Подписано электронной подписью: Вержицкий Данил Григорьевич Должность: Директор КГПИ КемГУ Дата и время: 2025-04-23 00:00:00 471086fad29a3b30e244c728abc3661ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Кемеровский государственный университет» Кузбасский гуманитарно-педагогический институт

Факультет информатики, математики и экономики

«УТВЕРЖДАЮ» Декан ФИМЭ А.В. Фомина / «16» января 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

Б1.О.10.01 Линейная алгебра

Направление подготовки

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки «Информатика и Системы искусственного интеллекта»

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника бакалавр

> Форма обучения *Очная*

Год набора 2021

Новокузнецк 2025

Лист внесения изменений

в РПД Б1.О.10.01 Линейная алгебра

Сведения об утверждении:

протокол № _____ от ___ . ___ .20 ___ г.

утверждена Ученым советом факультета информатики, математики и экономики (протокол Ученого совета факультета № 7 от 11.02.2021) для ОПОП 2021 год набора на 2021 / 2022 учебный год по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) направленность (профиль) подготовки - Информатика и Системы искусственного интеллекта Одобрена на заседании методической комиссии факультета информатики, математики и экономики (протокол методической комиссии факультета № 7 от 11.02.2021) Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры информатики и общетехнических дисциплин протокол № 6 от 28.01.2021 г. Сликишина И.В. / (Подпись) (Ф. И.О. и.о.зав. кафедрой) Переутверждение на учебный год: на 20 / 20 учебный год утверждена Ученым советом советом (протокол Ученого совета факультета N_2 от 201 г. утверждена Одобрена на заседании методической комиссии факультета протокол методической комиссии факультета № _____ от20 _ г. Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры протокол № ___от___.__.20___г. (Ф. И.О. зав. кафедрой) на 20 / 20 учебный год Ученым факультета утверждена советом Одобрена на заседании методической комиссии факультета протокол методической комиссии факультета № _____от20 __г. Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры протокол № ____от__.__.20___г. (Ф. И.О. зав. кафедрой) на 20____/ 20____учебный год Ученым утверждена советом факультета (протокол Ученого совета факультета № _____ от 201 г. Одобрена на заседании методической комиссии факультета протокол методической комиссии факультета № от20 г. Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры

(Ф. И.О. зав. кафедрой)

Оглавление

1 Цель дисциплины.	. 4
1.1 Формируемые компетенции	. 4
1.2 Индикаторы достижения компетенций	. 4
1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине	. 5
2. Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы	
промежуточной аттестации.	. 6
3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины	. 7
3.1 Учебно-тематический план	. 7
3.2. Содержание занятий по видам учебной работы	. 8
4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций	
обучающегося в текущей и промежуточной аттестации	. 9
5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое	
обеспечение дисциплины	10
5.1 Учебная литература	10
5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины	11
5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные	
справочные системы.	11
6 Иные сведения и (или) материалы.	12
6.1.Примерные темы письменных учебных работ	12
6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации	13

1 Цель дисциплины.

Целью изучения дисциплины является формирование необходимой базы знаний для использования математических методов и математических профессиональных моделей решении задач, a также развитие математического мышления и культуры у обучающихся. Изучение этого студентам понять основные подходы возможность дает формированию линейных математических моделей, применяемых В различных областях знаний.

В ходе изучения дисциплины будет сформирована компетенция ОПК-8 (способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний).

1.1 Формируемые компетенции

Таблица 1 - Формируемые дисциплиной компетенции

Наименование вида	Наименование	Код и название компетенции		
компетенции	категории (группы)			
	компетенций			
Общепрофессиональные	Научные основы	ОПК-8 (способен осуществлять		
компетенции	педагогической	педагогическую деятельность на основе		
	деятельности	специальных научных знаний).		

