Подписано электронной подписью: Вержицкий Данил Григорьевич Должность: Директор КГПИ КемГУ Дата и время: 2025-04-23 00:00:00 471086fad29a3b30e244c728abc3661ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Кемеровский государственный университет»
Кузбасский гуманитарно-педагогический институт
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения
высшего образования
«Кемеровский государственный университет»
Факультет информатики, математики и экономики

УТВЕРЖДАЮ Декан ФИМЭ А.В. Фомина «16» января 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

К.М.06.02 Теория вероятностей и математическая статистика

Направление подготовки

Прикладная информатика

Направленность (профиль) подготовки 09.03.03 Прикладная информатика в образовании

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника бакалавр

> Форма обучения Заочная

> Год набора 2023

Новокузнецк 2025

Оглавление

| 1 Цель дисциплины | . 3 |
|---|-----|
| 1.1 Формируемые компетенции | . 3 |
| 1.2 Индикаторы достижения компетенций | . 3 |
| 1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине | . 4 |
| 2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации. | . 4 |
| 3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины | . 5 |
| 3.1 Учебно-тематический план | . 5 |
| 3.2. Содержание занятий по видам учебной работы | . 6 |
| 4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации. | . 9 |
| 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины | 10 |
| 5.1 Учебная литература | 10 |
| 5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины 1 | 11 |
| 5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы. | 12 |
| 6 Иные сведения и (или) материалы. | 12 |
| 6.1. Примерные темы письменных учебных работ | 12 |
| 6.2. Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации 1 | 18 |

1 Цель дисциплины

Целью изучения дисциплины является формирование математической компетентности, основанной на осознании значимости вероятностных, статистических моделей и методов в процессе подготовки и в будущей профессиональной деятельности.

В ходе изучения дисциплины будет сформирована компетенция

ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности.

1.1 Формируемые компетенции

Таблица 1 - Формируемые дисциплиной компетенции

| Наименование вида | Наименование | Код и название компетенции |
|-------------------|--------------------|----------------------------------|
| компетенции | категории (группы) | |
| | компетенций | |
| Общепрофессио- | | ОПК-1. Способен применять есте- |
| нальная | | ственнонаучные и общеинженер- |
| | | ные знания, методы математиче- |
| | | ского анализа и моделирования, |
| | | теоретического и эксперименталь- |
| | | ного исследования в профессио- |
| | | нальной деятельности. |

1.2 Индикаторы достижения компетенций

Таблица 2 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

| Код и название | Индикаторы достижения | Дисциплины и практики, форми- | |
|--|--------------------------|---------------------------------|--|
| компетенции | компетенции по ОПОП | рующие компетенцию ОПОП | |
| ОПК-1. Способен | ОПК 1.1. Применяет физи- | Б1.О.08 Математика; | |
| применять есте- | ческие законы и положе- | Б1.О.12 Дискретная математика; | |
| ственнонаучные и | ния общетехнических дис- | Б1.О.13 Вычислительная матема- | |
| общеинженерные | циплин для моделирования | тика; | |
| знания, методы ма- | прикладных и информаци- | Б1.О.14 Физика; | |
| тематического ана- | онных процессов. | Б1.О.21 Математическое и имита- | |
| лиза и моделирова- | ОПК 1.2. Применяет мето- | ционное моделирование экономи- | |
| ния, теоретического | ды высшей и дискретной | ческих процессов; | |
| и эксперименталь- | математики для моделиро- | Б2.О.03(П) Проектно- | |
| ного исследования вания прикладных и ин- | | технологическая практика; | |
| в профессиональ- | • '' | Б2.О.04(Пд) Преддипломная прак- | |

| Код и название | Индикаторы достижения | Дисциплины и практики, форми- |
|-------------------|---|---|
| компетенции | компетенции по ОПОП | рующие компетенцию ОПОП |
| ной деятельности. | формационных процессов. | тика; |
| | ОПК 1.3. Применяет методы теории вероятности и математической статистики для моделирования прикладных и информационных процессов. | Б3.01(Д) Выпускная квалификационная работа. |

1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине

Таблица 3 – Знания, умения, навыки, формируемые дисциплиной

| Код и название компе- | Индикаторы достижения | Знания, умения, навыки (ЗУВ), фор- |
|---|-------------------------|--|
| тенции | компетенции, закреплен- | мируемые дисциплиной |
| | ные за дисциплиной | |
| ОПК-1. Способен применять естественнона- учные и общеинженерные знания, методы математического анализа | <u> =</u> | Знать: основные факты, концепции и принципы теории вероятностей и математической статистики. Уметь: грамотно пользоваться языком теории вероятностей и математической статистики; - строго доказывать математические утверждения теории вероятностей и математической статистики, выделяя главные смысловые аспекты в доказательствах; - применять знания теории вероятностей и математической статистики для моделирования прикладных и информационных процессов. Владеть: способностью моделировать прикладные и информационные процессым деловать процессым де |
| | | способностью моделировать при- |

2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.

Таблица 4 – Объем и трудоемкость дисциплины по видам учебных занятий

| Общая трудоемкость и виды учебной работы по дисци- | Объём часов по формам |
|--|-----------------------|
| плине, проводимые в разных формах | обучения |

| | ОФО | ОЗФО | 3ФО |
|---|---------|------|-----|
| 1 Общая трудоемкость дисциплины | | | 180 |
| 2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по | | | 18 |
| видам учебных занятий) (всего) | | | |
| Аудиторная работа (всего): | | | 18 |
| в том числе: | | | |
| лекции | | | 8 |
| практические занятия, семинары | | | 10 |
| практикумы | | | |
| лабораторные работы | | | |
| в интерактивной форме | | | |
| в электронной форме | | | |
| Внеаудиторная работа (всего): | | | |
| в том числе, индивидуальная работа обучающихся с пре- | | | |
| подавателем | | | |
| подготовка курсовой работы /контактная работа | | | |
| групповая, индивидуальная консультация и иные виды | | | 9 |
| учебной деятельности, предусматривающие групповую | | | |
| или индивидуальную работу обучающихся с преподавате- | | | |
| лем) | | | |
| творческая работа (эссе) | | | |
| 3 Самостоятельная работа обучающихся (всего) | | | 153 |
| 4 Промежуточная аттестация обучающегося | экзамен | | |

