Подписано электронной подписью: Вержицкий Данил Григорьевич Должность: Директор КГПИ КемГУ Дата и время: 2025-04-23 00:00:00 471086fad29a3b30e244c728abc3661ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Кемеровский государственный университет»
Кузбасский гуманитарно-педагогический институт
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения
высшего образования
«Кемеровский государственный университет»
Факультет информатики, математики и экономики

УТВЕРЖДАЮ Декан ФИМЭ А.В. Фомина «16» января 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

К.М.06.01 Дискретная математика

Направление подготовки

Прикладная информатика

Направленность (профиль) подготовки 09.03.03 Прикладная информатика в образовании

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника бакалавр

> Форма обучения Заочная

> Год набора 2023

Новокузнецк 2025

Оглавление

| 1 Цель дисциплины | 3 |
|--|------|
| 1.1 Формируемые компетенции | 3 |
| 1.2 Индикаторы достижения компетенций | 3 |
| 1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине | 4 |
| 2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации | |
| 3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины | 5 |
| 3.1 Учебно-тематический план | 5 |
| 3.2. Содержание занятий по видам учебной работы | 7 |
| 4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций | |
| обучающегося в текущей и промежуточной аттестации | . 10 |
| 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины | . 11 |
| 5.1 Учебная литература | . 11 |
| 5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины | . 12 |
| 5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные | |
| справочные системы. | . 12 |
| 6 Иные сведения и (или) материалы | . 13 |
| 6.1. Примерные темы письменных учебных работ | .13 |

1 Цель дисциплины

Целью изучения дисциплины является формирование системы фундаментальных знаний о понятиях и методах дискретной математики; приобретение практических умений и навыков, необходимых для решения задач, возникающих в профессиональной деятельности.

В ходе изучения дисциплины будет сформирована компетенция

ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности.

1.1 Формируемые компетенции

Таблица 1 - Формируемые дисциплиной компетенции

| Наименование вида | Наименование | Код и название компетенции |
|-------------------|--------------------|----------------------------------|
| компетенции | категории (группы) | |
| | компетенций | |
| Общепрофессио- | | ОПК-1. Способен применять есте- |
| нальная | | ственнонаучные и общеинженер- |
| | | ные знания, методы математиче- |
| | | ского анализа и моделирования, |
| | | теоретического и эксперименталь- |
| | | ного исследования в профессио- |
| | | нальной деятельности. |

1.2 Индикаторы достижения компетенций

Таблица 2 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

| Код и название | Индикаторы достижения | Дисциплины и практики, форми- |
|---------------------|--------------------------|---------------------------------|
| компетенции | компетенции по ОПОП | рующие компетенцию ОПОП |
| ОПК-1. Способен | ОПК 1.1. Применяет физи- | Б1.О.08 Математика; |
| применять есте- | ческие законы и положе- | Б1.О.11 Теория вероятностей и |
| ственнонаучные и | ния общетехнических дис- | математическая статистика; |
| общеинженерные | циплин для моделирования | Б1.О.13 Вычислительная матема- |
| знания, методы ма- | прикладных и информаци- | тика; |
| тематического ана- | онных процессов. | Б1.О.14 Физика; |
| лиза и моделирова- | ОПК 1.2. Применяет мето- | Б1.О.21 Математическое и имита- |
| ния, теоретического | ды высшей и дискретной | ционное моделирование экономи- |
| и эксперименталь- | математики для моделиро- | ческих процессов; |
| ного исследования | вания прикладных и ин- | Б2.О.03(П) Проектно- |
| в профессиональ- | • '' | технологическая практика; |

| Код и название компетенции | Индикаторы достижения компетенции по ОПОП | Дисциплины и практики, формирующие компетенцию ОПОП |
|----------------------------|---|---|
| ной деятельности. | формационных процессов. | Б2.О.04(Пд) Преддипломная прак- |
| | ОПК 1.3. Применяет методы теории вероятности и математической статистики для моделирования прикладных и информационных процессов. | тика; Б3.01(Д) Выпускная квалификационная работа. |

1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине

Таблица 3 – Знания, умения, навыки, формируемые дисциплиной

| TC | TT | n (DVD) 1 |
|--|--------------------------|--------------------------------------|
| Код и название компе- | Индикаторы достижения | Знания, умения, навыки (ЗУВ), фор- |
| тенции | компетенции, закреплен- | мируемые дисциплиной |
| | ные за дисциплиной | |
| ОПК-1. Способен при- | ОПК 1.2. Применяет ме- | Знать: |
| менять естественнона- | тоды высшей и дискрет- | основные факты, концепции и прин- |
| учные и общеинженер- | ной математики для моде- | ципы дискретной математики. |
| ные знания, методы ма- | лирования прикладных и | Уметь: |
| тематического анализа | информационных процес- | грамотно пользоваться языком дис- |
| и моделирования, тео- | COB. | кретной математики; |
| ретического и экспери- | | строго доказывать математические |
| ментального исследования в профессио- | | _ |
| вания в профессиональной деятельности. | | утверждения из области дискретной |
| нальной деятельности. | | математики, выделяя главные смыс- |
| | | ловые аспекты в доказательствах; |
| | | решать конкретные задачи из области |
| | | своей профессиональной деятельно- |
| | | сти с использованием дискретной ма- |
| | | тематики |
| | | выбирает и применяет математиче- |
| | | ские методы и методы моделирова- |
| | | ния, необходимые для решения по- |
| | | ставленных задач. |
| | | Владеть: |
| | | - способностью разрабатывать и пре- |
| | | образовывать математические моде- |
| | | ли явлений, процессов и систем с це- |
| | | лью их эффективной программно- |
| | | аппаратной реализации и применения |
| | | |
| | | в научных исследованиях, проектной |
| | | деятельности, управлении техноло- |
| | | гическими, социальными системами |

2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Фор-

мы промежуточной аттестации.