1.2 Индикаторы достижения компетенций

Таблица 2 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

Код и название	Индикаторы достижения	Дисциплины и практики,
компетенции	компетенции по ОПОП	формирующие компетенцию
		ОПОП
ОПК-8 (способен	ОПК.8.1. Применяет	Б1.О.03.01 Общая психология
осуществлять	специальные научные	Б1.О.04 Возрастная
педагогическую	знания предметной области	анатомия и физиология
деятельность на основе	в педагогической	Б1.О.06 Специальная и
специальных научных	деятельности по профилю	коррекционная педагогика и
знаний).	подготовки	психология
	ОПК.8.2. Владеет методами	Б1.О.10.01 Линейная алгебра Б1.О.10.02 Компьютерная
	научного исследования в	графика и анимация
	предметной области	Б1.О.10.03 Программирование
	ОПК 8.3. Владеет методами	Б1.О.10.04 Теоретические
	анализа педагогической	основы информатики
	ситуации и	Б1.О.10.05 Теория
	профессиональной	вероятностей и математическая
	рефлексии на основе	статистика
	специальных научных	Б1.О.10.06 Компьютерные сети

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции по ОПОП	Дисциплины и практики, формирующие компетенцию ОПОП		
		формирующие компетенцию ОПОП и интернет технологии Б1.О.10.07 Компьютерное моделирование Б1.О.10.08 Математическая логика Б1.О.10.09 Проектирование информационных систем Б1.О.11.01 Программное обеспечение Б1.О.11.02 Основы робототехники Б1.О.11.03 Алгоритмы и структуры данных Б1.О.11.04 Машинное обучение Б1.О.11.05 основы искусственного интеллекта Б1.О.11.06 Электроника и автоматика Б1.О.11.07 Информационная безопасность Б1.О.11.08 Дистанционные системы обучения Б1.О.11.09 Моделирование		
		интеллектуальных систем Б2.О.02(У) Учебная практика. Ознакомительная		
		практика Б2.О.04(П) Производственная практика. Педагогическая практика Б2.О.05(П) Производственная		
		практика. Проектно- технологическая практика ФТД.02 Видеомонтаж		

1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине

Таблица 3 – Знания, умения, навыки, формируемые дисциплиной

Код и название	Индикаторы достижения	Знания, умения, навыки (ЗУВ),
компетенции	компетенции,	формируемые дисциплиной
	закрепленные за	
	дисциплиной	
ОПК-8 (способен	ОПК.8.1. Применяет	Знать:
осуществлять	специальные научные	- научное содержание и современное
педагогическую	знания предметной	состояние предметной области
деятельность на основе	области в педагогической	"Линейная алгебра", лежащее в
специальных научных знаний).	деятельности по профилю	основе преподаваемого учебного
Silalifini).	подготовки	предмета "Математика"

Код и название	Индикаторы достижения	Знания, умения, навыки (ЗУВ),		
компетенции	компетенции,	формируемые дисциплиной		
	закрепленные за			
	дисциплиной			
	ОПК.8.2. Владеет	- методы проведения научного		
	методами научного	исследования в предметной области		
	исследования в	"линейная алгебра";		
	предметной области	Уметь:		
		- использовать научные знания		
		предметной области "Линейная		
		алгебра" в педагогической		
		деятельности по профилю		
		подготовки;		
		- применять научные знания		
		предметной области "Линейная		
		алгебра" при разработке		
		образовательных программ, рабочих		
		программ учебных предметов, курсо		
		внеурочной деятельности;		
		Владеть:		
		- методами научного исследования в		
		области линейной алгебры;		
		- способами получения информации		
		о современном состоянии научных		
		исследований в предметной области		
		"Линейная алгебра"		
		1		
<u> </u>				

2. Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.

Таблица 4 – Объем и трудоемкость дисциплины по видам учебных занятий

Общая трудоемкость и виды учебной работы по		Объём часов по формам обучения		
дисциплине, проводимые в разных формах	ОФО	ОЗФО	3ФО	
1 Общая трудоемкость дисциплины	144	-	340	
2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по	48			
видам учебных занятий) (всего)				
Аудиторная работа (всего):	48			
в том числе:				
лекции	24			
практические занятия, семинары	24			
практикумы				
лабораторные работы				
в интерактивной форме	10			

в электронной форме			
Внеаудиторная работа (всего):	60		
в том числе, индивидуальная работа обучающихся с			
преподавателем			
подготовка курсовой работы /контактная работа			
групповая, индивидуальная консультация и иные виды			
учебной деятельности, предусматривающие групповую			
или индивидуальную работу обучающихся с			
преподавателем)			
творческая работа (эссе)			
3 Самостоятельная работа обучающихся (всего)	60		
4 Промежуточная аттестация обучающегося	Экзамен	36	