3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

3.1 Учебно-тематический план

Таблица 5 - Учебно-тематический план заочной формы обучения

| | Общая | | | Трудоемкость занятий (час.) | | | | | Форма те- |
|----------|----------------------------|---------|--------|-----------------------------|-----|------|-------|-----|-------------------|
| | | трудо- | | | | 3ФО | | | кущего |
| п/п | | ёмкость | Аудит | орн. | | Ауди | 1- | | контроля и |
| | Разделы и темы дисциплины | (всего | заняти | R | | торн | . за- | | промежу- |
| ели | по занятиям | час.) | | 1 | CPC | ИТКН | Я | CPC | точной ат- |
| ед | | | лекц. | пра | | лек | пра | | тестации |
| № недели | | | | KT. | | ц. | KT. | | успеваемо- сти |
| | 1. Случайные события | | | | | | | | CIII |
| 1 | 1.1 Основные понятия тео- | 42 | | | | 2 | 2 | 38 | Домашняя |
| | рии вероятностей. Опреде- | | | | | | | | контроль- |
| | ления вероятности. Теоремы | | | | | | | | ная работа |
| | сложения и умножения ве- | | | | | | | | № 1 |
| | роятностей. Следствия тео- | | | | | | | | |
| | рем сложения и умножения | | | | | | | | |
| | вероятностей. Повторение | | | | | | | | |
| | испытаний. | | | | | | | | |
| | 2. Случайные величины | | | | | | | | |
| 2 | 2.1 Случайные величины. | 42 | | | | 2 | 2 | 38 | Домашняя |

| | | Общая | Трудо | емкос | гь занят | ий (ча | ıc.) | | Форма те- |
|--------------|----------------------------|---------|---------|-------|----------|-----------|------|--------|------------------|
| | Разделы и темы дисциплины | трудо- | ОФО ЗФО | | | | | кущего | |
| № недели п/п | | ёмкость | Аудит | орн. | | Ауді | 1- | | контроля и |
| | | (всего | занятия | | | торн. за- | | | промежу- |
| Пе | по занятиям | час.) | | | CPC | нятия | | CPC | точной ат- |
| еде | | | лекц. | пра | | лек | пра | | тестации |
| H O | | | | KT. | | ц. | KT. | | успеваемо- |
| _ | Дискретная случайная вели- | | | | | | | | сти контроль- |
| | чина. Непрерывная случай- | | | | | | | | ная работа |
| | ная величина. Способы за- | | | | | | | | No 1 |
| | дания случайных величин, | | | | | | | | |
| | числовые характеристики. | | | | | | | | |
| | 3. Математическая ста- | | | | | | | | |
| | тистика. Выборочный | | | | | | | | |
| | метод | | | | | | | | |
| 3 | 3.1 Генеральная и выбороч- | 22 | | | | 1 | 2 | 19 | Домашняя |
| | ная совокупности. Выбо- | | | | | 1 | _ | | контроль- |
| | рочный метод. Выборочные | | | | | | | | ная работа |
| | показатели. Статистические | | | | | | | | № 2 |
| | оценки параметров распре- | | | | | | | | |
| | деления. Точечные и интер- | | | | | | | | |
| | вальные оценки. | | | | | | | | |
| | 4. Статистические гипо- | | | | | | | | |
| | тезы и критерии их про- | | | | | | | | |
| | верки | | | | | | | | |
| 4 | 4.1 Проверка статистиче- | 23 | | | | 1 | 2 | 20 | Домашняя |
| | ских гипотез. Параметриче- | | | | | | | | контроль- |
| | ские и непараметрические | | | | | | | | ная работа |
| | критерии. | | | | | | | | № 2 |
| | 5. Анализ и построение за- | | | | | | | | |
| | висимостей | | | | | | | | |
| 5 | 5.1 Корреляционно- | 42 | | | | 2 | 2 | 38 | Устный |
| | регрессионный анализ. Од- | | | | | | | | опрос |
| | нофакторный дисперсион- | | | | | | | | |
| | ный анализ. | | | | | | | | |
| | Контроль | 9 | | | | | | | |
| | Промежуточная аттестация | | | | | | | | экзамен |
| | ВСЕГО | 180 | | | | 8 | 10 | 153 | |

3.2. Содержание занятий по видам учебной работы

Таблица 6 – Содержание дисциплины

| № | Наименование раздела, | Солеруацие зацятия | | | |
|-----------|--------------------------|---|--|--|--|
| Π/Π | темы дисциплины | Содержание занятия | | | |
| Соде | ржание лекционного курса | | | | |
| 1 | Случайные события | | | | |
| 1.1 | Основные понятия тео- | Основные понятия теории вероятностей: испытание и со- | | | |

| | T | |
|-----------------|--|--|
| № π/π | Наименование раздела, темы дисциплины | Содержание занятия |
| | рии вероятностей. Опре- | бытие. Виды случайных событий. Классическое опреде- |
| | деления вероятности. | ления вероятности. Относительная частота. Статистиче- |
| | Теоремы сложения и | ское определение вероятности. Геометрические вероят- |
| | умножения вероятно- | ности. Сумма событий. Теорема сложения вероятностей |
| | стей. Следствия теорем | несовместных событий. Полная группа событий. Проти- |
| | сложения и умножения | воположные события. Произведение событий. Условная |
| | вероятностей. Повторе- | вероятность. Теоремы умножения вероятностей для зави- |
| | ние испытаний. | симых и независимых событий. Вероятность появления |
| | | хотя бы одного события. Следствия теорем сложения и |
| | | умножения вероятностей: теорема сложения вероятно- |
| | | стей совместных событий; формула полной вероятности; |
| | | формулы Бейеса. Повторение испытаний. Формула Бер- |
| | | нулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. |
| 2 | Случайные величины | |
| 2.1 | Случайные величины. | Виды случайных величин. Дискретная случайная величи- |
| | Дискретная случайная | на (ДСВ). Закон распределения вероятностей ДСВ. Би- |
| | величина. Непрерывная | номиальное распределение. Распределение Пуассона. |
| | случайная величина. | Геометрическое распределение. Гипергеометрическое |
| | Способы задания слу- | распределение. Числовые характеристики ДСВ: матема- |
| | чайных величин, число- | тическое ожидание; дисперсия; среднее квадратическое |
| | вые характеристики. | отклонение. Свойства числовых характеристик. Вероят- |
| | | ностный смысл математического ожидания. Неравенство |
| | | Чебышева. Теорема Чебышева. Сущность теоремы Че- |
| | | бышева. Теорема Бернулли. Непрерывная случайная ве- |
| | | личина (НСВ). Функция распределения вероятностей |
| | | случайной величины. График функции распределения. |
| | | Плотность распределения вероятностей НСВ. Вероят- |
| | | ность попадания НСВ в заданный интервал. Свойства |
| | | плотности распределения. Закон равномерного распреде- |
| | | ления вероятностей. Числовые характеристики НСВ: мо- |
| | | да, медиана, математическое ожидание, дисперсия, сред- |
| | | нее квадратическое отклонение. Показательное распреде- |
| | | ление. Нормальное распределение. |
| 3 | Математическая | |
| , | | |
| | статистика. Выбороч- ный метод | |
| 3.1 | | Callanalli liag it prifonoliliag conordinativosti. Divisonolilia |
| 3.1 | Генеральная и выборочная совокупности. Вы- | Генеральная и выборочная совокупности. Выборочный метод. Статистическое распределение выборки. Эмпири- |
| | <u>-</u> | |
| | борочный метод. Выбо- | ческая функция распределения. Полигон и гистограмма. |
| | рочные показатели. Ста- | Выборочные показатели: выборочная средняя, выборочная приборочная средняя, выборочная средняя, выборочная средняя, выборочная средняя, выборочная средняя средня средн |
| | тистические оценки па- | ная дисперсия, выборочное среднее квадратическое от- |
| | раметров распределения. | клонение. Статистические оценки параметров распреде- |
| | Точечные и интерваль- | ления. Несмещенные, эффективные и состоятельные |