Таблица 4 – Объем и трудоемкость дисциплины по видам учебных занятий

| Общая трудоемкость и виды учебной работы по дисци- | | Объём часов по формам обучения | | |
|---|---------|--------------------------------|-----|--|
| плине, проводимые в разных формах | ОФО | ОЗФО | ЗФО | |
| 1 Общая трудоемкость дисциплины | | | 252 | |
| 2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по | | | 26 | |
| видам учебных занятий) (всего) | | | | |
| Аудиторная работа (всего): | | | 26 | |
| в том числе: | | | | |
| лекции | | | 10 | |
| практические занятия, семинары | | | 16 | |
| практикумы | | | | |
| лабораторные работы | | | | |
| в интерактивной форме | | | | |
| в электронной форме | | | | |
| Внеаудиторная работа (всего): | | | | |
| в том числе, индивидуальная работа обучающихся с пре- | | | | |
| подавателем | | | | |
| подготовка курсовой работы /контактная работа | | | | |
| групповая, индивидуальная консультация и иные виды | | | 13 | |
| учебной деятельности, предусматривающие групповую | | | | |
| или индивидуальную работу обучающихся с преподавате- | | | | |
| лем) | | | | |
| творческая работа (эссе) | | | | |
| 3 Самостоятельная работа обучающихся (всего) | | | 213 | |
| 4 Промежуточная аттестация обучающегося | | гр – зачет | | |
| | 6 семес | гр – экзаме | Н | |

3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

3.1 Учебно-тематический план

Таблица 5 - Учебно-тематический план заочной формы обучения

| | | Общая | Трудоемкость занятий (час.) | | | | | Форма те- | | | |
|----------|---------------------------------------|-----------------|-----------------------------|------|------|-------|-----|-----------|------------|--|----------|
| | | трудо- | грудо- ОФО | | | 3ФО | | | кущего | | |
| п/п | | ёмкость | Аудит | орн. | | Ауди | 1- | | контроля и | | |
| | Разделы и темы дисциплины по занятиям | (всего час.) | | | | | | торн. за- | | | промежу- |
| недели | | | | | CPC | нятия | | CPC | точной ат- | | |
| эдс | | | лекц. | пра | CI C | лек | пра | | тестации | | |
| | | | | KT. | | Ц. | KT. | | успеваемо- | | |
| <u> </u> | <u>N</u> | | | | | | | | сти | | |
| Сем | естр 1 | | | | | | | | | | |
| | 1. Теория множеств и от- | | | | | | | | | | |
| | ношений | | | | | | | | | | |

| | | Общая | Труло | емкос: | ть занят | тий (чя | ıc) | | Форма те- |
|--------------|---|---------|-------------------------------------|--------|----------|---------|-----|--------|-------------------------|
| | | трудо- | Трудоемкость занятий (час.) ОФО ЗФО | | | | | кущего | |
| ш | | ёмкость | Аудит | орн. | | Ауди | | | контроля и |
| № недели п/п | Разделы и темы дисциплины | (всего | заняти | _ | | торн | | | промежу- |
| ПП | по занятиям | час.) | | | CPC | няти | | CPC | точной ат- |
| эде | | | лекц. | пра | CrC | лек | пра | CrC | тестации |
| H o | | | | KT. | | Ц. | KT. | | успеваемо- |
| 1 | 1.1 Множества. Способы | 1.0 | | | | 2 | 4 | 40 | СТИ |
| 1 | | 46 | | | | 2 | 4 | 40 | Контроль- ная работа |
| | задания. Операции над | | | | | | | | No 1 |
| | множествами. Бинарные от- | | | | | | | | |
| | ношения. Операции над би- | | | | | | | | |
| | нарными отношениями. 2. Элементы математи- | | | | | | | | |
| | ческой логики | | | | | | | | |
| 2 | 2.1 Высказывания. Основ- | 46 | | | | 2 | 4 | 40 | Контроль- |
| | ные операции над высказы- | 40 | | | | | - | 40 | ная работа |
| | ваниями. Основные равно- | | | | | | | | No 2 |
| | сильности и законы алгебры | | | | | | | | |
| | логики. Нормальные формы. | | | | | | | | |
| | Предикаты. Кванторы | | | | | | | | |
| Сем | естр 2 | | | | | | | | |
| | 3. Комбинаторика | | | | | | | | |
| 3 | 3.1 Основные законы ком- | 46 | | | | 2 | 4 | 40 | Контроль- |
| | бинаторики. Основные | | | | | _ | • | | ная работа |
| | формулы комбинаторики. | | | | | | | | № 3 |
| | Бином Ньютона. Биноми- | | | | | | | | |
| | альные коэффициенты. По- | | | | | | | | |
| | линомиальная формула. По- | | | | | | | | |
| | линомиальные коэффициен- | | | | | | | | |
| | ты. | | | | | | | | |
| | 4. Теория графов | | | | | | | | |
| 4 | 4.1 Определения графов. | 50 | | | | 2 | 2 | 46 | Контроль- |
| | Элементы графов. Виды | | | | | | | | ная работа |
| | графов и операции над гра- | | | | | | | | № 4 |
| | фами. Способы задания | | | | | | | | |
| | графов. | | | | | | | | |
| 5 | 4.2 Компоненты связности | 51 | | | | 2 | 2 | 47 | Контроль- |
| | графов. Эйлеровы и гамиль- | | | | | | | | ная работа |
| | тоновы графы. Деревья и | | | | | | | | № 4 |
| | леса. Раскраска графов. | | | | | | | | |
| | Контроль | 13 | | | | | | | |
| | Промежуточная аттестация | | | | | | | | зачет, |
| | | | | | | | | | экзамен |
| | ВСЕГО | 252 | | | | 10 | 16 | 213 | |

