Подписано электронной подписью: Вержицкий Данил Григорьевич Должность: Директор КГПИ КемГУ Дата и время: 2025-04-23 00:00:00

471086fad29a3b30e244c728abc3661ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Кемеровский государственный университет» Кузбасский гуманитарно-педагогический институт

Факультет информатики, математики и экономики

«УТВЕРЖДАЮ» Декан ФИМЭ А.В. Фомина / «16» января 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

Б1.О.10.08 Математическая логика

Направление подготовки

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки «Информатика и Системы искусственного интеллекта»

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника *бакалавр*

Форма обучения Очная

Год набора 2021

Новокузнецк 2025

Лист внесения изменений

в РПД Б1.О.10.08 Математическая логика

Сведения об утверждении:

утверждена ученым советом факультета информатики, математики ки(протокол Ученого совета факультета № 7 от 11.02.2021) для ОПОП 2021 год набора на 2021 / 2022 учебный год по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (профилямиподготовки) направленность (профиль) подготовки – Ин и Системы искусственного интеллекта Одобрена на заседании методической комиссии факультета информатики иэкономики (протокол методической комиссии факультета № 7 от 11.02.2021) Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры информатики и ощиплин	с двумя форматика матики, мате-
протокол № 6 от 28.01.2021 г. <u>Сликишина И.В.</u> / (Ф. И.О. и.о.зав. кафедрой) (Подпись)	
Переутверждение на учебный год:	
на 20/ 20учебный год	
утверждена Ученым советом та (протокол Ученого совета факультета №_от201_ г. Одобрена на заседании методической комиссии факультета	факульте-
протокол методической комиссии факультета №от20г. Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры	
протокол № от20 г	(Подпись)
на 20/ 20учебный год	
утверждена Ученым советом та (протокол Ученого совета факультета №_от 201_ г. Одобрена на заседании методической комиссии факультета протокол методической комиссии факультета № от 20 г.	факульте-
Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры	,
протокол №от20 г	(Подпись)
на 20/ 20учебный год	
утверждена Ученым советом та (протокол Ученого совета факультета №_от 201_ г. Одобрена на заседании методической комиссии факультета протокол методической комиссии факультета № от 20 г.	
Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры протокол № от20 г.	/
	(Подпись)

Оглавление 1.1 Формируемые компетенции4 1.2 1.3 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.......6 3.2. Содержание занятий по видам учебной работы....... 4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.......10 5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение 5.1 Учебная литература......11 5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины......12 5.3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные 6 Иные сведения и (или) материалы. 6.1. 6.2

1 Цель дисциплины

Целью изучения дисциплины «Математическая логика» является: формирование математической и логической культуры студента; привитие понимания универсального характера законов логики математических рассуждений, понимания роли и места математической логики в системе наук; развитие абстрактного мышления, общей математической и информационной культуры.

В ходе изучения дисциплины будет сформирована компетенция:

ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний.

1.1 Формируемые компетенции

Таблица 1 - Формируемые дисциплиной компетенции

Наименование вида	Наименование катего-	Код и название компетенции
компетенции	рии (группы) компе-	
	тенций	
Общепрофессиональ-	Научные основы педа-	ОПК-8. Способен осуществлять
ная	гогической деятельно-	педагогическую деятельность на
	сти	основе специальных научных зна-
		ний.

1.2 Индикаторы достижения компетенций

Таблица 2 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

Код и название компетен-	Индикаторы достижения	Дисциплины и практики, форми-
ции	компетенции по ОПОП	рующие компетенцию ОПОП
ОПК-8. Способен осу-	ОПК.8.1. Применяет специ-	Б1.О.03.01 Общая психология
ществлять педагогиче-	альные научные знания	Б1.О.04 Возрастная анато-
скую деятельность на ос-	предметной области в педа-	мия и физиология
нове специальных науч-	гогической деятельности по	Б1.О.06 Специальная и коррек-
ных знаний.	профилю подготовки	ционная педагогика и психо-
	ОПК.8.2. Владеет методами	логия
	научного исследования в	Б1.О.10.01 Линейная алгебра
	предметной области	Б1.О.10.02 Компьютерная
	ОПК 8.3. Владеет методами	графика и анимация
	анализа педагогической си-	Б1.О.10.03 Программирование
	туации и профессиональной	Б1.О.10.04 Теоретические ос-
	рефлексии на основе специ-	новы информатики
	альных научных знаний в	Б1.О.10.05 Теория вероятно-

