метода формал					
	зации при изучении различных теорий.					
1.2	Алгебра высказываний	Алгебра высказываний. Логические операции над выска-				
		зываниями. Формулы. Истинностные значения формул.				
		Равносильность. Равносильные преобразования формул.				
2		омальные формы. Булевы функции				
2.1	Нормальные формы	Понятие нормальной формы формулы алгебры высказы-				
	формулы алгебры выска-	вания. Дизъюнктивная нормальная форма. Совершенная				
	зываний	дизъюнктивная нормальная форма. Конъюнктивная нор-				
		мальная форма. Совершенная конъюнктивная нормальная				
		форма.				
2.2	Булевы функции	Булевы функции. Число булевых функций от п перемен-				
		ных. Замкнутые классы булевых функций. Полные и не-				
		полные системы функций.				
3		ческое построение логики высказываний.				
3.1	Аксиоматическое по-	Аксиомы и правила вывода.				
	строение логики выска-	Непротиворечивость, полнота и разрешимость исчисле-				

N.C.	TT					
<b>№</b>	Наименование раздела,	Содержание занятия				
п/п	темы дисциплины зываний.	ния высказываний.				
3.2	Теория доказательств	Доказуемость формул.				
3.2	теория доказательеть	Условный вывод. Теорема дедукции.				
4		Логика предикатов.				
4.1	Понятие логики преди- Понятие предиката. Формулы логики предикатов. Истин-					
7.1	катов.	ностные значения формул.				
4.2	Формулы логики преди-	Формулы логики предикатов. Истинностные значения				
7.2	катов.	формул. Равносильность. Общезначимость и выполни-				
	Raiob.	мость формул.				
4.3	Применение логики пре-	Применение логики предикатов к логико-математической				
1.5	дикатов	практике				
5	дикитов	Аксиоматические теории				
5.1	Логические и специаль-	Аксиомати ческие теории. Логические и специальные ак-				
3.1	ные аксиомы. Правила	сиомы. Свойства теорий.				
	вывода.	enomin. Oboherbu reophin.				
5.2	Доказательства в теории.	Правила вывода. Доказательства в теории. Теорема де-				
	Acres a respiration of the property of the pro	дукции.				
		7				
Соде	- ержание практических зан	ятий				
	1					
1	Методология м	атематической логики. Алгебра высказываний				
1.1	Логические операции	Логические операции над высказываниями: отрицание,				
	над высказываниями.	дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквиваленция.				
	Формулы алгебры вы-	Формулы алгебры высказываний. Тавтологии алгебры				
	сказываний	высказываний. Метод таблиц истинности доказательства				
		равносильности формул. Использование равносильных				
	_	преобразований для упрощения формул.				
1.2	Логическое следование	Логическое следование. Равносильность формул алгебры				
	и равносильность фор-	высказываний. Упрощение систем высказываний.				
	мул					
2		омальные формы. Булевы функции				
2.1	Нормальные формы и их	Отыскание нормальных форм. Применение нормальных				
	применение. Приложе-	форм. Нахождение следствий из посылок. Нахождение				
	ние алгебры высказываний к логико-	посылок для данных следствий. Приложение алгебры вы-				
		сказываний к логико-математической практике. Обратные				
	математической практи-	и противоположные теоремы. Принцип полной индукции.				
	ке. Правильные и непра-	Необходимые и достаточные условия. Правильные и не-				
2.2	вильные рассуждения	правильные рассуждения. Логические задачи.				
2.2	Классы и системы булевых функций. Приложе-	Замкнутые классы булевых функций. Полные и неполные системы функций. Применение булевых функций к ре-				
	ния булевых функций	лейно-контактным схемам.				
3		пеино-контактным слемам.				
3.1	Построение доказа-	Построение доказательств. Применение теоремы дедук-				
5.1	тельств	ции.				
3.2	Правила вывода и их	Производные правила вывода и их применение. Незави-				
3.2	применение	симость системы аксиом				
4	1	Логика предикатов.				
<u> </u>	l .	VIVINIA II POMINIA I ODI				