3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

3.1 Учебно-тематический план

Таблица 5 - Учебно-тематический план очной формы обучения

п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общ ая труд оём кост	Трудо ОФО Ауди	торн	анятий (час.) ЗФО Аудитор н. занятия			Форма текущего контроля и промежут очной		
№ недели п/п	по запятиям	ь (всег о час.)	лек ц.	пра КТ.		лек ц.	пр акт	CP C	аттестации успеваемо сти	
Сем	естр 1									
	1. Теория решения систем линейных уравнений	72	16	16	40					
1	Матрицы и определители	36	8	8	20				Контрольн ая работа № 1	
2	Системы линейных уравнений	36	8	8	20				Контрольн ая работа № 2	
	2. Векторные пространства	36	8	8	20					
3	Конечномерные векторные пространства	36	8	8	20				Контрольн ая работа № 3	
	Промежуточная аттестация -	36							экзамен	
ИТС	ОГО по семестру	144	24	24	60					

3.2. Содержание занятий по видам учебной работы

Таблица 6 – Содержание дисциплины

No	Наименование раздела,	-
Π/Π	темы дисциплины	Содержание занятия
	Семестр 1	
Соде	ржание лекционного курса	
1	Теория решения систем	
	линейных уравнений	
1.1	Определители	Матрица. Перестановки и подстановки. Определители квадратных матриц второго и третьего порядков. Миноры, алгебраические дополнения. Определитель п- го порядка, его свойства и способы вычисления. Определитель транспонированной матрицы. Определитель произведения двух матриц.
1.2	Матрицы	Виды матриц. Линейные операции над матрицами. Свойства арифметических операций над матрицами. Умножение матриц. Транспонирование матриц. Связь с транспонированием. Линейная зависимость и линейная независимость векторов. Ранг матрицы как максимальное количество линейно независимых строк. Применение матриц к решению задач. Обратная матрица. Свойства обратной матрицы и способы ее нахождения.
1.3	Системы линейных уравнений	Системы линейных уравнений. Матрица и расширенная матрица системы линейных уравнений. Элементарные преобразования систем. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных уравнений.
1.4	Способы решения систем линейных уравнений	Правило Крамера для систем двух линейных уравнений с двумя неизвестными, трех линейных уравнений с тремя неизвестными. Системы линейных уравнений в матричной форме. Решение матричных уравнений. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. Структура множества решений неоднородной системы линейных уравнений. Решение однородных систем.
2	Векторные пространства	
2.1	Конечномерные векторные пространства	Понятие линейного пространства. Вектор как элемент линейного пространства. Аксиомы линейного пространства. Простейшие следствия аксиом линейного пространства. Базис линейного конечномерного пространства. Координаты вектора в базисе. Размерность линейного пространства. Матрица перехода от старого базиса к новому. Понятие линейного подпространства линейного пространства.
	ржание практических заня	лтий
1	Теория решения систем линейных уравнений	
1.1	Определители	Перестановки и подстановки. Определители: формулы

№ π/π	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия для вычисления, свойства определителей.			
		для вычисления, своиства определителен.			
1.2	Матрицы. Операции над матрицами	Матрицы. Основные понятия и определения, основные виды матриц. Операции над матрицами			
1.3	Обратная матрица	Обратная матрица. Теорема существования и единственности обратной матрицы. Нахождение обратной матрицы. Решение матричных уравнений			
1.4	Ранг матрицы	Минор порядка к для матрицы (определителя). Базисный минор и ранг матрицы, теоремы о рангах.			
1.5	Системы линейных алгебраических уравнений	Системы линейных алгебраических уравнений, основные понятия и определения. Совместность систем линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера – Капелли.			
1.6	Решение систем линейных уравнений	Методы нахождения решения системы линейных алгебраических уравнений (метод Крамера, метод Гаусса, матричный метод)			
1.7	Однородные системы и их решение	Однородные системы линейных алгебраических уравнений. Основные понятия и определения. Фундаментальная система решений.			
2	Векторные пространства				
2.1	Основные понятия	Понятие векторного пространства над полем. Простейшие свойства векторных пространств. Подпространства векторного пространства. Критерий подпространства. Линейная оболочка множества векторов.			
2.2	Линейная зависимость и независимость системы векторов	Линейная зависимость и независимость системы векторов арифметического п-мерного векторного пространства. Свойства линейной зависимости системы векторов.			
2.3	Базис и размерность векторного пространства	Базис и ранг системы векторов. Базис пространства			
2.4	Способы построения подпространств	Пересечение и сумма векторных подпространств. Прямая сумма. Критерий прямой суммы подпространств. Линейные многообразия, их свойства.			
	Промежуточная аттестация - экзамен				

4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 7.