Код и название компетен-	Индикаторы достижения компетенции по ОПОП	Дисциплины и практики, формирующие компетенцию ОПОП	
ции	предметных областях	ПО	стей и математическая стати-
	профилю подготовки		стика Б1.О.10.06 Компьютерные
			сети и интернет технологии
			Б1.О.10.07 Компьютерное
			моделирование
			Б1.О.10.08 Математическая логика
			Б1.О.10.09 Проектирование
			информационных систем
			Б1.О.11.01 Программное
			обеспечение
			Б1.О.11.02 Основы робототех-
			ники
			Б1.О.11.03 Алгоритмы и
			структуры данных
			Б1.О.11.04 Машинное обуче-
			ние
			Б1.О.11.05 основы искус-
			ственного интеллекта
			Б1.О.11.06 Электроника и ав- томатика
			Б1.О.11.07 Информационная
			безопасность
			Б1.О.11.08 Дистанционные
			системы обучения
			Б1.О.11.09 Моделирование
			интеллектуальных систем
			Б2.О.02(У) Учебная практика.
			Ознакомительная
			практика
			Б2.О.04(П) Производственная
			практика. Педагогическая прак-
			тика
			Б2.О.05(П) Производственная
			практика. Проектно-техноло-
			гическая практика
			ФТД.02 Видеомонтаж
			т 14.02 Видеомонтак

1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине

Таблица 3 – Знания, умения, навыки, формируемые дисциплиной

Код и название компе-	Индикаторы достижения	Знания, умения, навыки (ЗУВ), фор-
тенции	компетенции, закреплен-	мируемые дисциплиной
	ные за дисциплиной	
ОПК-8. Способен осу-	ОПК.8.1. Применяет спе-	Знать:

Код и название компе-	Индикаторы достижения	Знания, умения, навыки (ЗУВ), фор-
	компетенции, закреплен-	мируемые дисциплиной
тенции	· •	мируемые дисциплиной
	ные за дисциплиной	
ществлять педагогиче-	циальные научные знания	- научное содержание и современное
скую деятельность на	предметной области в пе-	состояние предметной области "Ма-
основе специальных	дагогической деятельно-	тематическая логика", лежащее в ос-
научных знаний.	сти по профилю подго-	нове преподаваемого учебного пред-
	товки	мета "Математика";
	ОПК.8.2. Владеет метода-	- методы проведения научного ис-
	ми научного исследования	следования в предметной области
	в предметной области	"Математическая логика".
	-	Уметь:
		- использовать научные знания пред-
		метной области "Математическая ло-
		гика" в педагогической деятельности
		по профилю подготовки;
		- применять научные знания пред-
		метной области "Математическая ло-
		гика" при разработке образователь-
		ных программ, рабочих программ
		учебных предметов, курсов внеуроч-
		ной деятельности.
		Владеть:
		- методами научного исследования в
		области математической логики;
		- способами получения информации
		о современном состоянии научных
		исследований в предметной области
		"Математическая логика".
		TITUL CITALLI I I WILLIAM VIOLITICA I

2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.

Таблица 4 – Объем и трудоемкость дисциплины по видам учебных занятий

Общая трудоемкость и виды учебной работы по дисци-		Объём часов по формам			
плине, проводимые в разных формах	обучения				
плине, проводимые в разных формах	ОФО	ОЗФО	3ФО		
1 Общая трудоемкость дисциплины	108				
2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по	44				
видам учебных занятий) (всего)					
Аудиторная работа (всего):	44				
в том числе:					
лекции	22				
практические занятия, семинары	22				
практикумы					
лабораторные работы					
в интерактивной форме					
в электронной форме					
Внеаудиторная работа (всего):	64				

в том числе, индивидуальная работа обучающихся с пре-		
подавателем		
подготовка курсовой работы/контактная работа		
групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую		
или индивидуальную работу обучающихся с преподавате-		
лем)		
творческая работа (эссе)		
3 Самостоятельная работа обучающихся (всего)	64	
4 Промежуточная аттестация обучающегося	зачет	

