

Подписано электронной подписью:
Вержицкий Данил Григорьевич
Должность: Директор КГПИ КемГУ
Дата и время: 2025-04-23 00:00:00

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Кемеровский государственный университет»
Кузбасский гуманитарно-педагогический институт

Факультет информатики, математики и экономики
Кафедра математики, физики и математического моделирования

«УТВЕРЖДАЮ»
Декан ФИМЭ
А.В. Фомина
«16» января 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

К.М.07.01.14 Статистические методы обработки результатов научных исследований

Направление подготовки

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки
«Математика и Информатика»

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника
бакалавр

Форма обучения
Очная, заочная

Год набора 2025

Новокузнецк 2025

Оглавление

1. Цель дисциплины.	3
1.1 Формируемые компетенции	Ошибка! Закладка не определена.
1.2 Индикаторы достижения компетенций	Ошибка! Закладка не определена.
1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине	Ошибка! Закладка не определена.
2. Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.	3
3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.	4
3.1 Учебно-тематический план	4
3.2. Содержание занятий по видам учебной работы	Ошибка! Закладка не определена.
4. Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.....	5
5. Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	6
5.1 Учебная литература.....	6
5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.....	Ошибка! Закладка не определена.
5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.....	7
6. Иные сведения и (или) материалы.....	7
6.1. Примерные темы письменных учебных работ	7
6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации	14

1. Цель дисциплины.

В результате освоения дисциплины у обучающегося должны быть сформированы компетенции основной профессиональной образовательной программы бакалавриата (далее - ОПОП):

ПК-1: Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области по профилю "Математика" при решении профессиональных задач

Формируемые компетенции, индикаторы достижения компетенций, знания, умения, навыки

Таблица 1 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции по ОПОП	Знания, умения, навыки (ЗУВ), формируемые дисциплиной
ПК-1: Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области по профилю "Математика" при решении профессиональных задач	ПК-1.1 Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области "Математика" (преподаваемого предмета) ПК-1.2 Умеет осуществлять отбор учебного содержания предметной области "Математика" для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО ПК-1.3 Демонстрирует умение разрабатывать по предметной области "Математика" различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные	Знать: математические методы обработки результатов научных исследований; критерии проверки статистических гипотез; Уметь: Представлять результаты научных исследований в различных формах; Владеть: методами работы с информационными ресурсами, в том числе с компьютерными программами, для обработки результатов научных исследований

2. Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.

Таблица 2 – Объем и трудоемкость дисциплины по видам учебных занятий

Общая трудоемкость и виды учебной работы по дисциплине, проводимые в разных формах	Объём часов по формам обучения		
	ОФО		ЗФО
1 Общая трудоемкость дисциплины	144		144
2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)	58		12
Аудиторная работа (всего):	58		12
в том числе:			
лекции	24		4
практические занятия, семинары	34		8
практикумы			
лабораторные работы			
Внеаудиторная работа (всего):	58		123
в том числе, индивидуальная работа обучающихся с преподавателем			
подготовка курсовой работы (проекта) /контактная			

работа ¹			
групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем)			
творческая работа (эссе)			
3 Самостоятельная работа обучающихся (всего)	58		123
4 Промежуточная аттестация обучающегося – экзамен	36		9

3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

3.1 Учебно-тематический план

Таблица 3 - Учебно-тематический план очной/заочной формы обучения

№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоёмкость (всего час.)	Трудовоемкость занятий (час.)						Форма текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости
			ОФО			ЗФО			
			Аудиторн. занятия		СРС	Аудиторн. занятия		СРС	
			лекц.	практ.		лекц.	практ.		
Семестр А									
	1. Математическая обработка педагогического исследования	30	6	8	16	2	2	32	Индивидуальное задание
1	1.1 Основные понятия и характеристики математической статистики.	16	4	4	8				
2	1.2 Корреляционное отношение. Доверительный интервал.	14	2	4	8				
	2. Ранговые корреляции и взаимосвязи в педагогических исследованиях	28	6	8	14		2	30	Индивидуальное задание
3	2.1 Коэффициент корреляции Пирсона	16	4	4	8				
4	2.2 Коэффициент конкордации	12	2	4	6				
	3. Статистические гипотезы	36	8	12	16	2	2	30	Индивидуальное задание
5	3.1 Параметрические критерии согласия	18	4	6	8				
6	3.2 Непараметрические критерии	18	4	6	8				
	4. Значимость коэффициента корреляции и существенность коэффициента	14	4	6	4		2	31	Индивидуальное задание

№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоёмкость (всего час.)	Трудоемкость занятий (час.)						Форма текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости
			ОФО			ЗФО			
			Аудиторн. занятия		СРС	Аудиторн. занятия		СРС	
			лекц.	практ.		лекц.	практ.		
Семестр __А__									
	конкордации								
7	4.1 Значимость коэффициента корреляции и существенность коэффициента конкордации	14	4	6	4				
	Промежуточная аттестация	36							
ИТОГО по семестру		144	24	34	50	4	8	123	36/9

4. Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 4.