3.2. Содержание занятий по видам учебной работы

Таблица 6 – Содержание дисциплины

| No | Наименование раздела, | C |
|--------------------|---|--|
| Π/Π | темы дисциплины | Содержание занятия |
| | Семестр 1 | |
| Соде | ржание лекционного курса | |
| 1 | Теория множеств и | |
| | отношений | |
| 1.1 | Множества. Способы задания. Операции над множествами. Бинарные отношения. Операции над бинарными отношениями. | Понятие множества. Основные определения. Способы задания: перечисление элементов, характеристическое свойство. Конечные множества. Основные операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, разность. Декартово произведение. Декартова степень. Диаграммы Эйлера-Венна. Бинарные отношения и их свойства. Эквивалентности и разбиения множества, фактор-множество. Отношения порядка. |
| 2 | Элементы математи- | |
| 2.1 <i>Code</i> | Ржание практических заня | Понятие высказывания. Основные логические операции над высказываниями (дизъюнкция (логическое сложение), конъюнкция (логическое умножение), импликация, эквиваленция, отрицание). Понятие формулы логики. Таблица истинности и методика ее построения. Тождественно истинные формулы, тождественно ложные формулы. Равносильные формулы. Законы логики. Методика упрощения формул логики с помощью равносильных преобразований. Понятие элементарной конъюнкции (элементарного произведения); понятие дизъюнктивной нормальной формы (ДНФ). Методика построения таблицы истинности для ДНФ упрощенным методом. Понятие элементарной дизъюнкции (элементарной суммы), понятие конъюнктивной нормальной формы (СНФ). Понятие конъюнктивной нормальной формы (СКНФ). Понятие конъюнктивной нормальной формы (СКНФ). Понятие предиката: теоретико-множественный и логический подходы. Область определения и область истинности предиката. Операции над предикатами. Кванторы. Формулы логики предикатов. Свободные и связанные переменные. Логический вывод. Классификация формул алгебры предикатов. Тавтология алгебры предикатов. Исчисление предикатов. Модели исчисления предикатов. Формализация предложений с помощью логики предикатов. тов. |
| 1 | Теория множеств и | |
| 1.1 | отношений | Tr. |
| 1.1 | Множества. Способы | Применение аппарата теории множеств к решению со- |

| № π/π | Наименование раздела, темы дисциплины | Содержание занятия |
|-----------------|---|---|
| | задания. Операции над множествами. | держательных задач. Операции над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна. Решение разноуровневых заданий и задач. |
| 1.2 | Бинарные отношения. Операции над бинарны- ми отношениями. | Исследование бинарных отношений на свойства. Решение разноуровневых заданий и задач. |
| 2 | Элементы математи- ческой логики | |
| 2.1 | Высказывания. Основные операции над высказываниями. Основные равносильности и законы алгебры логики. | Построение таблиц истинности. Решение разноуровневых заданий и задач. Упрощение формул. Проверка формул на равносильность с помощью таблиц истинности и законов алгебры высказываний. |
| 2.2 | Нормальные формы. Предикаты и кванторы. | Приведение формул алгебры высказываний к ДНФ и КНФ, к СДНФ и СКНФ. Решение разноуровневых практических заданий. Построение области истинности предикатов; проверка равносильности предикатов на множествах N , Z , Q , R ; определение являются ли предикаты логическими следствиями других предикатов. |
| | Промежуточная аттестаци | я - зачет |
| ~ ` | Семестр 2 | |
| | ржание лекционного курса | |
| 3 | Комбинаторика | |
| 3.1 | Основные законы комбинаторики. Основные формулы комбинаторики. Бином Ньютона. Биномиальные коэффициенты. Полиномиальная формула. Полиномиальные коэффициенты. | Принцип метода математической индукции. Некоторые разновидности (модификации) метода математической индукции. Правило суммы. Правило произведения. Метод включения и исключения. Размещения, перестановки, сочетания без повторений и с повторениями. Основные определения и вывод формул. Формула Бинома Ньютона. Биномиальные коэффициенты. Основные тождества с биномиальными коэффициентами. Треугольник Паскаля. Некоторые применения бинома Ньютона. Полиномиальная формула. Полиномиальные коэффициенты. Применение полиномиальной формулы. |
| 4 | Теория графов | |
| 4.1 | Определения графов. Элементы графов. Виды графов и операции над графами. Способы задания графов. | История теории графов. Прикладные задачи: задача о Кёнигсбергских мостах; задача о трёх домах и трёх колодцах; задача о четырёх красках. Основное определение. Смежность. Диаграммы. Орграфы, псевдографы, мультиграфы и гиперграфы. Изоморфизм графов. Подграфы. Валентность. Маршруты, цепи, циклы. Связность. Расстояние между вершинами, ярусы и диаметр графа. Эксцентриситет и центр. Виды графов: тривиальный, полный, клика. Двудольные графы. Направленные орграфы и сети. Диаграммы. Матрица смежности. Матрица инциденций. Списки смежности. Массив дуг. Обходы графов. Основные операции над графами: удаление вершины, добавление вершины, удаление ребра, добавление ребра, дополнение графа, объединение графов, пересечение |