<b>№</b> π/π	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия				
4.1	Понятие и формулы ло- гики предикатов	Понятие предиката. Формулы логики предикатов.				
4.2	Понятие и формулы ло- гики предикатов	Истинностные значения формул. Равносильность. Общезначимость и выполнимость формул. Кванторы				
4.3	Применение логики предикатов	Применение логики предикатов к логико-математической практике.				
5		Аксиоматические теории				
5.1	Аксиоматические тео- рии	Аксиоматические теории. Логические и специальные аксиомы.				
5.2	Аксиоматические теории	Правила вывода. Доказательства в теории. Теорема дедукции. Свойства теорий.				
	Промежуточная аттестация – зачет с оценкой					

# 4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 7.

Таблица 7 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

Учебная рабо-	Сумма	Виды и резуль-	Оценка в аттестации	Баллы
та (виды)	баллов	таты учебной		
		работы		
Текущая учеб-	80	Лекционные заня-	1 балл посещение 1 лекци-	0 - 11
ная работа в		тия (конспект)	онного занятия	
семестре (По-		(11 занятий)		
сещение заня-		Практические (11	1 балл - посещение 1 практи-	11 - 33
тий по распи-		занятий).	ческого занятия	
санию и вы-			<b>3 балла</b> – посещение 1 занятия	
полнение зада-			и существенный вклад на заня-	
ний)			тии в работу всей группы,	
		Индивидуальные	За одно Инд. задание:	25-36
		задания (5 зада-	<b>5 балла</b> (выполнено 51 - 65%	
		ний)	заданий)	
			<b>6 баллов</b> (выполнено 66 - 85%	
			заданий)	
			7 баллов (выполнено 86 -	
			100% заданий)	

Итого по текущей работе в семестре				
Промежуточная аттестация (зачет с оценкой)	20	Вопросы к зачету Тест	10 баллов (пороговое значение) 20 баллов (максимальное значение)	10-20
Итого по промеж	куточной	і аттестации (зачет)		20 бал- лов

#### Суммарная оценка по дисциплине:

Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации:  $50-100~{\rm f.}$ 

Набранные баллы переводятся в оценки по следующей шкале:

-51-100 – «зачтено с оценкой»;

- 50 и менее - «не зачтено».

O II Monto (Mar out France)			
Сумма баллов для дис- циплины	Оценка	Буквенный эквивалент	
86 - 100	5	отлично	
66 - 85	4	хорошо	
51 - 65	3	удовлетворительно	
0 - 50	2	неудовлетворительно	

# 5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины

# 5.1 Учебная литература Основная учебная литература

- 1. Скорубский, В. И. Математическая логика: учебник и практикум для бакалавриата и специалитета / В. И. Скорубский, В. И. Поляков, А. Г. Зыков. Москва: Юрайт, 2018. 211 с. (Бакалавр и специалист). ISBN 978-5-534-01114-2. URL: <a href="https://biblio-online.ru/bcode/413851">https://biblio-online.ru/bcode/413851</a> (дата обращения: 27.08.2020). Текст : электронный. <a href="https://biblio-online.ru/viewer/1DCFB4A3-0E32-447B-B216-5FDE5657D5D3">https://biblio-online.ru/viewer/1DCFB4A3-0E32-447B-B216-5FDE5657D5D3</a>
- 2. Судоплатов, С. В. Математическая логика и теория алгоритмов: учебник и практикум для академического бакалавриата / С. В. Судоплатов, Е. В. Овчинникова. 5-е изд., стер. Москва: Юрайт, 2017. 255 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-00767-1. URL: <a href="https://biblio-online.ru/bcode/399197">https://biblio-online.ru/bcode/399197</a> (дата обращения: 27.08.2020). Текст: электронный. <a href="https://biblio-online.ru/viewer/71FA118B-CFD5-48BD-BC6F-073BDCA2806F">https://biblio-online.ru/viewer/71FA118B-CFD5-48BD-BC6F-073BDCA2806F</a>

## Дополнительная учебная литература

1. Гринченков, Д. В. Математическая логика и теория алгоритмов для программистов: учебное пособие для вузов / Д. В. Гринченков. - Москва: КноРус, 2010. - 206 с. - ISBN 9785406001202. - Текст: непосредственный.