Таблица 4 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

Учебная работа (виды)	Сумма баллов	Виды и результаты учебной работы	Оценка в аттестации	Баллы (17 недель)
Текущая учебная работа в семестре (Посещение занятий по расписанию и выполнение заданий)	60	Лекционные занятия (конспект) (9 занятий)	1 балл посещение 1 лекционного занятия	0 - 9
		Практические (17 занятий).	1 балл - посещение 1 практического занятия 2 балла – посещение 1 занятия и существенный вклад на занятии в работу всей группы,	17 - 34
		Индивидуальные задания (4 задания)	За одно Инд. задание: 3 балла (выполнено 51 - 65% заданий) 4 балла (выполнено 66 - 85% заданий) 5 баллов (выполнено 86 - 100% заданий)	12 - 17

Итого по текущей работе в семестре				29 - 60
Промежуточная аттестация (экзамен)	40	Вопросы к зачету Задачи.	10 баллов (пороговое значение) 40 баллов (максимальное значение)	10 - 40
Итого по промежуточной аттестации (экзамену)				10 – 40
Суммарная оценка по дисциплине: Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации: 51 – 100 б. Набранные баллы переводятся в традиционные оценки по следующей шкале: – 86 и более – «отлично»; – 70–85– «хорошо»; – 51–69 – «удовлетворительно»; – 50 и менее – «неудовлетворительно».				

5. Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Учебная литература

Основная учебная литература

1. Карманов, Ф. И. Статистические методы обработки экспериментальных данных с использованием пакета MathCad : учебное пособие / Ф. И. Карманов, В. А. Острейковский. - Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2019. - 208 с. - ISBN 978-5-905554-96-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1016017> (дата обращения: 27.08.2024). – Режим доступа: по подписке.
2. Статистические методы обработки данных : учебное пособие / С. В. Вершинина, О. В. Руденок, Н. С. Кулакова, О. В. Тарасова. — Тюмень : ТюмГНГУ, 2015. — 160 с. — ISBN 978-5-9961-1124-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/84145> (дата обращения: 27.08.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

Дополнительная учебная литература

1. Голунова, А. А. Методология психолого-педагогического исследования в физико-математическом образовании : учебно-методическое пособие / А. А. Голунова ; научный редактор Т. И. Уткина. — 2-е изд., стер. — Москва : ФЛИНТА, 2020. — 122 с. — ISBN 978-5-9765-4418-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/142290> (дата обращения: 27.08.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Мойзес, Б. Б. Статистические методы контроля качества и обработка экспериментальных данных : учебное пособие / Б. Б. Мойзес, И. В. Плотникова, Л. А. Редько. — Томск : ТПУ, 2016. — 119 с. — ISBN 978-5-4387-0700-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/107730> (дата обращения: 27.08.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.

Учебные занятия по дисциплине проводятся в учебных аудиториях КГПИ КемГУ:

Математические методы обработки результатов научных исследований	216 Аудитория методики математического развития и обучения математике Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, семинарского (практического) типа, для групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации (мультимедийная) Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра, столы, стулья Оборудование для презентации учебного материала: доска интерактивная, компьютер преподавателя с монитором, проектор, акустическая система, экран Используемое программное обеспечение: MS Windows (Microsoft Imagine Premium 3 year по сублицензионному договору № 1212/KMP от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), антивирусное ПО ESET Endpoint Security, лицензия №EAV-0267348511 до 30.12.2022 г.; Mozilla Firefox (свободно распространяемое ПО), Google Chrome (свободно распространяемое ПО), Opera (свободно распространяемое ПО), Foxit Reader (свободно распространяемое ПО), WinDjView (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО). Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС	654027, Кемеровская область - Кузбасс, г. Новокузнецк, пр-кт Пионерский, д.13, пом.1
--	---	--

5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

1. Общероссийский математический портал (информационная система) - <http://www.mathnet.ru/>
2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» - <http://www.window.edu.ru>.
3. zbMATH - <https://zbmath.org/> - математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др.

5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

1. Общероссийский математический портал (информационная система) - <http://www.mathnet.ru/>
2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» - <http://www.window.edu.ru>.

6. Иные сведения и (или) материалы.