| No | Наименование раздела, | Содержание занятия |
|------|--|---|
| п/п | темы дисциплины | |
| 1.0 | I.C. | графов, соединение графов. |
| 4.2 | Компоненты связности графов. Эйлеровы и гамильтоновы графы. Деревья и леса. Раскраска графов. | Объединение графов и компоненты связности. Точки сочленения, мосты и блоки. Вершинная и рёберная связность. Оценка числа рёбер через число вершин и число компонент связности. Эйлеровы циклы. Эйлеровы графы. Эйлеровость графа. Критерий эйлеровости. Алгоритм построения эйлерова цикла в эйлеровом графе. Гамильтоновы циклы. Гамильтонов граф. Задача Коммивояжёра. Свободные деревья. Основные свойства деревьев. Центр дерева. Ориентированные деревья. Упорядоченные деревья. Бинарные деревья. Выровненные и полные деревья. Хроматическое число. Хроматическое число графа и его дополнения. Точный алгоритм раскрашивания. Приближённый алгоритм последовательного раскрашивания. Теорема о пяти красках. |
| Соде | ржание практических заня | тий |
| 3 | Комбинаторика | |
| 3.1 | Основные законы ком- бинаторики. Основные формулы комбинатори- ки. | Доказательства методом математической индукции. Решение практических заданий с применением правила суммы, правила произведения и метода включения и исключения. Решение разноуровневых комбинаторных заданий с применением основных формул соединений комбинаторики: перестановок, размещений, сочетаний. |
| 3.2 | Бином Ньютона. Бино- миальные коэффициен- ты. Полиномиальная формула. Полиномиаль- ные коэффициенты. | Решение заданий с применением бинома Ньютона. Вычисление биномиальных коэффициентов по формуле и с использованием арифметического треугольника Паскаля. Решение задач с использованием полиномиальной формулы. Нахождение полиномиальных коэффициентов. |
| 4 | Теория графов | |
| 4.1 | Определения графов. Элементы графов. Виды графов и операции над графами. Способы задания графов. | Смежность. Диаграммы. Орграфы, псевдографы, мультиграфы и гиперграфы. Изоморфизм графов. Решение практических заданий. Подграфы. Валентность. Маршруты, цепи, циклы. Связность. Расстояние между вершинами, ярусы и диаметр графа. Эксцентриситет и центр. Нахождение этих компонентов при решении практических заданий. Виды графов: тривиальный, полный, клика. Двудольные графы. Направленные орграфы и сети. Решение практических заданий. Диаграммы. Матрица смежности. Матрица инциденций. Списки смежности. Массив дуг. Обходы графов. Задание графов различными способами. Применение основных операций над графами: удаление вершины, добавление вершины, удаление ребра, добавление графов, соединение графов при решении практических заданий. |
| 4.2 | Компоненты связности графов. Эйлеровы и гамильтоновы графы. Деревья и леса. Раскраска графов. | Объединение графов и компоненты связности. Точки сочленения, мосты и блоки. Вершинная и рёберная связность. Оценка числа рёбер через число вершин и число компонент связности. Эйлеровы циклы. Эйлеровы графы. Эйлеровость графа. Критерий эйлеровости. Алгоритм по- |

| № π/π | Наименование раздела, темы дисциплины | Содержание занятия | | |
|-----------------|---------------------------------------|---|--|--|
| | | строения эйлерова цикла в эйлеровом графе. Гамильто- | | |
| | | новы циклы. Гамильтонов граф. Задача Коммивояжёра. | | |
| | | Свободные деревья. Основные свойства деревьев. Центр | | |
| | | дерева. Ориентированные деревья. Упорядоченные дере- | | |
| | | вья. Бинарные деревья. Выровненные и полные деревья. | | |
| | | Хроматическое число. Хроматическое число графа и его | | |
| | | дополнения. Точный алгоритм раскрашивания. Прибли- | | |
| | | жённый алгоритм последовательного раскрашивания. | | |
| | | Теорема о пяти красках. Решение практических заданий. | | |
| | Промежуточная аттестация - экзамен | | | |

4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 7.

Таблица 7 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

| Учебная рабо- | Сумма | Виды и результаты | Оценка в аттестации | Баллы |
|---|--------|----------------------|-----------------------------------|---------|
| та (виды) | баллов | учебной работы | | |
| 5 семестр | | | | |
| Текущая | 80 | Лекционные заня- | 3 балла - посещение 1 лекционно- | 3-6 |
| учебная рабо- | | тия (конспект) | го занятия | |
| та в семестре | | (2 занятия) | | |
| (Посещение | | Практические заня- | 2 балла - посещение 1 практиче- | 18 - 34 |
| занятий по | | тия (отчет о выпол- | ского занятия | |
| расписанию и | | нении практической | до 7 баллов – посещение 1 занятия | |
| выполнение | | работы) (4 занятия). | и существенный вклад на занятии | |
| заданий) | | | в работу всей группы | |
| | | Контрольные рабо- | За одну КР: | |
| | | ты (2 работы) | от 0 до 10 баллов (выполнено ме- | 20 - 40 |
| | | | нее 51% заданий) | |
| | | | от 10 до 14 баллов (выполнено 51- | |
| | | | 67% заданий) | |
| | | | от 14 до 18 баллов (выполнено 68 | |
| | | | - 84% заданий) | |
| | | | от 18 до 20 баллов (выполнено 85 | |
| | | | - 100% заданий) | |
| Итого по текущей работе в семестре (41 балл – пороговое значение) | | | лл – пороговое значение) | 41 - 80 |
| Промежуточ- | 20 | Устный опрос | 10 баллов (пороговое значение) | 10-20 |
| ная аттестация | | | 20 баллов (максимальное значе- | |
| (зачет) | | | ние) | |

| Итого по промежуточной аттестации (экзамену) | | | 10 – 20 | |
|---|---|-----------------------|---|---------|
| Суммарная оценка по дисциплине: Сумма баллов текущей и промежуточной а | | | ттестации | |
| 51 – 100 баллов | | | | |
| 6 семестр | | | | |
| Учебная рабо- | учебная рабо- Сумма Виды и результаты Оценка в аттестации | | Оценка в аттестации | Баллы |
| та (виды) | баллов | учебной работы | | |
| 6 семестр | | | | |
| Текущая | 60 | Лекционные заня- | 3 балла - посещение 1 лекционно- | 3 – 9 |
| учебная рабо- | | тия (конспект) | го занятия | |
| та в семестре | | (3 занятия) | | |
| (Посещение | | Практические заня- | 2 балла - посещение 1 практиче- | 14 - 21 |
| занятий по | | тия (отчет о выпол- | ского занятия | |
| расписанию и | | нении практической | до 4 баллов – посещение 1 занятия | |
| выполнение | | работы) (4 занятия). | и существенный вклад на занятии | |
| заданий) | | | в работу всей группы | |
| | | Контрольные рабо- | За одну КР: | |
| | | ты (2 работы) | от 0 до 7 баллов (выполнено ме- | 14 - 30 |
| | | | нее 51% заданий) | |
| | | | от 7 до 10 баллов (выполнено 51- | |
| | | | 67% заданий) | |
| | | | от 10 до 13 баллов (выполнено 68 | |
| | | | - 84% заданий) | |
| | | | от 13 до 15 баллов (выполнено 85 | |
| | | | - 100% заданий) | |
| Итого по теку | щей раб | оте в семестре (31 ба | лл – пороговое значение) | 31 – 60 |
| Промежуточ- | 40 | Устный опрос | 20 баллов (пороговое значение) | 20-40 |
| ная аттестация | | _ | 40 баллов (максимальное значе- | |
| (экзамен) | | | ние) | |
| Итого по промежуточной аттестации (экзамену) | | | 20 – 40 | |
| Суммарная оценка по дисциплине: Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации | | | | |
| 51 – 100 балло | | • | , , | |

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Учебная литература

Основная учебная литература

1. Баврин, И. И. Дискретная математика. Учебник и задачник : для прикладного бакалавриата / И. И. Баврин. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 193 с. — (Бакалавр. Прикладной курс). — ISBN 978-5-534-07065-1. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: https://biblioonline.ru/bcode/432994.