3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

3.1 Учебно-тематический план

Таблица 5 - Учебно-тематический план очной формы обучения

	Общая Трудоемкость занятий (час.)					Форма			
		трудо-	удо- ОФО		ЗФС			текущего	
		ём-	Ауди-	-		Ауд	И-		контроля и
Ц/	Разделы и темы дисциплины	кость	торн.			торн			промежу-
ПП	по занятиям	(всего	заняті	RN	GD G	заня		CD C	точной
(e)		час.)	лекц	пр	CPC	лек	пр	CPC	аттестации
Нед			l . `	акт		ц.	акт		успевае-
№ недели п/п									мости
Сем	естр 8								
I	Методология математиче-	20	4	4	12				Индиви-
	ской логики. Алгебра вы-								дуальное
	сказываний								задание
24	Методология математиче-	10	2	2	6				
	ской логики.								
	Алгебра высказываний	10	2	2	6				
II	Нормальные формы. Бу-	20	4	4	12				Индиви-
	левы функции					1			дуальное
25	Нормальные формы форму-	10	2	2	6				задание
	лы алгебры высказываний								
26	Булевы функции	10	2	2	6				
III	Аксиоматическое постро-	20	4	4	12				Индиви-
	ение логики высказыва-								дуальное
	ний.								задание
27	Аксиоматическое построе-	10	2	2	6				
	ние логики высказываний.		_	_					
28	Теория доказательств	10	2	2	6				
IV	Логика предикатов.	26	6	6	14				Индиви-
29,	Понятие и формулы логики	16	4	4	8				дуальное
30	предикатов.			_					задание
31	Применение логики преди-	10	2	2	6				
L	катов								
V	Аксиоматические теории	22	4	4	14				Индиви-
32	Логические и специальные	10	2	2	6				дуальное
	аксиомы. Правила вывода.								задание

		Общая	Общая Трудоемкость занятий (час.)					Форма	
		трудо-	ОФО			3ФО			текущего
		ём-	Ауди-	-		Ауд	и-		контроля и
П/П	Разделы и темы дисциплины	кость	торн.			торн	[.		промежу-
	TO DOLLGTHAN	(всего	заняті	RГ	CPC	занятия		CPC	точной
недели		час.)	лекц	пр	CFC	лек	пр	CrC	аттестации
He,				акт		Ц.	акт		успевае-
Š				•					мости
Сем	естр 8								
33	Доказательства в теории.	12	2	2	8				
	Промежуточная аттестация -								зачет
ИТС	ОГО по семестру	108	22	22	64				

3.2. Содержание занятий по видам учебной работы

Таблица 6 – Содержание дисциплины

$N_{\underline{0}}$	Наименование раздела,	Co vonvious a postgrag							
Π/Π	темы дисциплины	Содержание занятия							
	Семестр 8								
Соде	Содержание лекционного курса								
1	Методология математической логики. Алгебра высказываний								
1.1	.1 Методология математи- Дедуктивный характер математики. Предмет матем								
	ческой логики.	ской логики, ее роль в обосновании математики. Интен-							
		сивное развитие математической логики в настоящее вре-							
		мя в связи с созданием и применением автоматических							
		систем управления и распространением метода формали-							
		зации при изучении различных теорий.							
1.2	Алгебра высказываний	Алгебра высказываний. Логические операции над выска-							
		зываниями. Формулы. Истинностные значения формул.							
		Равносильность. Равносильные преобразования формул.							
2	Нормальные формы. Булевы функции								
2.1	Нормальные формы	Понятие нормальной формы формулы алгебры высказы-							
	формулы алгебры выска-	вания. Дизъюнктивная нормальная форма. Совершенная							
	зываний	дизъюнктивная нормальная форма. Конъюнктивная нор-							
		мальная форма. Совершенная конъюнктивная нормальная							
		форма.							
2.2	Булевы функции	Булевы функции. Число булевых функций от п перемен-							
		ных. Замкнутые классы булевых функций. Полные и не-							
		полные системы функций.							
3		ческое построение логики высказываний.							
3.1	Аксиоматическое по-	Аксиомы и правила вывода.							
	строение логики выска-	Непротиворечивость, полнота и разрешимость исчисле-							
2.2	зываний.	ния высказываний.							
3.2	Теория доказательств	Доказуемость формул.							
		Условный вывод. Теорема дедукции.							
4		Логика предикатов.							
4.1	Понятие логики преди-	Понятие предиката. Формулы логики предикатов. Истин-							
	катов.	ностные значения формул.							