| No | Наименование раздела, | ~ |
|-----------|---|---|
| Π/Π | темы дисциплины | Содержание занятия |
| | ные оценки. | оценки. Точечные и интервальные оценки. |
| 4 | Статистические ги- | |
| | потезы и критерии их | |
| | проверки | |
| 4.1 | Проверка статистиче- | Проверка статистических гипотез. Нулевая и конкуриру- |
| | ских гипотез. Парамет- | ющая гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Общая |
| | рические и непарамет- | задача проверки гипотезы. Критическая область. Пара- |
| | рические критерии. | метрические и непараметрические критерии. |
| 5 | Анализ и построение | |
| | зависимостей | |
| 5.1 | Корреляционно- | Корреляционно-регрессионный анализ. Условные сред- |
| | регрессионный анализ. | ние. Выборочное уравнение регрессии. Корреляционная |
| | Однофакторный диспер- | таблица. Выборочный коэффициент корреляции. Выбо- |
| | сионный анализ. | рочное корреляционное отношение. Однофакторный |
| | | дисперсионный анализ. Факторная и остаточная диспер- |
| | | сии. Сравнение нескольких средних. |
| Соде | ржание практических заня | тий |
| 1 | Случайные события | |
| 1.1 | Определения вероятно- | Классическое и статистическое определения вероятности. |
| | сти. Основные теоремы | Геометрические вероятности. Теорема сложения вероят- |
| | теории вероятностей. | ностей несовместных событий. Теоремы умножения ве- |
| | Следствия теорем сло- | роятностей для зависимых и независимых событий. Ве- |
| | жения и умножения ве- | роятность появления хотя бы одного события. Сложение |
| | роятностей. Повторение | вероятностей совместных событий; формула полной ве- |
| | испытаний. | роятности; формулы Бейеса. Повторение испытаний. |
| | | Формула Бернулли. Локальная и интегральная теоремы |
| | | Лапласа. Решение разноуровневых задач. |
| 2 | Случайные величины | |
| 2.1 | Случайные величины. | Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. |
| | Законы распределения | Геометрическое распределение. Гипергеометрическое |
| | дискретной случайной | распределение. Функция распределения вероятностей случайной величины. График функции распределения. |
| | величины. Непрерывная случайная величина. За- | Плотность распределения вероятностей НСВ. Вероят- |
| | дание непрерывной слу- | ность попадания НСВ в заданный интервал. Закон рав- |
| | чайной величины. Чис- | номерного распределения вероятностей. Нахождение ма- |
| | ловые характеристики | тематического ожидания, дисперсии, среднего квадрати- |
| | случайных величин. | ческого отклонения. Свойства числовых характеристик. |
| | <i>J</i> | Решение разноуровневых задач. |
| 3 | Математическая | |
| | статистика. Выбороч- | |
| | ный метод | |
| 3.1 | Выборочный метод. Вы- | Статистическое распределение выборки. Эмпирическая |

| № п/п | Наименование раздела, темы дисциплины | Содержание занятия |
|-----------------|---------------------------------------|---|
| | борочные показатели. | функция распределения. Полигон и гистограмма. Нахож- |
| | Статистические оценки | дение выборочных показателей: выборочной средней, |
| | параметров распределе- | выборочной дисперсии, выборочного среднего квадрати- |
| | ния. Точечные и интер- | ческого отклонения. Статистические оценки параметров |
| | вальные оценки. | распределения. Точечные и интервальные оценки. Доверительный интервал для оценки математического ожида- |
| | | ния. Доверительный интервал для оценки среднего квад- |
| | | ратического отклонения. Решение практических задач. |
| 4 | Статистические ги- | |
| | потезы и критерии их | |
| | проверки | |
| 4.1 | Проверка статистиче- | Проверка статистических гипотез. Нулевая и конкуриру- |
| | ских гипотез. Парамет- | ющая гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Общая |
| | рические и непарамет- | задача проверки гипотезы. Критическая область. Пара- |
| | рические критерии. | метрические и непараметрические критерии. |
| 5 | Анализ и построение | |
| | зависимостей | |
| 5.1 | Корреляционно- | Корреляционно-регрессионный анализ. Условные сред- |
| | регрессионный анализ. | ние. Выборочное уравнение регрессии. Корреляционная |
| | Однофакторный диспер- | таблица. Выборочный коэффициент корреляции. Выбо- |
| | сионный анализ. | рочное корреляционное отношение. Решение практиче- |
| | | ских заданий. Однофакторный дисперсионный анализ. |
| | | Факторная и остаточная дисперсии. Сравнение несколь- |
| | | ких средних. Решение практических заданий. |
| | Промежуточная аттестаци | я - экзамен |

4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 7.

Таблица 7 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

| Учебная рабо- Сумма Виды и резуль та (виды) баллов учебной работ | | | Оценка в аттестации | Баллы | | | | |
|--|--|--|---------------------|-------|--|--|--|--|
| 6 семестр | | | | | | | | |
| Текущая | Гекущая 60 Лекционные заня- 2 балла - посещение 1 лекционно- 4 – 8 | | | | | | | |
| учебная рабо- | | | | | | | | |

| та в семестре | | (4 занятия) | | |
|----------------|----------|-----------------------|---|-----------|
| (Посещение | | T. | | 10.04 |
| занятий по | | * | 2 балла - посещение 1 практиче- | 13 - 24 |
| расписанию и | | ` | ского занятия | |
| выполнение | | нении практической | до 5 баллов – посещение 1 занятия | |
| заданий) | | работы) (5 занятий). | и существенный вклад на занятии | |
| | | | в работу всей группы | |
| | | Контрольные рабо- | За одну КР: | |
| | | ты (домашние) (2 | от 0 до 7 баллов (выполнено ме- | 14 - 28 |
| | | работы) | нее 51% заданий) | |
| | | | от 7 до 10 баллов (выполнено 51- | |
| | | | 67% заданий) | |
| | | | от 10 до 12 баллов (выполнено 68 | |
| | | | - 84% заданий) | |
| | | | от 12 до 14 баллов (выполнено 85 | |
| | | | - 100% заданий) | |
| Итого по теку | щей раб | оте в семестре (31 ба | лл – пороговое значение) | 31 – 60 |
| Промежуточ- | 40 | Устный опрос | 20 баллов (пороговое значение) | 20-40 |
| ная аттестация | | | 40 баллов (максимальное значе- | |
| (экзамен) | | | ние) | |
| Итого по пром | іежуточі | ной аттестации (экза | мену) | 20 – 40 |
| Суммарная оп | енка по | дисциплине: Сумма | баллов текущей и промежуточной а | ттестации |
| 51 – 100 балло | В | | | |