Дополнительная учебная литература

- 1. Асеев Г. Г. Дискретная математика [Текст] : учебное пособие для вузов / Г. Г. Асеев, О. М. Абрамов, Д. Э. Ситников. Ростов-на-Дону [и др.] : Феникс [и др.], 2003. 143 с. (35 экз.)
- 2. Тишин В. В. Дискретная математика в примерах и задачах [Текст] : учебное пособие для вузов / В. В. Тишин. Санкт-Петербург : БХВ-Петербург, 2008. 337 с. (15 экз.)

5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.

Учебные занятия по дисциплине проводятся в учебных аудиториях НФИ КемГУ:

| Дискретная математи- | 216 Аудитория методики математического развития и | 654027, Кемеровская область - |
|----------------------|--|-------------------------------|
| ка | обучения математике. Учебная аудитория (мультиме- | |
| | дийная) для проведения: | кт Пионерский, д.13, пом.1 |
| | - занятий лекционного типа; | |
| | - занятий семинарского (практического) типа. | |
| | - текущего контроля и промежуточной аттестации | |
| | Специализированная (учебная) мебель: доска мело- | |
| | вая, кафедра, столы, стулья. | |
| | Оборудование для презентации учебного материала: | |
| | стационарное - доска интерактивная, компьютер пре- | |
| | подавателя, проектор, акустическая система, экран. | |
| | Используемое программное обеспечение: | |
| | MSWindows (MicrosoftImaginePremium 3 year по суб- | |
| | лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 | |
| | г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распро- | |
| | страняемое ПО), антивирусное ПО ESET | |
| | EndpointSecurity, лицензия №EAV-0267348511 до | |
| | 30.12.2022 г.; Mozilla Firefox (свободно распространя- | |
| | емое ПО), GoogleChrome (свободно распространяе- | |
| | мое ПО), Орега (свободно распространяемое ПО), | |
| | FoxitReader (свободно распространяемое ПО), | |
| | WinDjView (свободно распространяемое ПО), Ян- | |
| | декс.Браузер (отечественное свободно распространя- | |
| | емое ПО). | |
| | Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС. | |

5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

- 1. Общероссийский математический портал (информационная система) http://www.mathnet.ru/
- 2. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU крупнейший российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образования, содержащий рефераты и полные тексты -www.elibrary.ru
- 3. Единое окно доступа к образовательным ресурсам -http://window.edu.ru/

6 Иные сведения и (или) материалы.

6.1. Примерные темы письменных учебных работ

Контрольная работа № 1 Теория множеств и отношений

Вариант (образец)

- 1. Даны множества $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ и $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$. Найти $A \cup B$, $A \cap B$, $A \setminus B$, $B \setminus A$, $A \triangle B$.
- 2. Найти множество всех подмножеств множества $A = \{1, 2, 3\}$.
- 3. Для данных множеств A = [2, 8] и B = (5, 9) найти

 $A \cup B$, $A \cap B$, $A \setminus B$, $B \setminus A$, $A \triangle B$. Изобразить все множества.

- 4. С помощью диаграмм Эйлера-Венна проверить, равны ли множества $A \cup (B \cap C)$ и $(A \cup B) \cap C$.
- 5. Пусть универсальным множеством является множество точек плоскости. Требуется изобразить множества:

$$A = \{(x, y) / x + y \le 1, x, y \in R\} \ 2 \ 2, B = \{(x, y) / x + (y - 1) \le 1, x, y \in R\} \ 2 \ 2, A \cup B, A \cap B, A \cap B, (A \setminus B) \cup (B \setminus A).$$

6. Пусть имеется универсальное множество U. Бинарное отношение ρ задано следующим образом: $\rho = \{(A,B) \mid A = B, A,B \subseteq U\}$. Какими свойствами обладает данное бинарное отношение? Является ли данное отношение отношением эквивалентности, отношением порядка?

Контрольная работа № 2

Элементы математической логики

Вариант (образец)

- 1. Найти истинностное значение формул:
- а) (5 <10) ИЛИ (4 простое число)
- б) (10:5) И (4 нечетное число)
- в) ЕСЛИ (2 простое число), TO (2:3)
- г) (2 = 3) ТОГДА И ТОЛЬКО ТОГДА, КОГДА ($1 \le 10$)
- 2. Построить таблицу истинности составного высказывания

$$F = ((A \leftrightarrow B) \lor C) \land (A \to C)$$

3. Следующие высказывания могут быть интерпретированы как составные. Указать элементарные высказывания их составляющие, написать формулы

данных высказываний и построить таблицы истинности. Указать, какие из высказываний равносильны.

- 1) F: A неверно сделал расчет или если B решил задачу правильно, то и C сделал это без ошибок.
- 2) F: Если A правильно решил задачу, то либо B ошибся, либо C сделал ее верно.
- 3) F: Либо A неверно решил задачу, либо B решил ее верно в том и только в том случае, если C решил ее верно.
- 4. Указать множество наборов, удовлетворяющих уравнению:

$$F = ((A \land B) \rightarrow (B \land C)) \lor A \lor B \lor C = \Pi$$

- 5. Изобразить множества истинности предикатов
- a) $P(x) : x + 3 = 4, x \in R$
- б) Q(x, y) : 2x + 3y ≥ 5, x, y ∈ R
- B) $E(x, y) : 0 \ 2 \ 2 \ x + y > , x, y \in R$
- Γ) H(x, y, z) : X + Y ≤ z ≥ 2 , X, Y, z∈R

Контрольная работа № 3 Комбинаторика

Вариант (образец)