2. Игошин, В. И. Математическая логика и теория алгоритмов: учебное пособие для вузов / В. И. Игошин. - Изд. 3-е; стер. - Москва: Академия, 2008. - 447 с. - ISBN 978-5-7695-5200-7. - Текст: непосредственный.

### 5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.

Учебные занятия по дисциплине проводятся в учебных аудиториях НФИ КемГУ:

Математическая	318 Учебная аудитория для проведения:	654079,	Кеме-
логика	- занятий лекционного типа;	ровская	об-
	- занятий семинарского (практического) типа;	ласть, г.	Ново-
	- групповых и индивидуальных консультаций;	кузнецк,	пр-кт
	- текущего контроля и промежуточной аттестации.	Металлур	гов, д.
	Специализированная (учебная) мебель: доска меловая,	19	
	кафедра (2 шт.), столы, стулья.		
	Оборудование: переносное - ноутбук, экран, проектор.		
	Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.		

# 5.3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

#### Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

- 1. Общероссийский математический портал (информационная система) <a href="http://www.mathnet.ru/">http://www.mathnet.ru/</a>
- 2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» <a href="http://www.window.edu.ru">http://www.window.edu.ru</a>.
- 3. zbMATH <a href="https://zbmath.org/">https://zbmath.org/</a> математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др.

### 6 Иные сведения и (или) материалы.

# 6.1. Примерные темы письменных учебных работ Темы индивидуальных заданий

1. Индивидуальное задание №1: Методология математической логики. Алгебра высказываний.

Темы: 1.1 Методология математической логики.

### 1.2 Алгебра высказываний

### Вариант (образец):

#### Задание № 1.

Представить логическими формулами следующие высказывания:

- 1. Если идет дождь, то крыши мокрые. Дождя нет, а крыши мокрые.
- 2. Если допоздна работаешь с компьютером и при этом пьешь много кофе, то утром просыпаешься в дурном расположении духа или с головной болью.
- 3. Если социологические исследования показывают, что потребитель отдает предпочтение удобству и многообразию выбора, то фирме следует сделать упор на усовершенствование товара или увеличение многообразия новых форм.
- 4. Если при выполнении программы отклонение контролируемых параметров превышает предусмотренные нормы, то требуется оперативная корректировка программы или уточнение стандартов.
- 5. Множества X и Y равны, если для любого элемента а из того, что а $\in X$ , следует, что а $\in Y$ , и из того, что а $\notin X$ , следует, что а $\notin Y$ .
- 6. В ситуации, где жизненно необходимо расширение фирмы или где ключевые патенты или ключевые ресурсы находятся в руках у других компаний, а данной фирме недостает технических знаний, лучшей стратегией для нее является приобретение предприятий.

#### Задание № 2.

Дана логическая формула  $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\vee x_2)(x_2\vee x_3)\to (x_1\vee x_3)$  или  $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\sim x_2)\to x_3$ 

Требуется: Составить таблицу истинности для данной формулы.

# **2.** Индивидуальное задание №2: Нормальные формы. Булевы функции. Темы:

- 1.1 Нормальные формы формулы алгебры высказываний.
- 1.2 Булевы функции.

# Вариант (образец):

#### Задание № 1.

Дана логическая формула  $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\vee x_2)(x_2\vee x_3)\to (x_1\vee x_3)$  или  $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\sim x_2)\to x_3$ 

Требуется:

- **1.** Найти совершенную дизъюнктивную нормальную форму (СДНФ) данной формулы f по законам логики.
- **2.** Получить совершенную конъюнктивную нормальную форму (СКНФ) данной формулы f.

#### Задание № 2.

По заданной таблице истинности записать логическую функцию (СДНФ). Упростить полученную логическую функцию. Составить логическую схему.

# A B C F(A,B,C)

0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

# 3. Индивидуальное задание №3: Аксиоматическое построение логики высказываний.

Темы:

- 3.1 Аксиоматическое построение логики высказываний.
- 3.2 Теория доказательств

### Вариант (образец):

#### Залание № 1.

Являются ли выводами в исчислении высказываний следующие последовательности формул:

- a)  $A \rightarrow (A \vee B)$ ;
- $6) A \rightarrow (A \lor B), (A \rightarrow (A \lor B)) \rightarrow (B \rightarrow (A \rightarrow (A \lor B))), B \rightarrow (A \rightarrow (A \lor B));$
- B)  $A \rightarrow (B \rightarrow A)$ ,  $(A \rightarrow (B \rightarrow A)) \rightarrow B$ , B?