Таблица 7 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

Учебная	Сумма	Виды и результаты	Оценка в аттестации	Баллы		
работа (виды)	баллов	учебной работы		(17 недель)		
Текущая	60	Лекционные	1 балла посещение 1	0 - 16		
учебная		занятия (конспект)	лекционного занятия			
работа в		(16 занятий)				
семестре		Практические	1 балл - посещение 1	18 - 54		
(Посещение		занятия (отчет о	практического занятия			
занятий по		выполнении	3 балла – посещение 1 занятия и			
расписанию и		лабораторной	существенный вклад на занятии в			
выполнение		работы) (18	работу всей группы,			
заданий)		занятий).				
		Контрольные	За одну КР от 2 до:			
		работы (4 работы)	3 балла (выполнено 51 - 65%	12-20		
			заданий)			
			4 балла (выполнено 66 - 85%			
			заданий)			
			5 баллов (выполнено 86 - 100%			
			заданий)			
Итого по теку	щей раб	оте в семестре		38 - 90		
Промежуточн	40	1 вопрос и 2 задачи	10 балла (ответ на вопрос)	10-40		
ая аттестация			15 баллов (решение одной задачи)			
(зачет)						
Итого по пром	Итого по промежуточной аттестации (экзамену) 40 баллов					
Суммарная оценка по дисциплине: Сумма баллов текущей и промежуточной						
аттестации $51-100$ б.						

5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Учебная литература Основная учебная литература

- 1. Бурмистрова Е.Б. Линейная алгебра [Электронный ресурс]: учебник и практикум для академического бакалавриата / Е.Б. Бурмистрова, С.Г. Лобанов. Электронные текстовые данные. Москва: Юрайт, 2017. 421 с. Режим доступа: http://biblio-online.ru/book/6A5A6F52-FA19-4717-80BF-2833187BA668
- 2. Рудык Б. М. Линейная алгебра [Электронный ресурс]: учебное пособие / Б. М. Рудык. Электронные текстовые данные. Москва : НИЦ Инфра-М, 2013. 318 с. Режим доступа: http://znanium.com/bookread2.php?book=363158
- 3. Постников М.М. Линейная алгебра. [Электронный ресурс] : учебное пособие / М. М. Постников. Электронные текстовые данные. Санкт-Петербург : Лань, 2009. 400 с. Режим доступа: http://e.lanbook.com/book/319

б) дополнительная литература

- 1. Ляпин, Е.С. Курс высшей алгебры. [Электронный ресурс] : учебник / Е. С. Ляпин Электронные текстовые данные. Санкт-Петербург : Лань, 2009. 368 с. Режим доступа: http://e.lanbook.com/book/246
- 2. Окунев, Л.Я. Высшая алгебра. [Электронный ресурс] : учебник / Л. Я. Окунев. Электронные текстовые данные. Санкт-Петербург : Лань, 2009. 336 с. Режим доступа: http://e.lanbook.com/book/289
- 3. Ильин В.А. Линейная алгебра [Текст] : учебник.- Издание 6-е, стереотипное. Москва: Физматлит, 2007.-280 с.
- 4. Мальцев, А. И. Основы линейной алгебры [Текст] : учебник / А. И. Мальцев. Изд. 5-е ; стер. Москва; Санкт-Петербург Краснодар : Лань, 2009. 470 с.

5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

_				
Линейная	614 Учебная аудитория для проведения:	654079, Кемеровская		
алгебра	- занятий лекционного типа;	область, г. Новокуз-		
1	- занятий семинарского (практического) типа;	нецк, пр-кт Метал-		
	- групповых и индивидуальных консультаций;	лургов, д. 19		
	- текущего контроля и промежуточной аттестации.			
	Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра,			
	столы, стулья.			
	Оборудование для презентации учебного материала: переносное -			
	ноутбук, экран, проектор. Используемое программное обеспечение: MSWindows (Microsoft-			
	ImaginePremium 3 year по сублицензионному договору № 1212/КМР			
	от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно			
	распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое			
	ПО), Firefox 14 (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер			
	(отечественное свободно распро- страняемое ПО).			
	Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.			

5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

- 1. Общероссийский математический портал (информационная система) http://www.mathnet.ru/
- 2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» http://www.window.edu.ru.
- **3.** zbMATH https://zbmath.org/ математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др.

6 Иные сведения и (или) материалы.