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Учебная литература

Основная учебная литература

- 1) Теория вероятностей и математическая статистика. Математические модели [Электронный ресурс] : учебник для академического бакалавриата / В. Д. Мятлев, Л. А. Панченко, Г. Ю. Ризниченко, А. Т. Терехин. 2-е изд., испр. и доп. Электронные текстовые данные. Москва : Издательство Юрайт, 2017. 321 с. (Университеты России). Режим доступа: https://biblio-online.ru/viewer/3BE3DA5E-63AD-4D81-ABC6-8B5C7744D7B3
- 2) Катальников, В. В. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебное пособие / В. В. Катальников, Ю. В. Шапарь; науч. ред. И. А. Шестакова; Министерство образования и науки РФ, Уральский федеральный университет им. первого Президента России Б. Н. Ельцина. 2-е изд., перераб. Электронные текстовые данные. Екатеринбург: Из-

дательство Уральского университета, 2014. - 72 с. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=276210

Дополнительная учебная литература

- 1. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебное пособие / В. С. Мхитарян [и др.]; под ред. В. С. Мхитаряна. 2-е изд., перераб. и доп. Электронные текстовые данные. Москва: Московский финансово-промышленный университет «Синергия», 2013. 336 с. Режим доступа: http://znanium.com/bookread2.php?book=451329
- 2. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Т. А. Гулай [и др.]. 2-е изд., доп. Эл. текстовые данные. Ставрополь : АГРУС, 2013. 260 с. Режим доступа: http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=514780
- 3. Долматова, Т. А. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст]: учебное пособие для бакалавров / Т. А. Долматова; Минобрнауки России, ФГБОУ ВПО "Кузбасская государственная педагогическая академия". Новокузнецк: [РИО КузГПА], 2014. 102 с.
- 4. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст] : учебное пособие . 12-е издание, переработанное. М. : Высшее образование [и др.], 2009. 479 с. (Основы наук). Гриф МО "Рекомендовано". ISBN 978-5-9692-0391-4

5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.

Учебные занятия по дисциплине проводятся в учебных аудиториях НФИ КемГУ:

| Теория вероятностей и ма- | 216 Аудитория методики математического разви- | 654027, Кемеровская область |
|---------------------------|--|--------------------------------|
| тематическая статистика | тия и обучения математике. Учебная аудитория | - Кузбасс, г. Новокузнецк, пр- |
| | (мультимедийная) для проведения: | кт Пионерский, д.13, пом.1 |
| | - занятий лекционного типа; | |
| | - занятий семинарского (практического) типа. | |
| | - текущего контроля и промежуточной аттеста- | |
| | ции | |
| | Специализированная (учебная) мебель: доска | |
| | меловая, кафедра, столы, стулья. | |
| | Оборудование для презентации учебного матери- | |
| | ала: стационарное - доска интерактивная, компь- | |
| | ютер преподавателя, проектор, акустическая си- | |
| | стема, экран. | |
| | Используемое программное обеспечение: | |
| | MSWindows (MicrosoftImaginePremium 3 year по | |
| | сублицензионному договору № 1212/КМР от | |
| | 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (сво- | |
| | бодно распространяемое ПО), антивирусное ПО | |
| | ESET EndpointSecurity, лицензия №EAV- | |
| | 0267348511 до 30.12.2022 г.; Mozilla Firefox (сво- | |

| бодно распространяемое ПО), GoogleChrome (свободно распространяемое ПО), Орега (свободно распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое ПО), WinDjView (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отече- | |
|---|--|
| распространяемое ПО), Яндекс. Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО). Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС. | |

5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

- 1. Общероссийский математический портал (информационная система) http://www.mathnet.ru/
- 2. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU –крупнейший российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образования, содержащий рефераты и полные тексты -www.elibrary.ru
- 3. Единое окно доступа к образовательным ресурсам -http://window.edu.ru/

6 Иные сведения и (или) материалы.

6.1. Примерные темы письменных учебных работ

Домашняя контрольная работа № 1 Случайные события. Случайные величины Вариант (образец)

- **1.** Из 20 вопросов, входящих в экзаменационные билеты, студент подготовил 17. Найти вероятность того, что студент ответит правильно на экзаменационный билет, состоящий из двух вопросов.
- **2.** В урне имеется 5 черных и 7 красных шаров. Последовательно (без возвращения) извлекается три шара. Найти вероятность того, что: а) все три шара будут красными; б) три шара будут красными или черными.
- 3. Мышь может выбрать наугад один из 5 лабиринтов. Известно, что вероятности её выхода из различных лабиринтов за три минуты равны: 0,5; 0,6; 0,2; 0,1; 0,1. Пусть оказалось, что мышь вырвалась из лабиринта через три

минуты. Какова вероятность того, что она выбрала: а) первый лабиринт; б) второй лабиринт?

- **4**. На каждой из 5 одинаковых карточек написана одна из следующих букв: A, E, H, C, T. Карточки перемешиваются. Определить вероятность того, что из вынутых и положенных в ряд карточек а) можно составить слово «CTE-HA», б) из трех карточек можно составить слово «HET».
- **5** Для поражения цели достаточно попадания хотя бы одного снаряда. Произведено два залпа из двух орудий. Найти вероятность поражения цели, если вероятность попадания в цель при одном выстреле из первого орудия равна 0.46, из второго -0.6.
- **6** На отдельных карточках написаны цифры 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Все карточки перемешиваются, после чего наугад берут 5 карточек и раскладывают их в ряд. Определить вероятность того, что будет получено число 12035.
- 7. Три экономиста предложили одновременно три экономические теории, которые считаются равновероятными. После наблюдения над состоянием экономики оказалось, что вероятность того развития, которое она получила на самом деле, в соответствии с первой теорией была равна 0,5; со второй 0,7; с третьей 0,4. Каким образом это изменяет вероятности правильности трех теорий?
- **8**. В магазине имеется в продаже 20 пар обуви, из которых 7 пар 42-го размера. Найти вероятность того, что из 8 покупателей 3 выберут обувь 42-го размера.
- 9. В первом ящике из 6 шаров 4 красных и 2 черных, во втором из 7 шаров 2 красных и 5 черных. Из первого ящика во второй переложили один шар, затем из второго в первый переложили один шар. Найти вероятность того, что шар, извлеченный после этого из первого ящика, черный.
- **10**. Программа экзамена состоит из 30 вопросов. Из 20 студентов группы 8 человек выучили все вопросы, 6 человек по 25 вопросов, 5 человек по 20 вопросов, а один человек 10 вопросов. Определить вероятность того, что случайно вызванный студент ответит на два вопроса билета.
- **11.** Дана интегральная функция распределения: $F(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{x} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$. Найти дифференциальную функцию f(x), M(X), $\sigma(X)$, D(X).
 - **12**. НСВ X задана функцией распределения F(x):

$$F(x) = \begin{cases} 0 & npu \ x \le 0, \\ (1/\pi)(x - 0.5\sin 2x) & npu \ 0 < x \le \pi, \ 1) \ \text{Найти плотность вероятности.} \\ 1 & npu \ x > \pi. \end{cases}$$