#### Задание № 2.

Доказать, что имеют место следующие выводимости:

- a)  $G \vdash F \rightarrow G$ ;
- 6)  $G \vdash H \rightarrow (F \rightarrow G)$ ;
- B)  $F \rightarrow G, F \rightarrow (G \rightarrow H), F \vdash H$ ;

# 4. Индивидуальное задание №4: Логика предикатов

Темы:

- 4.1 Понятие и формулы логики предикатов.
- 4.2 Применение логики предикатов

# Вариант (образец):

#### Задание № 1.

Пользуясь основными равносильностями логики предикатов упростить следующие формулы: 1)  $\exists x (A(x) \to \forall y B(y))$ ; 2)  $\overline{\exists x (A(x) \to \forall y B(y))}$ .

#### Задание № 2.

Указать области действия кванторов. Определить какие вхождения переменных являются свободными, а какие связанными формуле

$$\alpha = T(x) \& \forall y [S(x,y) \rightarrow \exists x (R(x,y) \lor T(y))]$$

# 5. Индивидуальное задание №5: Аксиоматические теории

Темы:

- 4.1 Логические и специальные аксиомы. Правила вывода.
- 4.2 Доказательства в теории.

## Вариант (образец):

### Задание № 1.

Докажите непротиворечивость аксиоматической теории с одним бинарным отношением, удовлетворяющим аксиомам симметричности и антисимметричности.

## Задание № 2.

Докажите неполноту аксиоматической теории с одним бинарным отношением, удовлетворяющим аксиомам симметричности и антисимметричности.

# 6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

Таблица 8 - Примерные теоретические вопросы и практические задачи к зачету

Разделы и темы	Примерные теорети-	Примерные практические задачи
	ческие вопросы	
	8 семе	естр
1. Методология в	математической логики. Ал	гебра высказываний
1.1 Методология	1. Мышление как	1. Представить логическими форму-
математической ло-	объект логики. Формы	лами следующие высказывания:
гики.	мышления.	а. Если идет дождь, то крыши мокрые.
	2. Связь логики с	Дождя нет, а крыши мокрые.
	другими науками. Ло-	б. Если допоздна работаешь с компьюте-
	гика и конструирование	ром и при этом пьешь много кофе, то
	автоматических	утром просыпаешься в дурном располо-
	устройств.	жении духа или с головной болью.
		в. Если социологические исследования
		показывают, что потребитель отдает
		предпочтение удобству и многообразию
		выбора, то фирме следует сделать упор
		на усовершенствование товара или увели-
		чение многообразия новых форм.
		г. Если при выполнении программы от-
		клонение контролируемых параметров
		превышает предусмотренные нормы, то
		требуется оперативная корректировка про-
		граммы или уточнение стандартов.
		д. Множества Х и У равны, если для
		любого элемента а из того,что а€Х, сле-
		дует, что а€Ү, и из того, что а∉Х, сле-
		дует, что а∉ Ү.
		е. В ситуации, где жизненно необходимо
		расширение фирмы или где ключевые
		патенты или ключевые ресурсы находят-
		ся в руках у других компаний, а данной
		фирме недостает технических знаний,