6.1.Примерные темы письменных учебных работ

Контрольная работа №1

Вариант (образец)

1. Вычислить определитель 4-го порядка двумя способами (разложением по элементам первой строки, понижением порядка определителя)

Найти ранг матрицы приведением к ступенчатому виду. Указать базисный минор.

$$\begin{pmatrix} -2 & 0 & 8 & 1 & -5 \\ 3 & -1 & 7 & 2 & 4 \\ -8 & 2 & -6 & -3 & -13 \\ 11 & -3 & 13 & 5 & 17 \end{pmatrix}.$$

 3 Найти матрицу, обратную к матрице $\begin{pmatrix} -2 & 3 & 5 \\ 7 & -1 & 4 \\ 9 & -8 & -6 \end{pmatrix}$.

4. Решить матричное уравнение $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -3 & 4 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 5 \\ 3 & -1 & 0 \end{pmatrix}$.

Контрольная работа №2

Вариант (образец)

- 1. Решить систему линейных алгебраических уравнений двумя способами:
- 1) с помощью обратной матрицы;
- 2) по правилу Крамера;
- 2. Решить систему методом Гаусса.
- 3. Найти фундаментальную систему решений однородной системы линейных алгебраических уравнений.

12

1.
$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 3x_3 = -10, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 = -29, \\ 4x_1 + 2x_2 + x_3 = -31. \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_5 = 3, \\ 2x_1 - 3x_2 + 7x_3 - 14x_4 - x_5 = -8, \\ x_1 + 3x_2 - x_3 + 3x_4 + 4x_5 = 6. \end{cases}$$

3.
$$\begin{cases} 9x_1 + 4x_2 + 2x_3 + 10x_4 = 0, \\ 3x_1 + 7x_2 + 5x_3 - 2x_4 = 0, \\ x_1 + 8x_2 + 6x_3 - 6x_4 = 0, \\ 4x_1 + 15x_2 + 11x_3 - 8x_4 = 0. \end{cases}$$

Контрольная работа №3

Вариант (образец)

- 1. Найти все базисы системы векторов $\mathbf{a_1}$ =(5;2;-3;1), $\mathbf{a_2}$ =(4:1;-2;3), $\mathbf{a_3}$ =(1;1;-1;-2), $\mathbf{a_4}$ =(3;4;-1;2).
- 2. Найти матрицу перехода от базиса $\mathbf{e1} = (-2, 1, -1)$, $\mathbf{e2} = (1, -1, 3)$, $\mathbf{e3} = (1, 2, -1)$ к базису $\mathbf{e'1} = (-1, 2, 3)$, $\mathbf{e'2} = (2, 1, 2)$, $\mathbf{e'3} = (0, 2, 1)$.
- 3. Найти систему линейных уравнений, задающую линейное многообразие $M=x_0+L$, если известны вектор сдвига x_0 и базис a_1 , a_2 подпространства L. $x_0=(-1;1;0;1)$, $a_1=(1;-5;11;0)$, $a_2=(-3:1;0;11)$.
- 4. Даны подпространства $L_1(\mathbf{a_1,a_2,a_3})$ и $L_2(\mathbf{b_1,b_2,b_3})$.Найти базисы и размерности подпространств L_1 , L_2 , $L_1 \cap L_2$, $L_1 + L_2$. $\mathbf{a_1}$ =(1,1,1,1), $\mathbf{a_2}$ =(1,-1,1,-1), $\mathbf{a_3}$ =(1,3,1,3), $\mathbf{b_1}$ =(1,2,0,2), $\mathbf{b_2}$ =(1,2,1,2), $\mathbf{b_3}$ =(3,1,3,1).

6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

 Таблица 9 - Примерные теоретические вопросы и практические задачи к

 экзамену

Разделы и темы	Примерные	Примерные практические задачи		
	теоретические			
	вопросы			
1. Теория решения систем линейных уравнений				
1.1 Матрицы и определители	 Перестановки и подстановки. Определители 2-го и 3-го порядка. Определители ппорядка. Свойства определителя. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о каждом члене произведения а_{ij}•A_{ij}. Теорема о разложении определителя. 	1.Вычислить определитель 4-го порядка двумя способами (разложением по элементам первой строки, понижением порядка определителя) $\begin{vmatrix} 2 & -5 & 1 & 2 \\ -3 & 7 & -1 & 4 \\ 5 & -9 & 2 & 7 \\ 4 & -6 & 1 & 2 \end{vmatrix}$ Найдите матрицу $C = 3A - 4B$, если $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & -2 & -4 & 5 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 & 2 \\ -2 & 3 & 5 & 6 \end{bmatrix}$. 3.		