№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия						
4.2	Формулы логики преди-	Формулы логики предикатов. Истинностные значения						
	катов.	формул. Равносильность. Общезначимость и выполнимость формул.						
4.3	Применение логики пре-	Применение логики предикатов к логико-математической						
	дикатов	практике						
5		Аксиоматические теории						
5.1	Логические и специаль-	Аксиоматические теории. Логические и специальные ак-						
	ные аксиомы. Правила вывода.	сиомы. Свойства теорий.						
5.2	Доказательства в теории.	Правила вывода. Доказательства в теории. Теорема де-						
	~	дукции.						
<i>C</i>)								
Cooe	ержание практических зан.	ятии						
1	Методология ма	атематической логики. Алгебра высказываний						
1.1	Логические операции	Логические операции над высказываниями: отрицание,						
	над высказываниями.	дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквиваленция.						
	Формулы алгебры вы-	Формулы алгебры высказываний. Тавтологии алгебры						
	сказываний	высказываний. Метод таблиц истинности доказательства						
		равносильности формул. Использование равносильных						
1.2	Поточения	преобразований для упрощения формул.						
1.2	Логическое следование	Логическое следование. Равносильность формул алгебры высказываний. Упрощение систем высказываний.						
	и равносильность фор-	высказывании. Упрощение систем высказывании.						
	мул							
2	Нор	мальные формы. Булевы функции						
2.1	Нормальные формы и их	Отыскание нормальных форм. Применение нормальных						
	применение. Приложе-	форм. Нахождение следствий из посылок. Нахождение						
	ние алгебры высказыва-	посылок для данных следствий. Приложение алгебры вы-						
	ний к логико-	сказываний к логико-математической практике. Обратные						
	математической практи-	и противоположные теоремы. Принцип полной индукции.						
	ке. Правильные и непра-	Необходимые и достаточные условия. Правильные и не-						
2.2	вильные рассуждения	правильные рассуждения. Логические задачи.						
2.2	Классы и системы буле-	Замкнутые классы булевых функций. Полные и неполные						
	вых функций. Приложе- ния булевых функций	системы функций. Применение булевых функций к ре-						
3		лейно-контактным схемам. ческое построение логики высказываний.						
3.1	Построение доказа-	Построение доказательств. Применение теоремы дедук-						
3.1	тельств	ции.						
3.2	Правила вывода и их	Производные правила вывода и их применение. Незави-						
	применение	симость системы аксиом						
4		Логика предикатов.						
4.1	Понятие и формулы ло-	Понятие предиката. Формулы логики предикатов.						
	гики предикатов							
4.2	Понятие и формулы ло-	Истинностные значения формул. Равносильность. Об-						
	гики предикатов	щезначимость и выполнимость формул. Кванторы						
4.3	Применение логики	Применение логики предикатов к логико-математической						
	предикатов	практике.						

$N_{\overline{0}}$	Наименование раздела,	Содержание занятия		
Π/Π	темы дисциплины	Содержание занятия		
5	Аксиоматические теории			
5.1	Аксиоматические тео-	Аксиоматические теории. Логические и специальные ак-		
	рии	сиомы.		
5.2	Аксиоматические теории	Правила вывода. Доказательства в теории. Теорема де-		
		дукции. Свойства теорий.		
	Промежуточная аттестация – зачет			

4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 7.

Таблица 7 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

Учебная рабо- та (виды)	Сумма баллов	Виды и резуль- таты учебной	Оценка в аттестации	Баллы
ти (виды)	omnob	работы		
Текущая учеб- ная работа в семестре (По-	80	Лекционные занятия (конспект) (11 занятий)	1 балл посещение 1 лекци- онного занятия	0 - 11
сещение заня- тий по распи- санию и вы- полнение зада- ний)		Практические (11 занятий).	1 балл - посещение 1 практического занятия 3 балла — посещение 1 занятия и существенный вклад на занятии в работу всей группы,	11 - 33
		Индивидуальные задания (5 заданий)	За одно Инд. задание: 5 балла (выполнено 51 - 65% заданий) 6 баллов (выполнено 66 - 85% заданий) 7 баллов (выполнено 86 - 100% заданий)	25-36

Итого по текущей работе в семестре					
Промежуточная аттестация (зачет)	20	Вопросы к зачету Тест	10 баллов (пороговое значение) 20 баллов (максимальное значение)	10-20	
Итого по промежуточной аттестации (зачет) 20 бал-					
лов					
Суммарная оценка по дисциплине: Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации: 50 – 100 б. Набранные баллы переводятся в оценки по следующей шкале:					

- 51-100 - «зачтено»;

-50 и менее - «не зачтено».