- 1. В отделе научно-исследовательского института работают несколько человек, причем каждый из них знает хотя бы один иностранный язык, 6 человек знают английский язык, 6 немецкий, 7 французский, 4 знают английский и немецкий, 3 немецкий и французский, 2 французский и английский, 1 человек знает все три языка. Сколько человек работают в отделе? Сколько из них знают только английский язык? Сколько знают только один язык?
- 2. Решить уравнение $C_{x+1}^{x-2} + 2C_{x-1}^3 = 7(x-1)$;
- 3. Номер автомобильного прицепа состоит из двух букв и четырех цифр. Сколько различных номеров можно составить, используя 30 букв и 10 цифр?
- 4. Сколько "слов" можно получить, переставляя буквы слова "парабола"? В классе обучаются 42 ученика. Из них 16 участвуют в секции по легкой атлетике, 24- в футбольной секции, 15 в шахматной секции, 11 и в секции по легкой атлетике и в футбольной, 8 и в легкоатлетической, и в шахматной, 12 и в футбольной и в шахматной, а 6 во всех трех секциях. Остальные школьники увлекаются только туризмом. Сколько школьников являются туристами?
- 5. При каком значении x четвертое слагаемое разложения $(\sqrt{2^{x-1}} + \sqrt[3]{2^{-x}})^m$ в 20 раз больше m, если биномиальный коэффициент четвертого слагаемого относится к биномиальному коэффициенту второго слагаемого как 5:1?

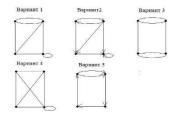
6. Раскрыть скобки в выражении $(x + y + z)^5$.

Контрольная работа № 4

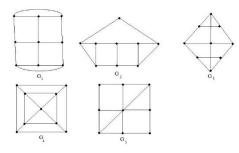
Теория графов

Вариант (образец)

1. Задать граф множествами вершин и ребер, матрицами инцидентности, смежности, списком ребер. Найти степени вершин графа.

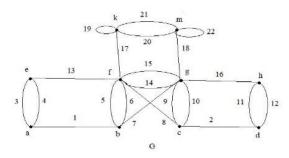


2. Задать граф матрицей смежности



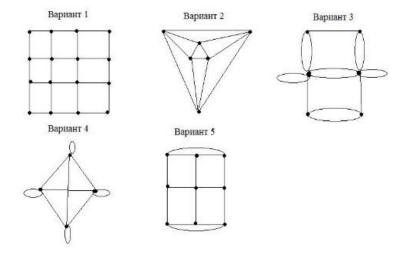
3. Определить, является ли следующая часть H_i графа G подграфом, суграфом, покрывающим суграфом. Найти $\overline{H_i}(i=\overline{1,10})$.

$$V(H_1) = \{a, b, e, f\}, E(H_1) = \{1, 3, 4, 6\};$$

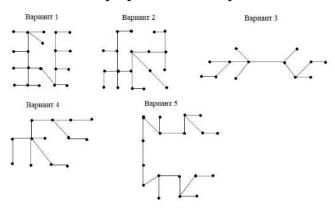


4. Имеет ли граф эйлеров цикл (цепь)? Каковы расстояния между вершинами? Какие вершины являются центрами? Найти радиус графа.

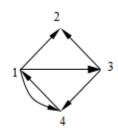
15



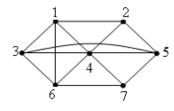
5. Сколько вершин максимального типа имеется в графе? Каково цикломатическое число графа? Каково хроматическое число графа?



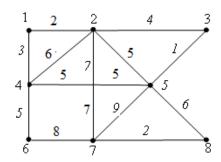
6. С помощью матрицы смежности найти компоненты сильной связности орграфа



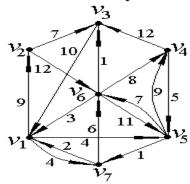
7. Найти эйлерову цепь.



8. Найти минимальное оставное дерево



9. Найти минимальный путь в нагруженном графе по методу Форда-Беллмана из вершины в вершину 1.



6.2. Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

Таблица 8 — Примерные теоретические вопросы и практические задачи к экзамену

| Разделы и те- | Примерные теоретиче- | Примерные практические задачи | | |
|---|---|---|--|--|
| МЫ | ские вопросы | | | |
| | 5 семестр | | | |
| 1. Теория множеств и отношений | | | | |
| 1.1 Множества. Способы задания. Операции над множествами. Бинарные отношения. Операции над бинарными отношениями. | 1. Понятие множества. Основные определения. 2. Способы задания: перечисление элементов, характеристическое свойство. Конечные множества. 3. Основные операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, разность. 4. Декартово произведение. Декартова степень. Диаграммы Эйлера-Венна. 5. Бинарные отношения и их свойства. 6. Эквивалентности и разбиения множества, фактормножество. Отношения порядка. | 1. Пусть универсальное множество U — множество всех студентов; A — множество всех студентов старше 20 лет; B — множество студентов обучающихся на 3, 4 и 5 курсах; C — множество студентов юридического факультета. Каков содержательный смысл каждого из следующих множеств: а) $A \cap B \cap C$; б) $A \cup (B \cap C)$; в) $B \setminus C$; г) $C \setminus B$. 2. Задано бинарное отношение $\rho = \left\{\frac{(a,b)}{a} = b^2, a, b \in N\right\}$ Какими свойствами обладает данное бинарное отношение? Является ли оно отношением эквивалентности, отношением порядка? 3. Даны множества $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ и $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$. Найти $A \cup B$, $A \cap B$, $A \setminus B$, $B \setminus A$, $A \triangle B$. 2. Среди 100 деталей прошли обработку на первом станке 42 штуки, на втором — 30 штук, а на третьем — 28. причем на первом и втором | | |

| станках обработано 5 деталей, на первом и тре- |
|--|
| тьем – 10 деталей, на втором и третьем – 8 де- |
| талей, на всех трех станках обработано 3 дета- |
| ли. Сколько деталей обработано только на пер- |
| вом станке и сколько деталей не обработано ни |
| на одном из станков? |

4. Пусть имеется универсальное множество U . Бинарное отношение ρ задано следующим образом: $\rho = \{(A,B) \mid A = B, A,B \subseteq U\}$.