1.2 Алгебра выска- зываний	3. Определение высказывания. Определение логических операций над высказываниями: отрицание, неразделительная дизьюнкция, коньюнкция, импликация, эквиваленция. 4. Формулы алгебры высказываний. Равносильность формул. Законы логики.	лучшей стратегией для нее является приобретение предприятий.  2. Дана логическая формула $f(x_1,x_2,x_3) = (x_1 \lor x_2)(x_2 \lor x_3) \to (x_1 \lor x_3)$ или $f(x_1,x_2,x_3) = (x_1 \sim x_2) \to x_3$ Требуется: Составить таблицу истинности для данной формулы.
	рмы. Булевы функции	
2.1 Нормальные формы формы формулы алгебры высказываний  1.3 Булевы функции	<ul> <li>5. Совершенная дизъюнктивная нормальная форма.</li> <li>6. Совершенная конъюнктивная нормальная форма.</li> <li>7. Минимизация СДНФ.</li> <li>8. Теорема о числе булевых функций от п переменных.</li> <li>9. Замкнутые классы булевых функций.</li> <li>10. Полные и неполные системы буле-</li> </ul>	3. Дана логическая формула f(x <sub>1</sub> ,x <sub>2</sub> ,x <sub>3</sub> ) = (x <sub>1</sub> ∨ x <sub>2</sub> )(x <sub>2</sub> ∨ x <sub>3</sub> ) → (x <sub>1</sub> ∨ x <sub>3</sub> ) или f(x <sub>1</sub> ,x <sub>2</sub> ,x <sub>3</sub> ) = (x <sub>1</sub> ~x <sub>2</sub> )→x <sub>3</sub> Требуется: а.Найти совершенную дизьюнктивную нормальную форму (СДНФ) данной формулы f по законам логики. б.Получить совершенную коньюнктивную нормальную форму (СКНФ) данной формулы f.  4. По заданной таблице истинности записать логическую функцию (СДНФ). Упростить полученную логическую функцию. Составить логическую схему.    A   B   C   F(A,B,C)     0   0   1   0
3. Аксиоматическое п 3.1Аксиоматическое построение логики высказываний.	вых функций.  построение логики высказы  11. Условный вывод в ИВ. Теорема дедукции.	0     1     0     1       0     1     1     0       1     0     0     1       1     0     1     0       1     1     0     0       1     1     1     0
		$(A \to (A \lor B)) \to (B \to (A \to (A \lor B))),$ $B \to (A \to (A \lor B);$ $B) A \to (B \to A), (A \to (B \to A)) \to B,$

		<i>B</i> ?
3.2 Теория доказа-	12. Теория доказа-	6. Доказать, что имеют место следующие
тельств	тельства в исчислении	выводимости:
	высказываний.	a) $G \vdash F \rightarrow G$ ;
		6) $G \vdash H \rightarrow (F \rightarrow G)$ ;
		$B) F \to G, F \to (G \to H), F \vdash H.$
4. Логика предикатов	•	
4.1 Понятие и фор-	13. Понятие преди-	7. Пользуясь основными равносильностями
мулы логики преди-	ката. Формулы логики	логики предикатов упростить следующие
катов.	предикатов. Кванторы. Истинностные значения	формулы: 1) $\exists x(A(x) \rightarrow \forall yB(y));$ 2)
	формул.	$\exists x (A(x) \rightarrow \forall y B(y)).$
	14. Язык первого	
	порядка Термы и Фор-	
	мулы.	
4.2 Применение ло-	15. Запись предложений	8. Указать области действия кванторов.
гики предикатов	на логико-	Определить какие вхождения переменных
	математическом языке.	являются свободными, а какие связанными
		формуле
~ ·		$\alpha = T(x) \& \forall y [S(x,y) \to \exists x (R(x,y) \lor T(y))]$
5. Аксиоматические т		ОП
5.1 Логические и	16. Аксиоматические	9. Докажите непротиворечивость аксиома-
специальные акси-	теории. Логические и	тической теории с одним бинарным отно-
омы. Правила выво-	специальные аксиомы. Правила вывода. Дока-	шением, удовлетворяющим аксиомам сим-
да.	зательства в теории.	метричности и антисимметричности.
	Теорема дедукции.	
	17. Непротиворечивость,	
	полнота и разреши-	
	мость теорий. Непроти-	
	воречивость исчисле-	
	ния предикатов.	
5.2 Доказательства	18.Интерпретация язы-	10. Докажите неполноту аксиоматической
в теории.	ка теории. Модель тео-	теории с одним бинарным отношением,
	рии.	удовлетворяющим аксиомам симметрично-
	19. Теория натуральных	сти и антисимметричности.
	чисел. Язык. Аксиомы.	
	Теорема о неполноте.	

Составитель (и): Фомина А.В., доцент каф. МФММ (фамилия, инициалы и должность преподавателя (ей))