5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Учебная литература Основная учебная литература

- 1. Скорубский, В. И. Математическая логика: учебник и практикум для бакалавриата и специалитета / В. И. Скорубский, В. И. Поляков, А. Г. Зыков. Москва: Юрайт, 2018. 211 с. (Бакалавр и специалист). ISBN 978-5-534-01114-2. URL: https://biblio-online.ru/bcode/413851 (дата обращения: 27.08.2020). Текст : электронный. https://biblio-online.ru/viewer/1DCFB4A3-0E32-447B-B216-5FDE5657D5D3
- 2. Судоплатов, С. В. Математическая логика и теория алгоритмов: учебник и практикум для академического бакалавриата / С. В. Судоплатов, Е. В. Овчиникова. 5-е изд., стер. Москва: Юрайт, 2017. 255 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-00767-1. URL: https://biblio-online.ru/bcode/399197 (дата обращения: 27.08.2020). Текст: электронный. https://biblio-online.ru/viewer/71FA118B-CFD5-48BD-BC6F-073BDCA2806F

Дополнительная учебная литература

- 1. Гринченков, Д. В. Математическая логика и теория алгоритмов для программистов: учебное пособие для вузов / Д. В. Гринченков. Москва: КноРус, 2010. 206 с. ISBN 9785406001202. Текст: непосредственный.
- 2. Игошин, В. И. Математическая логика и теория алгоритмов : учебное пособие для вузов / В. И. Игошин. Изд. 3-е ; стер. Москва: Академия, 2008. 447 с. ISBN 978-5-7695-5200-7. Текст : непосредственный.

5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.

Учебные занятия по дисциплине проводятся в учебных аудиториях НФИ КемГУ:

Математическая	318 Учебная аудитория для проведения:	654079,	Кеме-
логика	- занятий лекционного типа;	ровская	об-
	- занятий семинарского (практического) типа;	ласть, г.	Ново-
	- групповых и индивидуальных консультаций;	кузнецк,	пр-кт
	- текущего контроля и промежуточной аттестации.	Металлур	гов, д.
	Специализированная (учебная) мебель: доска меловая,	19	
	кафедра (2 шт.), столы, стулья.		
	Оборудование: переносное - ноутбук, экран, проектор.		
	Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.		

5.3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

- 1. Общероссийский математический портал (информационная система) http://www.mathnet.ru/
- 2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» http://www.window.edu.ru.
- 3. zbMATH https://zbmath.org/ математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др.

6 Иные сведения и (или) материалы.

6.1. Примерные темы письменных учебных работ Темы индивидуальных заданий

1. Индивидуальное задание №1: Методология математической логики. Алгебра высказываний.

Темы: 1.1 Методология математической логики.

1.2 Алгебра высказываний

Вариант (образец):

Задание № 1.

Представить логическими формулами следующие высказывания:

- 1. Если идет дождь, то крыши мокрые. Дождя нет, а крыши мокрые.
- 2. Если допоздна работаешь с компьютером и при этом пьешь много кофе, то утром просыпаешься в дурном расположении духа или с головной болью.
- 3. Если социологические исследования показывают, что потребитель отдает предпочтение удобству и многообразию выбора, то фирме следует сделать упор на усовершенствование товара или увеличение многообразия новых форм.
- 4. Если при выполнении программы отклонение контролируемых параметров превышает предусмотренные нормы, то требуется оперативная корректировка программы или уточнение стандартов.
- 5. Множества X и Y равны, если для любого элемента а из того, что а $\in X$, следует, что а $\in Y$, и из того, что а $\notin X$, следует, что а $\notin Y$.
- 6. В ситуации, где жизненно необходимо расширение фирмы или где ключевые патенты или ключевые ресурсы находятся в руках у других компаний, а данной фирме недостает технических знаний, лучшей стратегией для нее является приобретение предприятий.

Задание № 2.

Дана логическая формула $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\vee x_2)(x_2\vee x_3)\to (x_1\vee x_3)$ или $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\sim x_2)\to x_3$

Требуется: Составить таблицу истинности для данной формулы.

2. Индивидуальное задание №2: Нормальные формы. Булевы функции.

Темы:

- 1.1 Нормальные формы формулы алгебры высказываний.
- 1.2 Булевы функции.

Вариант (образец):

Задание № 1.