Какими свойствами обладает данное бинарное отношение? Является ли данное отношение отношением эквивалентности, отношением порядка?

5. На множестве R бинарное отношение ρ задано следующим образом: $\rho = \{(x, y) / (x - y) \in Q, x, y \in R\}$. Докажите, что ρ – отношение эквивалентности.

2. Элементы математической логики

- 2.1 Высказывания. Основные операции над высказываниями. Основные равносильности и законы алгебры логики. Нормальные формы. Предикаты. Кванторы.
- 7. Понятие высказывания. Основные логические операции над высказываниями (дизъюнкция (логическое сложение), конъюнкция (логическое умножение), импликация, эквиваленция, отрицание).
- 8. Понятие формулы логики. Таблица истинности и методика ее построения. Тождественно истинные формулы, тождественно ложные формулы.
- Равносильные формулы.
 Законы логики.
- 10. Методика упрощения формул логики с помощью равносильных преобразований.
- 11. Понятие элементарной конъюнкции (элементарного произведения); понятие дизъюнктивной нормальной формы (ДНФ). Методика построения таблицы истинности для ДНФ упрощенным методом.
- 12. Понятие элементарной дизьюнкции (элементарной суммы), понятие конъюнктивной нормальной формы (КНФ).
- 13. Понятие совершенной дизъюнктивной нормальной формы (СДНФ). Понятие конъюнктивной нормальной формы (СКНФ).
- 14. Понятие предиката:

- 1. Построить таблицу истинности составного высказывания $F = ((A \leftrightarrow B) \lor C) \land \overline{(A \to \overline{C})}$.
- 2. Следующие высказывания могут быть интерпретированы как составные. Указать элементарные высказывания их составляющие, написать формулы данных высказываний и построить таблицы истинности. Указать, какие из высказываний равносильны.
- F_1 : **А** неверно сделал расчет или если **В** решил задачу правильно, то и **С** сделал это без ошибок.
- F_2 : Если **A** правильно решил задачу, то либо **B** ошибся, либо **C** сделал ее верно.
- F_3 : Либо A неверно решил задачу, либо B решил ее верно в том и только в том случае, если C решил ее верно.
- 3. Проверить равносильность двух формул

$$F_1 = (A \to \overline{B}) \to (\overline{C} \to A)$$
 и $F_2 = (B \to \overline{A}) \to (\overline{A} \to C).$

- 4. При составлении расписания уроков учителя просили, чтобы уроки проходили в следующем порядке:
- геометрия первым или третьим уроком;
- география первым или вторым уроком;
- русский язык вторым или третьим уроком. Можно ли составить расписание таким образом, чтобы удовлетворить просьбы всех учителей.
- 5. Построить КНФ для формулы

$$\overline{(x \to y) \land (y \to \overline{x})}$$
.

- 6. Привести к совершенной ДНФ (СДНФ): $x \to (y \to z)$.
- 7. Привести к совершенной КНФ (СКНФ): $x \wedge \overline{y} \wedge (x \rightarrow y)$.
- 8. Среди следующих предложений указать предикаты. Для найденных предикатов записать, если это возможно, их множества истинности:

| теоретин | о-множе | ественн | ый |
|----------|----------|---------|-----|
| и логи | ческий | подхо | ды. |
| Область | опред | еления | И |
| область | истинно | сти пре | ди- |
| ката. Оп | ерации і | над пре | ди- |
| катами. | Кванторі | SI. | |

- 15. Формулы логики предикатов. Свободные и связанные переменные. Логический вывод. Классификация формул алгебры предикатов.
- 16. Тавтология алгебры предикатов. Приведенная форма для алгебры предикатов. Исчисление предикатов. Модели исчисления предикатов. Формализация предложений с помощью логики предикатов.

- a) $x 2 = 3, x \in R$,
- б) при x = 1 выполняется равенство $x^3 = 5$,
- B) $x^2 4x + 4 = 0, x \in R$.
- 9. Пусть предикаты P(x, y), Q(x, y), заданы на множестве $M = M_1 \times M_2 \subseteq R^2$. Изобразить с помощью диаграмм Эйлера-Венна множества истинности следующих предикатов:
- a) $P(x) \wedge Q(x)$;
- б) $P(x) \lor Q(x)$.
- 10. Выясните, равносильны ли на множествах *R*, *Q*, *Z*, *N* следующие предикаты:

$$P(x): \sqrt{x-2} \cdot \sqrt{x+2} = 0$$
 и $Q(x): \sqrt{x^2-4} = 0$.

4. Комбинаторика

4.1 Основные законы комбинаторики. Основные формулы комбинаторики. Бином Ньютона. Биномиальные коэффициенты. Полиномиальные коэффициенты. Полиномиальные коэффициенты.

- 17. Принцип метода математической индукции. Некоторые разновидности (модификации) метода математической индукции.
- 18. Правило суммы. Правило произведения. Метод включения и исключения.
- 19. Размещения, перестановки, сочетания без повторений.
- 20. Размещения, перестановки, сочетания с повторениями.
- 21. Формула Бинома Ньютона. Биномиальные коэффициенты.
- 22. Треугольник Паскаля. Применения бинома Ньютона.
- 23. Полиномиальная формула. Полиномиальные коэффициенты.
- 24. Применение полиномиальной формулы.

- 1. В отделе научно-исследовательского института работают несколько человек, причем каждый из них знает хотя бы один иностранный язык, 6 человек знают английский язык, 6 немецкий, 7 французский, 4 знают английский и немецкий, 3 немецкий и французский, 2 французский и английский, 1 человек знает все три языка. Сколько человек работают в отделе? Сколько из них знают только английский язык? Сколько знают только один язык?
- 2. Сколько чисел среди первой тысячи натуральных чисел не делятся ни на 2, ни на 3, ни на 5, ни на 7?
- 3. Решить уравнение.

$$A_{x+1}^{x-1} + 2P_{x-1} = \frac{30}{7}P_x;$$

- 4. Номер автомобильного прицепа состоит из двух букв и четырех цифр. Сколько различных номеров можно составить, используя 30 букв и 10 цифр?
- 5. В биномиальном разложении $\left(x^{3} + \frac{1}{x^{3}}\right)^{18}$

найти член разложения, не содержащий x.