- 2) Построить графики f(x), F(x). 3) Найти вероятность попадания СВ X в интервал (0; $\pi/2$).
 - **13**. НСВ *X* имеет плотность вероятности $f(x) = C/(1+x^2)$. Найти:
- а) постоянную C; б) функцию распределения F(x); в) вероятность попадания в интервал -1 < X < 1; г) построить графики f(x) и F(x).
- **14**. Найти M(X) и $\sigma(X)$ НСВ, имеющей плотность вероятности $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{(x+2)^2}{18}}$. Указать интервал, симметричный относительно M(X), в который попадает СВ X с вероятностью p=0,9973.
- **15**. Два стрелка делают по одному выстрелу в мишень. Вероятность попадания для первого стрелка при одном выстреле 0,5, для второго -0,4. $\mathcal{A}CBX$ число попаданий в мишень. Найти закон распределения X; построить многоугольник распределения; найти вероятность $X \ge 1$.
 - **16.** НСВ *X* распределена нормально с математическим ожиданием
- a=10. Вероятность попадания СВ X в интервал (10; 20) равна 0,3. Чему равна вероятность попадания НСВ X в интервал (0; 10)?
- **17**. Производятся 20 независимых испытаний, в каждом из которых вероятность появления успеха равна 0,2. Найти дисперсию числа появления успеха в этих испытаниях.
- **18**. ДСВ X число мальчиков в семьях с пятью детьми. Предполагают равновероятное рождение мальчика и девочки. Найти закон распределения СВ X. Построить многоугольник распределения.
- **19**. Случайные величины X и Y заданы законами распределений. Определить математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение CB X и Y. Составить законы распределения случайных величин Z = X + Y; V = XY. Построить многоугольник распределения вероятностей CB Z. Найти математическое ожидание и дисперсию CB W = 2X 4Y.

| x_i | -1 | 3 | 4 |
|-------|-----|-------|-----|
| p_i | 0,2 | p_2 | 0,6 |

| y_i | 2 | 5 |
|-------|-----|-----|
| q_i | 0,4 | 0,6 |

20. НСВ задана интегральной функцией распределения F(x). Найти: а) вероятность попадания СВ X в интервал (a; b); б) дифференциальную функцию (плотность вероятности) f(x); в) математическое ожидание, дисперсию и

среднее квадратическое отклонение СВ X; г) построить графики функций F(x) и f(x).

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0, \\ \frac{x^2}{\pi^2}, & 0 < x \le \pi, \ a = 1, \ b = 2. \\ 1, & x > \pi. \end{cases}$$

Домашняя контрольная работа № 2 Элементы математической статистики Вариант (образец)

Задание 1. В задачах 1 – 20 по данным таблицы составить интервальный статистический ряд по одному признаку. Определить выборочные характеристики: моду, медиану, среднее значение, дисперсию, среднее квадратическое отклонение, коэффициент вариации. Определить точность и достоверность найденных показателей. Сделать выводы по результатам расчетов.

- 1. Площадь сельскохозяйственных угодий на условный эталонный трактор, в га.
- 2. Валовая продукция на 100 га сельскохозяйственных угодий, в тыс. руб.
- 3. Валовая продукция на среднегодового работника, в тыс. руб.
- 4. Валовая продукция на 100 руб. основных фондов, в руб.
- 5. Валовая продукция на 100 руб. производственных затрат, в руб.
- 6. Реализованная продукция на 100 руб. основных производственных фондов, в руб.
- 7. Реализованная продукция на 100 га сельскохозяйственных угодий, в тыс. руб.
- 8. Реализованная продукция на среднегодового работника, в тыс. руб.
- 9. Реализованная продукция на 100 руб. затрат, в руб.
- 10. Производственные затраты на 100 га сельскохозяйственных угодий, в тыс. руб.
- 11. Производственные затраты на среднегодового работника, в тыс. руб.
- 12. Затраты на реализованную продукцию на 100 га сельскохозяйственных угодий, в тыс. руб.
- 13. Основные производственные фонды на 100 га сельскохозяйственных угодий, в тыс. руб.
- 14. Основные производственные фонды на среднегодового работника, в тыс. руб.
- 15. Энергетические мощности на 100 га сельскохозяйственных угодий, в л.с.
- 16. Энергетические мощности на среднегодового работника. в л.с.

- 17. Площадь сельскохозяйственных угодий на среднегодового работника, в
- 18. Численность тракторов на одно хозяйство, в шт.
- 19. Среднегодовая численность работников на одно хозяйство (число чел.)
- 20. Площадь сельскохозяйственных угодий на одно хозяйство, в га.