	5.Вычисление определителя п-порядка. 6.Операции над матрицами и их свойства. 7.Обратные матрицы. Вычисление обратной матрицы.	Дана матрица $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 - 4 & 3 \\ 1 & 0 & 2 & 5 \\ 4 & a - 3 & 7 \\ 0 & 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}.$ Найдите минор и алгебраическое дополнение элемента a . 4. $4.$ Найдите матрицу X , если $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \cdot X = \begin{bmatrix} 8 & 1 \\ 18 & -1 \end{bmatrix}$
	8.Ранг матрицы и его вычисление. 9.Теорема о ранге матрицы.	Докажите, что матрица $A=\begin{bmatrix} 7 & -8 & 4\\ 3 & 1 & -2\\ 6 & -5 & 1 \end{bmatrix}$ имеет 5. обратную и найдите ее. Найдите ранг матрицы A $\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 4 & 1\\ 2 & 5 & 3 & 3 & 4 \end{bmatrix}$
		$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 4 & 1 \\ 2 & 5 & 3 & 3 & 4 \\ 4 & 11 & 6 & 1 & 10 \\ 5 & 12 & 5 & 10 & 9 \end{bmatrix}$ 6.
1.2 Системы линейных уравнений	10.Системы линейных алгебраических уравнений, основные понятия. 11.Равносильные системы линейных уравнений и элементарные преобразования системы. 12.Правило Кремера 13.Решение систем с помощью обратной матрицы. 14.Критерий совместности системы линейных уравнений 15.Решение системы линейных уравнений методом последовательного исключения неизвестных.	7. Решить систему линейных алгебраических уравнений двумя способами: 1) с помощью обратной матрицы; 2) по правилу Крамера; $\begin{cases} x_1 - x_2 + 3x_3 = -10 , \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 = -29 , \\ 4x_1 + 2x_2 + x_3 = -31 . \end{cases}$ 8. Решите систему $\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_5 = 3 , \\ 2x_1 - 3x_2 + 7x_3 - 14x_4 - x_5 = -8 , \\ x_1 + 3x_2 - x_3 + 3x_4 + 4x_5 = 6 . \end{cases}$
2. Векторные про		0 Найти раз бариат аметанда рактатар з =(5.2, 2.1)
2.1 Конечномерные векторные пространства	16.Определение, примеры и простейшие свойства векторных пространств. 17.Линейная зависимость и независимость системы векторов. 18.Подпространство.	9.Найти все базисы системы векторов $\mathbf{a_1}$ =(5;2;-3;1), $\mathbf{a_2}$ =(4:1;-2;3), $\mathbf{a_3}$ =(1;1;-1;-2), $\mathbf{a_4}$ =(3;4;-1;2). 10.Найти матрицу перехода от базиса $\mathbf{e1}$ = (-2, 1, -1), $\mathbf{e2}$ = (1, -1, 3), $\mathbf{e3}$ = (1, 2, -1) к базису $\mathbf{e'1}$ = (-1, 2, 3), $\mathbf{e'2}$ = (2,1, 2), $\mathbf{e'3}$ = (0, 2, 1). 11.Найти систему линейных уравнений, задающую линейное многообразие \mathbf{M} = $\mathbf{x_0}$ + \mathbf{L} , если известны вектор сдвига $\mathbf{x_0}$ и базис $\mathbf{a_1}$, $\mathbf{a_2}$ подпространства \mathbf{L} .

-	
Линейная оболочка	$x_0=(-1;1;0;1), a_1=(1;-5;11;0), a_2=(-3:1;0;11).$
векторных пространств.	12.Даны подпространства $L_1(\mathbf{a_1, a_2, a_3})$ и
19.Сумма	$L_2(b_1,b_2,b_3)$. Найти базисы и размерности
подпространств.	подпространств L_1 , L_2 , $L_1 \cap L_2$, $L_1 + L_2$. $\mathbf{a_1} = (1,1,1,1)$,
20.Линейные	$\mathbf{a}_2 = (1,-1,1,-1), \ \mathbf{a}_3 = (1,3,1,3), \ \mathbf{b}_1 = (1,2,0,2), \ \mathbf{b}_2 = (1,2,1,2),$
многообразия.	$\mathbf{b_3} = (3,1,3,1).$
21. Базис и размерность	
векторного	
пространства.	
22.Изоморфизм	
векторных пространств.	
векторных пространств.	<u>, l</u>