Дана логическая формула $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\vee x_2)(x_2\vee x_3)\to (x_1\vee x_3)$ или $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1\sim x_2)\to x_3$

Требуется:

- **1.** Найти совершенную дизъюнктивную нормальную форму (СДНФ) данной формулы f по законам логики.
- **2.** Получить совершенную конъюнктивную нормальную форму (СКНФ) данной формулы f.

Задание № 2.

По заданной таблице истинности записать логическую функцию (СДНФ). Упростить полученную логическую функцию. Составить логическую схему.

A	В	C	F(A,B,C)
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1

0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	0

3. Индивидуальное задание №3: Аксиоматическое построение логики высказываний.

Темы:

- 3.1 Аксиоматическое построение логики высказываний.
- 3.2 Теория доказательств

Вариант (образец):

Залание № 1.

Являются ли выводами в исчислении высказываний следующие последовательности формул:

- a) $A \rightarrow (A \vee B)$;
- $6) A \rightarrow (A \lor B), (A \rightarrow (A \lor B)) \rightarrow (B \rightarrow (A \rightarrow (A \lor B))), B \rightarrow (A \rightarrow (A \lor B);$
- B) $A \rightarrow (B \rightarrow A)$, $(A \rightarrow (B \rightarrow A)) \rightarrow B$, B?

Задание № 2.

Доказать, что имеют место следующие выводимости:

- a) $G \vdash F \rightarrow G$;
- 6) $G \vdash H \rightarrow (F \rightarrow G)$;
- B) $F \rightarrow G, F \rightarrow (G \rightarrow H), F \vdash H$;

4. Индивидуальное задание №4: Логика предикатов

Темы:

- 4.1 Понятие и формулы логики предикатов.
- 4.2 Применение логики предикатов

Вариант (образец):

Задание № 1.

Пользуясь основными равносильностями логики предикатов упростить следующие формулы: 1) $\exists x (A(x) \to \forall y B(y))$; 2) $\overline{\exists x (A(x) \to \forall y B(y))}$.

Задание № 2.

Указать области действия кванторов. Определить какие вхождения переменных являются свободными, а какие связанными формуле

$$\alpha = T(x) \& \forall y [S(x,y) \rightarrow \exists x (R(x,y) \lor T(y))]$$

5. Индивидуальное задание №5: Аксиоматические теории

Темы:

- 4.1 Логические и специальные аксиомы. Правила вывода.
- 4.2 Доказательства в теории.

Вариант (образец):

Задание № 1.

Докажите непротиворечивость аксиоматической теории с одним бинарным отношением, удовлетворяющим аксиомам симметричности и антисимметричности.

Задание № 2.

Докажите неполноту аксиоматической теории с одним бинарным отношением, удовлетворяющим аксиомам симметричности и антисимметричности.

6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

Таблица 8 - Примерные теоретические вопросы и практические задачи к зачету

Разделы и темы	Примерные теорети-	Примерные практические задачи				
	ческие вопросы					
8 семестр						
1. Методология в	математической логики. Ал	гебра высказываний				
1.1 Методология	1. Мышление как	1. Представить логическими форму-				
математической ло-	объект логики. Формы	лами следующие высказывания:				
гики.	мышления.	а. Если идет дождь, то крыши мокрые.				
	2. Связь логики с	Дождя нет, а крыши мокрые.				
	другими науками. Ло-	б. Если допоздна работаешь с компьюте-				
	гика и конструирование	ром и при этом пьешь много кофе, то				
	автоматических	утром просыпаешься в дурном располо-				
	устройств.	жении духа или с головной болью.				
		в. Если социологические исследования				
		показывают, что потребитель отдает				
		предпочтение удобству и многообразию				
		выбора, то фирме следует сделать упор				
		на усовершенствование товара или увели-				
		чение многообразия новых форм.				
		г. Если при выполнении программы от-				
		клонение контролируемых параметров				
		превышает предусмотренные нормы, то				
		требуется оперативная корректировка про-				
		граммы или уточнение стандартов.				
		д. Множества Х и У равны, если для				
		любого элемента а из того,что аЄХ, сле-				
		дует, что а€Ү, и из того, что а∉Х, сле-				
		дует, что а∉ Ү.				
		е. В ситуации, где жизненно необходимо				
		расширение фирмы или где ключевые				
		патенты или ключевые ресурсы находят-				
		ся в руках у других компаний, а данной				
		фирме недостает технических знаний,				