Основные показатели производства

| $N_{\underline{0}}$ | Среднего- | Числен- | Площадь | Энергети- | Основные | Затраты на | Затраты на | Валовая | Реализованная |
|---------------------|-----------|---------------|-------------|-------------|-------------|--------------|---------------|------------|---------------|
| Π/Π | довая | ность трак- | с/х угодий, | ческие мощ- | фонды с/х | производство | производство | продукция, | продукция, |
| | числен- | торов, эт.ед. | га | ности, л.с. | назначения, | валовой про- | реализованной | тыс. руб. | тыс. руб. |
| | ность | | | | тыс.руб. | дукции, | продукции, | | |
| | работни- | | | | | тыс.руб. | тыс.руб. | | |
| <u> </u> | ков, чел. | 100 | 12120 | 24502 | 74171 | 111076 | 90046 | 120456 | 00126 |
| 1 | 591 | 102 | 12139 | 34503 | 74171 | 111276 | 80946 | 120456 | 90126 |
| 2 | 334 | 54 | 6773 | 14698 | 64382 | 30960 | 25670 | 31362 | 26072 |
| 3 | 335 | 45 | 8698 | 15506 | 69721 | 38056 | 29209 | 50375 | 41528 |
| 4 | 657 | 102 | 12926 | 32885 | 52744 | 63272 | 38176 | 78800 | 53704 |
| 5 | 541 | 75 | 11135 | 32901 | 93277 | 82953 | 68145 | 98897 | 84089 |
| 6 | 864 | 113 | 12135 | 36032 | 174537 | 83600 | 54719 | 92718 | 63837 |
| 7 | 370 | 68 | 7105 | 27849 | 62482 | 62289 | 56879 | 83151 | 77741 |
| 8 | 437 | 54 | 6530 | 22851 | 116405 | 46774 | 36995 | 45309 | 35530 |
| 9 | 410 | 76 | 7154 | 24693 | 79399 | 55942 | 49226 | 63354 | 56638 |
| 10 | 552 | 68 | 9083 | 24027 | 94116 | 61685 | 60013 | 88644 | 86972 |
| 11 | 246 | 48 | 4474 | 10782 | 74385 | 34126 | 29769 | 41407 | 37050 |
| 12 | 492 | 104 | 13735 | 28253 | 103326 | 75099 | 54292 | 67383 | 46576 |
| 13 | 217 | 53 | 4501 | 13596 | 77558 | 26284 | 19065 | 26981 | 19762 |
| 14 | 603 | 98 | 7465 | 25200 | 99567 | 74367 | 70913 | 99974 | 96520 |
| 15 | 400 | 58 | 6270 | 19798 | 64488 | 47618 | 25379 | 59183 | 29744 |
| 16 | 602 | 121 | 10550 | 33420 | 88935 | 83584 | 60564 | 104487 | 81467 |
| 17 | 389 | 89 | 8753 | 26936 | 117937 | 79097 | 54599 | 111868 | 87370 |
| 18 | 435 | 45 | 10830 | 20598 | 97580 | 57820 | 47952 | 70245 | 60377 |
| 19 | 422 | 82 | 9646 | 24645 | 44073 | 51076 | 41828 | 61868 | 52620 |
| 20 | 100 | 17 | 4034 | 6485 | 13777 | 14988 | 12304 | 19681 | 16997 |
| 21 | 234 | 52 | 4680 | 18271 | 26591 | 16755 | 14897 | 20923 | 19065 |
| 22 | 395 | 79 | 9074 | 17540 | 58851 | 45593 | 36571 | 58057 | 49035 |
| 23 | 618 | 124 | 12730 | 39763 | 106264 | 70006 | 63853 | 90189 | 84036 |
| 24 | 308 | 77 | 8059 | 25510 | 75552 | 31741 | 26238 | 38159 | 32656 |
| 25 | 421 | 51 | 9912 | 18970 | 120849 | 66304 | 49863 | 80708 | 64267 |
| 26 | | 75 | 10131 | 24848 | 108571 | 81290 | 55057 | 86152 | 59919 |
| 27 | 590 | 101 | 11576 | 24604 | 202088 | 90212 | 56178 | 81232 | 47198 |
| 28 | 230 | 43 | 6425 | 10061 | 50281 | 43276 | 36242 | 46181 | 39147 |
| 29 | 961 | 100 | 10533 | 41544 | 181137 | 128388 | 94954 | 129971 | 96537 |
| 30 | | 42 | 6990 | 20498 | 61996 | 38719 | 26757 | 43039 | 31077 |
| 31 | 247 | 52 | 8160 | 15656 | 78086 | 55440 | 41135 | 61574 | 47269 |
| 32 | 605 | 100 | 11345 | 28422 | 137723 | 84156 | 67322 | 84577 | 67743 |
| 33 | | 68 | 7671 | 26512 | 85796 | 63608 | 53064 | 77256 | 66712 |
| 34 | 741 | 82 | 10154 | 18016 | 103640 | 86587 | 61015 | 95941 | 70369 |
| 35 | | 82 | 7740 | 26535 | 77899 | 54788 | 39825 | 58821 | 43858 |
| 36 | | 58 | 5566 | 21576 | 103400 | 51722 | 42155 | 51716 | 42149 |
| 37 | | 129 | 10276 | 43163 | 191108 | 114683 | 117335 | 171615 | 174267 |
| 38 | | 246 | 16816 | 72473 | 336464 | 227368 | 158245 | 285753 | 216630 |
| 39 | | 78 | 7203 | 25810 | 87836 | 59059 | 33775 | 62608 | 37324 |
| 40 | | 156 | 13313 | 56635 | 277550 | 146888 | 126933 | 175841 | 155886 |
| 41 | 1137 | 179 | 14800 | 67952 | 365315 | 192684 | 146848 | 243738 | 197902 |
| 42 | 650 | 102 | 11175 | 34110 | 159956 | 70307 | 57192 | 73950 | 60835 |
| 43 | 354 | 55 | 5931 | 22306 | 139936 | 74955 | 47242 | 78175 | 50462 |
| 43 | | 113 | 11093 | 45756 | 207540 | 110701 | 90913 | 145212 | 125424 |
| | | | | | | | | | |
| 45 | 358 | 68 | 4968 | 10470 | 90959 | 57390 | 34531 | 59258 | 36399 |

| 46 | 922 | 108 | 15294 | 22725 | 144854 | 82418 | 55884 | 98967 | 72433 |
|----|-----|-----|-------|-------|--------|--------|-------|--------|-------|
| 47 | 433 | 59 | 5761 | 22647 | 76179 | 73604 | 58443 | 78686 | 63525 |
| 48 | 486 | 48 | 4767 | 13138 | 55665 | 68175 | 58911 | 76802 | 67538 |
| 49 | 218 | 52 | 4789 | 15454 | 78164 | 33864 | 31961 | 41700 | 39797 |
| 50 | 189 | 22 | 4776 | 12747 | 40077 | 26161 | 16736 | 25950 | 16525 |
| 51 | 911 | 126 | 13325 | 45990 | 317847 | 103085 | 78571 | 110162 | 85648 |
| 52 | 513 | 83 | 9132 | 25214 | 40053 | 44710 | 37169 | 47502 | 39961 |
| 53 | 312 | 57 | 5217 | 12896 | 68042 | 28615 | 21611 | 25202 | 18198 |
| 54 | 117 | 22 | 2788 | 10238 | 26645 | 14237 | 11837 | 17034 | 14634 |
| 55 | 284 | 43 | 6638 | 15757 | 31237 | 43087 | 41277 | 44903 | 43093 |
| 56 | 304 | 32 | 5133 | 12985 | 22407 | 35222 | 23856 | 39517 | 28151 |
| 57 | 377 | 70 | 6084 | 20010 | 81056 | 39135 | 28504 | 41985 | 31354 |
| 58 | 341 | 67 | 7213 | 19137 | 73079 | 39635 | 29687 | 56662 | 46714 |
| 59 | 155 | 28 | 3678 | 9832 | 41464 | 19184 | 14300 | 17382 | 12498 |
| 60 | 525 | 74 | 12211 | 24850 | 62348 | 100930 | 5859 | 84462 | 42128 |

Задание 2. Общее описание задания.

Каждый вариант задания может выполняться группой из четырех человек для того, чтобы можно было провести анализ результатов расчетов разными способами. По данным таблиц наблюдений для каждого ряда распределения необходимо: 1) вычислить основные выборочные показатели; 2) провести проверку статистических гипотез для всех выборочных показателей; 3) провести сравнение результатов расчетов; 4) ответить на практические вопросы задания (сделать выводы).

Варианты 1, 2, 3, 4. Анализ продуктов питания

Лаборатория проводит анализ продуктов питания с целью определения наличия в них вредных веществ. С определенным видом продуктов работают два лаборанта, результаты анализов сравниваются. Продукты поступают из двух пунктов. Лаборатория должна дать заключение, где производятся наиболее «чистые» продукты. Кроме того, руководителя лаборатории интересует вопрос: отличаются ли по точности результаты экспериментов у первого и второго лаборанта? Им было предложено независимо проанализировать одни и те же образцы. Для этих образцов необходимо было определить содержание вредного вещества X. В единице объема продукта количество X не должно превышать 0,015. Данные измерения представлены таблицами 1-4.