- 6. Доказать, что выражение $2^{n+2} \cdot 3^n + 5n 4$ делится на 25.
- 7. Раскрыть скобки в выражении $(x + y + z)^5$
- 8. Найти коэффициент при x^5 в разложении $(2+x^2-x^3)^9$.

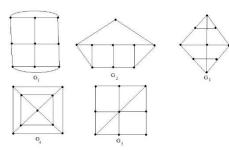
5. Теория графов

- 5.1 Определения графов. Элементы графов. Виды графов.
- 25. Определение графа. Смежность. Диаграммы. Орграфы, псевдографы, мультиграфы и гипергра-
- 1. Изоморфны ли графы?

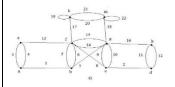
фов и операции над графами. Способы задания графов.

фы.

- 26. Изоморфизм графов.
- 27. Подграфы. Валентность. Маршруты, цепи, циклы.
- 28. Связность. Расстояние между вершинами, ярусы и диаметр графа. Эксцентриситет и центр.
- 29. Виды графов: тривиальный, полный, клика.
- 30. Двудольные графы. Направленные орграфы и сети.
- 31. Диаграммы. Матрица смежности. Матрица инциденций. Списки смежности. Массив дуг.
- 32. Обходы графов.
- 33. Операции над графами: удаление вершины, добавление вершины, удаление ребра, добавление ребра, дополнение графа.
- 34. Операции над графами: объединение графов, пересечение графов, соединение графов.

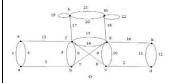


2. Для графа G на рис.1 определить степень вершины 4.

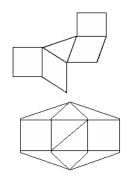


- 3. Определить, является ли следующая часть H_i графа G подграфом, суграфом, покрывающим суграфом.
- 4. Найти $\overline{H}_{i}(i=\overline{1,10})$.

$$V(H_1) = \{a, b, e, f\}, E(H_1) = \{1, 3, 4, 6\};$$



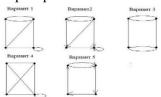
5. Даны графы G и Н



- а) составьте для G и H степенные последовательности;
- б) определите, являются ли данные графы полными, пустыми;
- в) определите число связности графов число реберной связности;
- г) укажите в графах все разделительные вершины, мосты;
- д) найдите радиус, диаметр и центр данного графа;
- е) распознайте, являются ли данные графы двудольными;
- ж) распознайте, являются ли данные графы эй-

леровыми;

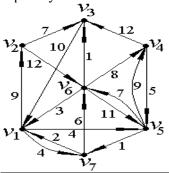
- з) распознайте, являются ли графы G и H изоморфными.
- 6. Задать граф множествами вершин и ребер, матрицами инцидентности, смежности, списком ребер. Найти степени вершин графа.



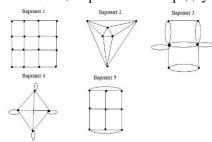
5.2 Компоненты связности графов. Эйлеровы и гамильтоновы графы. Деревья и леса. Раскраска графов.

- 35. Объединение графов и компоненты связности. Точки сочленения, мосты и блоки. Вершинная и рёберная связность.
- 36. Оценка числа рёбер через число вершин и число компонент связности.
- 37. Эйлеровы циклы. Эйлеровы графы. Критерий эйлеровости. Алгоритм построения эйлерова цикла в эйлеровом графе.
- 38. Гамильтоновы циклы. Гамильтонов граф. Задача Коммивояжёра.
- 39. Свободные деревья. Основные свойства деревьев. Центр дерева. Ориентированные деревья.
- 40. Упорядоченные деревья. Бинарные деревья. Выровненные и полные деревья.
- 41. Хроматическое число графа и его дополнения.
- 42. Точный алгоритм раскрашивания. Приближённый алгоритм последовательного раскрашивания. Теорема о пяти красках.

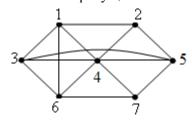
1. Найти минимальный путь в нагруженном графе по методу Форда-Беллмана из вершины в вершину 1.



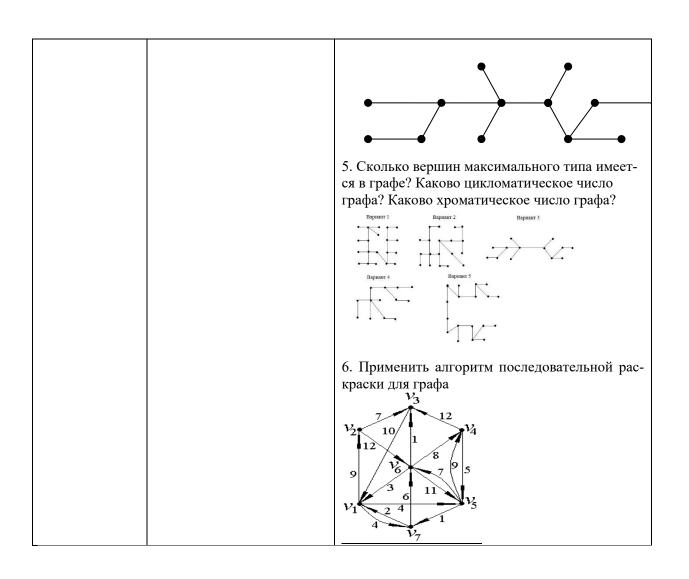
2. Имеет ли граф эйлеров цикл (цепь)? Каковы расстояния между вершинами? Какие вершины являются центрами? Найти радиус графа.



3. Найти эйлерову цепь.



- 4. На рисунке дан граф G типа дерева. В этом графе вершина максимального типа есть вершина типа:
- 1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5.



Составитель: Долматова Т. А., доцент каф. МФММ

(фамилия, инициалы и должность преподавателя (ей))