		лучшей стратегией для нее является приобретение предприятий.
1.2 Алгебра высказываний	3. Определение высказывания. Определение логических операций над высказываниями: отрицание, неразделительная дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквиваленция. 4. Формулы алгебры высказываний. Равносильность формул. Законы логики.	2. Дана логическая формула $f(x_1,x_2,x_3)$ = $(x_1 \lor x_2)(x_2 \lor x_3) \to (x_1 \lor x_3)$ или $f(x_1,x_2,x_3) = (x_1 \sim x_2) \to x_3$ Требуется: Составить таблицу истинности для данной формулы.
2. Нормальные фо	рмы. Булевы функции	
2.1 Нормальные формы формы формулы алгебры высказываний 1.3 Булевы	5. Совершенная дизъюнктивная нормальная форма. 6. Совершенная конъюнктивная нормальная форма. 7. Минимизация СДНФ.	3. Дана логическая формула $f(x_1,x_2,x_3)$ = $(x_1 \lor x_2)(x_2 \lor x_3) \to (x_1 \lor x_3)$ или $f(x_1,x_2,x_3) = (x_1 \sim x_2) \to x_3$ Требуется: а.Найти совершенную дизьюнктивную нормальную форму (СДНФ) данной формулы f по законам логики. б.Получить совершенную коньюнктивную нормальную форму (СКНФ) данной формулы f . 4. По заданной таблице истинности записать логическую функцию (СДНФ).
функции	булевых функций от <i>п</i> переменных. 9. Замкнутые классы булевых функций. 10. Полные и неполные системы булевых функций.	писать логическую функцию (СДНФ). Упростить полученную логическую функцию. Составить логическую схему. A B C F(A,B,C) 0 0 1 0 0 1 0 1 0 1 1 0 1 0 1 0 1 1 0 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1 1 0 1 1
3. Аксиоматическое п 3.1Аксиоматическое построение логики высказываний.	остроение логики высказы 11. Условный вывод в ИВ. Теорема дедукции.	ваний. 5. Являются ли выводами в исчислении высказываний следующие последовательности формул: а) $A \to (A \lor B)$; б) $A \to (A \lor B)$, $(A \to (A \lor B)) \to (B \to (A \to (A \lor B)))$, $B \to (A \to (A \lor B))$; в) $A \to (B \to A)$, $(A \to (B \to A)) \to B$,

		<i>B</i> ?
3.2 Теория доказательств	12. Теория доказательства в исчислении высказываний.	6. Доказать, что имеют место следующие выводимости: a) $G \vdash F \to G$;
		6) $G \vdash H \rightarrow (F \rightarrow G)$;
. –		$ B) F \to G, F \to (G \to H), F \vdash H. $
4. Логика предикатов		
4.1 Понятие и формулы логики предикатов.	13. Понятие предиката. Формулы логики предикатов. Кванторы. Истинностные значения формул. 14. Язык первого порядка Термы и Формулы.	7. Пользуясь основными равносильностями логики предикатов упростить следующие формулы: 1) $\exists x(A(x) \to \forall yB(y));$ 2) $\overline{\exists x(A(x) \to \forall yB(y))}.$
4.2 Применение логики предикатов	15. Запись предложений на логикоматематическом языке.	8. Указать области действия кванторов. Определить какие вхождения переменных являются свободными, а какие связанными формуле $\alpha = T(x) \& \forall y [S(x,y) \rightarrow \exists x (R(x,y) \lor T(y))]$
5. Аксиоматические т	геории	
5.1 Логические и специальные аксиомы. Правила вывода.	16. Аксиоматические теории. Логические и специальные аксиомы. Правила вывода. Доказательства в теории. Теорема дедукции. 17. Непротиворечивость, полнота и разрешимость теорий. Непротиворечивость исчисления предикатов.	9. Докажите непротиворечивость аксиоматической теории с одним бинарным отношением, удовлетворяющим аксиомам симметричности и антисимметричности.
5.2 Доказательства в теории.	18.Интерпретация языка теории. Модель теории. 19.Теория натуральных чисел. Язык. Аксиомы. Теорема о неполноте.	10. Докажите неполноту аксиоматической теории с одним бинарным отношением, удовлетворяющим аксиомам симметричности и антисимметричности.

Составитель (и): Фомина А.В., доцент каф. МФММ (фамилия, инициалы и должность преподавателя (ей))