Таблица 1 - Лаборант 1, пункт 1, $N_1 = 120$

| _ | | | | | | | | | | | |
|---|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | x_i | 0,0110 | 0,0120 | 0,0127 | 0,0130 | 0,0138 | 0,0014 | 0,0150 | 0,0156 | 0,0170 | 0,0180 |
| ſ | n_i | 2 | 2 | 7 | 16 | 30 | 35 | 20 | 5 | 2 | 1 |

Таблица 2 - Лаборант 1, пункт 2, $N_2 = 25$

| x_i | 0,0120 | 0,0128 | 0,0135 | 0,0140 | 0,0147 | 0,0156 | 0,0160 |
|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|

| n_i | 1 | 2 | 5 | 10 | 4 | 2 | 1 |
|-------|---|---|---|----|---|---|---|

Таблица 3 - Лаборант 2, пункт 1, $N_3 = 110$

| x_i | 0,0100 | 0,0120 | 0,0135 | 0,0142 | 0,0149 | 0,0152 | 0,0160 | 0,0175 | 0,0190 |
|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| n_i | 2 | 10 | 17 | 30 | 25 | 17 | 5 | 3 | 1 |

Таблица 4 - Лаборант 2, пункт 2, $N_4 = 20$

| χ | 0,0115 | 0,0127 | 0,0136 | 0,0142 | 0,0150 | 0,0152 | 0,0165 |
|---|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| n | 1 | 1 | 3 | 10 | 3 | 1 | 1 |

Сформулируйте и проверьте статистические гипотезы, на основании которых можно выяснить:

- можно или нет двум пунктам поставки продуктов предъявить сертификат качества?
- одинакова ли квалификации обоих лаборантов (то есть отличаются ли у них значимо результаты анализов)?
- сколько образцов достаточно брать для испытаний на первом и втором пунктах?

6.2. Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

Таблица 8 – Примерные теоретические вопросы и практические задачи к экзамену

| Разделы и те- | Примерные теоретиче- | Примерные практические задачи | | | |
|----------------------|-------------------------|---|--|--|--|
| мы ские вопросы | | | | | |
| 8 семестр | | | | | |
| 1. Случайные события | | | | | |
| 1.1 Основные | 1. Основные понятия | 1. В коробке шесть одинаковых пронуме- | | | |
| понятия тео- | теории вероятностей: | рованных кубиков. Наудачу по одному из- | | | |
| рии вероятно- | испытание и событие. | влекают все шесть кубиков. Найти вероят- | | | |
| стей. Опреде- | Виды случайных собы- | ность того, что кубики появятся в возрас- | | | |
| ления вероят- | тий. | тающем порядке. | | | |
| ности. Теоре- | 2. Классическое опреде- | 2. Набирая номер телефона, абонент забыл | | | |
| мы сложения | ления вероятности. | последние три цифры и, помня лишь, что | | | |
| и умножения | 3. Относительная часто- | эти цифры различны, набрал их наудачу. | | | |
| вероятностей. | та. Статистическое | Найти вероятность того, что набраны нуж- | | | |
| Следствия | определение вероятно- | ные цифры. | | | |
| теорем сло- | сти. | 3. Для определения всхожести пшеницы | | | |
| жения и | 4. Геометрические веро- | посеяли две серии по 200 зерен. Получено | | | |
| умножения | ятности. | соответственно 189 и 193 всхода. Какова | | | |
| вероятностей. | 5. Сумма событий. Тео- | относительная частота всхожести в каждой | | | |
| Повторение | рема сложения вероят- | серии? Чему равна процентная всхожесть | | | |
| испытаний. | ностей несовместных | пшеницы? | | | |
| | событий. Полная группа | 4. На плоскости начерчены две концентри- | | | |
| | событий. Противопо- | ческие окружности, радиусы которых 5 и | | | |

- ложные события.
- 6. Произведение событий. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей для зависимых и независимых событий.
- 7. Вероятность появления хотя бы одного события.
- 8. Следствия теорем сложения и умножения вероятностей: теорема сложения вероятностей совместных событий; формула полной вероятности.
- 9. Формулы Бейеса. 10. Повторение испытаний. Формула Бернулли. 11. Локальная и интегральная теоремы Лапласа.

- 10 см соответственно. Найти вероятность того, что точка, брошенная наудачу в большой круг, попадет также и в кольцо, образованное построенными окружностями.
- 5. Круговая мишень состоит из трех зон. Вероятность попадания в первую зону при одном выстреле 0,15, во вторую -0,23, в третью -0,17. Найти вероятность промаха.
- 6. Игральная кость брошена четыре раза. Найти вероятность того, что каждый раз выпадала цифра 1.
- 7. Вероятность хотя бы одного попадания стрелком в мишень при трех выстрелах равна 0,875. Найти вероятность попадания при одном выстреле.
- 8. В вычислительной лаборатории имеются 6 клавишных автоматов и 4 полуавтомата. Вероятность того, что за время выполнения некоторого расчета автомат не выйдет из строя, равна 0,95; для полуавтомата эта вероятность равна 0,8. Студент производит расчет на наудачу выбранной машине. Найти вероятность того, что до окончания расчета машина не выйдет из строя.
- 9. В некотором коллективе среди мужчин курящих 30%, среди женщин курящих 10%. Наугад выбранное лицо курит. По данной информации найти процентное соотношение мужчин и женщин в этом коллективе. 10. У шести животных имеется заболевание, причем вероятность выздоровления равна 0,98. Какова вероятность того, что: а) выздоровят все шестеро животных; б) не выздоровит ни одного; в) выздоровят только пятеро?
- 11. Найти приближенно вероятность того, что при 400 испытаниях событие наступит ровно 104 раза, если вероятность его появления в каждом испытании равна 0,2.

2. Случайные величины

- 2.1 Случайные величины. Дискретная случайная величина. Непрерывная случайная величина. Способы задания случайных величин, чист
- 12. Виды случайных величин. Дискретная случайная величина (ДСВ). Закон распределения вероятностей ДСВ.
- 13. Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. Геометрическое распределение. Гипергеометрическое распределение.
- 1. Стрелок производит три выстрела по мишени. Вероятность попадания в мишень при каждом выстреле равна 0,4. За каждое попадание стрелку засчитывается 5 очков. Построить ряд распределения числа выбитых очков.
- 2. Среди семян ржи имеется 0,4% семян сорняков. Какова вероятность при случайном отборе 5000 семян обнаружить 5 семян сорняков?
- 3. ДСВ Х принимает три возможных значе-

ловые характеристики.

- 14. Числовые характеристики ДСВ: математическое ожидание; дисперсия; среднее квадратическое отклонение.
- 15. Свойства числовых характеристик. Вероятностный смысл математического ожидания.
- 16. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Сущность теоремы Чебышева.
- 17. Теорема Бернулли.
- 18. Непрерывная случайная величина (НСВ). Функция распределения вероятностей случайной величины. График функции распределения. 19. Плотность распреде-
- 19. Плотность распределения вероятностей НСВ. Вероятность попадания НСВ в заданный интервал. Свойства плотности распределе-
- 20. Закон равномерного распределения вероятностей.
- 21. Числовые характеристики НСВ: мода, медиана, математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение.
- 22. Показательное распределение. Нормальное распределение.

- ния: x_1 =4 с вероятностью p_1 =0,5; x_2 =6 с вероятностью p_2 =0,3 и x_3 с вероятностью p_3 . Найти значения x_3 и p_3 , зная, что M(X)=8.
- 4. Найти математическое ожидание CB Z=X+2Y, если известны математические ожидания CB X и Y: M(X)=5, M(Y)=3.
- 5. Вероятность появления события A в каждом испытании равна $\frac{1}{2}$. Используя неравенство Чебышева, оценить вероятность того, что число X появлений события A заключено в пределах от 40 до 60, если будет произведено 100 независимых испытаний.
- 6. Дано: $P(|X M(X)| < \varepsilon) \ge 0.9$ и
- D(X) = 0,009. Используя неравенство Чебышева, оценить ε снизу.
- 7. CB задана функцией распределения $F(x) = \begin{cases} 0 & npu \ x \le 0; \\ x^2 & npu \ 0 < x \le 1; \end{cases}$ Найти вероят-1 $npu \ x > 1.$

ность того, что в результате четырех независимых испытаний величина X ровно три раза примет значение, принадлежащее интервалу (0.25, 0.75).

8. ДСВ Х задана законом распределения

| X | 2 | 6 | 10 | |
|---|-----|-----|-----|--|
| p | 0,5 | 0,4 | 0,1 | |

Построить график функции распределения этой величины.

- 9. Производится один опыт, в котором может появиться или не появиться событие A. Вероятность события A равна 0,3. СВ X число появлений события A в опыте. Найти её функцию распределения.
- 10. СВ X задана плотностью распределения f(x)=2x в интервале
- (0; 1); вне этого интервала f(x)=0. Найти математическое ожидание.
- 11. СВ X распределена нормально. Математическое ожидание и среднее квадратическое отклонение X соответственно равны 20 и 10. Найти вероятность того, что отклонение по абсолютной величине будет меньше трех.

3. Математическая статистика. Выборочный метод

- 3.1 Генеральная и выборочная совокупности. Выборочный
- 23. Генеральная и выборочная совокупности. Выборочный метод. Статистическое распределение выборки.
- 1. В течение 25 дней фиксировалось количество обратившихся за экстренной врачебной помощью. В результате получена выборка объема n=25 элементов: 1, 0, 4, 2, 3, 5, 2, 4, 0, 1, 8, 5, 2, 4, 3, 3, 2, 5, 1, 3, 2, 5, 1,

метод. Выборочные показатели. Статистические оценки параметров распределения. Точечные и интервальные оценки.

- 24. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма.
- 25. Выборочные показатели: выборочная средняя, выборочная дисперсия, выборочное среднее квадратическое отклонение.
- 26. Статистические оценки параметров распределения. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки.
- 27. Точечные и интервальные оценки.

- 3, 2. Требуется: а) представить выборку в виде вариационного ряда; б) представить выборку в виде статистического ряда; в) найти эмпирическую функцию распределения.
- 2. Найти выборочную среднюю по следующим данным: а) длина крыла у 6 пчел (мм): 9,68; 9,81; 9,77; 9,60; 9,61; 9,55; б) длина листьев садовой земляники (см): 5,2; 5,6; 7,1; 6,6; 8,6; 8,2; 7,7; 7,8.
- 3. По выборке объема n=51 найдена выборочная дисперсия $D_B=5$. Найти исправленную дисперсию.
- 4. В итоге четырех измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты: 8; 9; 11; 12. Найти: а) выборочную среднюю результатов измерений; б) выборочную и исправленную дисперсии ошибок прибора.

4. Статистические гипотезы и критерии их проверки

- 4.1 Проверка статистических гипотез. Параметрические и непараметрические критерии.
- 28. Проверка статистических гипотез. Нулевая и конкурирующая гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Общая задача проверки гипотезы. Критическая область.
- 29. Параметрические и непараметрические критерии.
- 1. По данным 16 независимых равноточных измерений некоторой физической величины найдены среднее арифметическое результатов измерений $\overline{x_B} = 42,8$ и исправленное среднее квадратическое отклонение s = 8. Оценить истинное значение измеряемой величины с надежностью $\gamma = 0,999$.
- 2. По двум независимым выборкам, объемы которых $n_1 = 14$ $n_2 = 10$, извлеченным из нормальных генеральных совокупностей X и Y, найдены исправленные выборочные дисперсии $s_X^2 = 0.84$ $s_Y^2 = 2.52$. При уровне значимости $\alpha = 0.1$ проверить нулевую гипотезу H_0 : D(X) = D(Y) о равенстве генеральных дисперсий при конкурирующей гипотезе H_a : $D(X) \neq D(Y)$.

5. Анализ и построение зависимостей

- 5.1 Корреляционнорегрессионный анализ. Однофакторный дисперсионный анализ.
- 30.Корреляционнорегрессионный анализ. Условные средние. Выборочное уравнение регрессии.
- 31. Корреляционная таблица. Выборочный коэффициент корреляции. Выборочное корреляционное отношение.
- 32. Однофакторный дисперсионный анализ.
- 33. Факторная и остаточная дисперсии. Срав-

- 1. Найти выборочное уравнение регрессии $\overline{y_x} = Ax^2 + Bx + C$ и выборочное корреляционное отношение η_{yx} по данным, приведенным в корреляционной таблице
- 2. Найти выборочное уравнение прямой линии регрессии Y на X по данным, приведенным в корреляционной таблице.
- 3. Произведено по восемь испытаний на каждом из шести уровней фактора F. Методом дисперсионного анализа при уровне значимости 0,01 проверить нулевую гипотезу о равенстве групповых средних. Предполагается, что выборки извлечены из нор-

| нение нескольких срених. | ц- мальных совокупностей с одинаковыми дисперсиями. Результаты испытаний при- |
|--------------------------|---|
| | ведены в таблице |
| | 4. Произведено по семь испытаний на каж- |
| | дом из четырех уровней фактора F . Мето- |
| | дом дисперсионного анализа при уровне |
| | значимости 0,05 проверить нулевую гипо- |
| | тезу о равенстве групповых средних. Пред- |
| | полагается, что выборки извлечены из нор- |
| | мальных совокупностей с одинаковыми |
| | дисперсиями. Результаты испытаний при- |
| | ведены в таблице. |

Составитель: Долматова Т. А., доцент каф. МФММ $\frac{(\phi \text{амилия, инициалы и должность преподавателя (ей))}$