6.1. Примерные темы письменных учебных работ

Темы индивидуальных заданий

1. Индивидуальное задание №1: Математическая обработка педагогического исследования

Темы:

- 1.1 Основные понятия и характеристики математической статистики.

1.2 Корреляционное отношение.

1.3 Доверительный интервал.

Вариант (образец):

Задание 1.

А) Составить вариационный ряд распределения.

Б) Составить статистический ряд распределения.

В) Построить полигон относительных частот.

Г) Построить диаграмму (для относительных частот).

3	5	8	10	0
4	2	9	7	3
5	6	10	8	2
0	2	4	9	3
6	7	10	6	4

Задание 2.

А) Составить интервальный ряд распределения, выделив 6 групп с равными интервалами.

Б) Построить гистограмму распределения.

23	48	54	42	83
43	58	73	67	99
25	84	64	86	100
85	80	74	73	94
48	21	87	43	58
21	33	48	54	59

Задание 3.

В трех классах «А», «Б» и «В» проводилась контрольная работа по математике. В классах учится от 20 до 35 человек.

1. Для каждого класса найти выборочное среднее $\bar{X}$.

2. Для каждого класса найти медиану.

3. Для каждого класса найти моду.

4. Найти выборочное среднее по трем классам двумя способами.

5. Найти $D_{\text{межгрупп}}$, $D_{\text{внутригрупп}}$, $D_{\text{выбор}}$ по всем трем классам.

Проверить взаимосвязь между общей дисперсией, внутригрупповой и межгрупповой.

	2	3	4	5
«А»	10	7	4	5
«Б»	6	8	7	6
«В»	10	10	1	8

Задание 4.

Определить в какой степени успешность сдачи ЕГЭ зависит от профиля класса.

Определить коэффициент детерминации; эмпирическое корреляционное отношение.

Профили	Средний балл	Числ. группы	Диспер. в группе
Общеобр.	50	15	9,30
Гуманит.	66	23	12,8
Ест.-геогр.	77	25	10,6
Физ.-мат.	80	25	8,5

Задание 5.

В таблице приведены результаты тестирования по определенной методике.

- Можно ли проводить эксперимент с данной группой?
- Найти коэффициент вариации.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
100	101	103	105	107	110	112	113	115	120

Задание 6.

Пусть известно среднее квадратическое отклонение нормально распределенного признака X генеральной совокупности, объем выборки и выборочное среднее. Найти доверительный интервал для оценки математического ожидания a , если $\alpha = 0,9$.

$\sigma = 6$
$n = 81$
$\bar{x}_e = 12$

2. Индивидуальное задание №2: Ранговые корреляции и взаимосвязи в педагогических исследованиях

Темы:

- 1.1 Коэффициенты корреляции.
- 1.2 Коэффициент конкордации.

Вариант (образец):

Задание 1.

Определить характер и силу связи между результатами ЕГЭ по математике физике, используя данные таблицы.

Ученик	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Математика	100	95	87	85	71	69	68	65	62	58	53	49	44	36	31
Физика	80	69	71	100	97	55	50	47	77	85	37	44	33	52	60

Задание 2.

Определить характер и силу связи между оценками в проведенных контрольных работ по математике и физике (найти выборочную среднюю, ковариацию и коэффициент корреляции).

Оценка по физике	Оценка по математике			
	2	3	4	5
2	1	2	1	3
3	3	4	-	5
4	4	2	2	-
5	1	1	-	1

Задание 3.

Построить корреляционную матрицу ранговой попарной связи результатов трех тестирований 15 студентов. Результаты ранжирования тестирования студентов представлены в таблице.

Тест А (ранг)	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Тест В (ранг)	15	1	5	14	7	6	2	8	11	3	4	10	9	12	13
Тест С (ранг)	13	14	2	11	10	12	1	9	15	3	5	6	4	7	8

Задание 4.

Итоги ЕГЭ по 4 предметам (средний балл за 2012 год по региону А) приведены в таблице.

А) Определить как связаны успехи по всем 4 предметам, рассчитать коэффициент конкордации.

Б) Рассчитать коэффициент корреляции Спирмена, составить корреляционную матрицу.

предмет город	Русский язык (баллы)	Математика (баллы)	Физика (баллы)	Информатика (баллы)
Б	61,34	59,39	43,74	54,83
В	65,00	61,39	48,99	51,39
Г	60,15	48,81	39,91	35,54
Д	59,81	47,71	41,51	35,58
Е	55,01	51,14	59,16	61,01
Ж	54,16	54,18	60,09	61,15
З	58,17	39,83	35,15	42,21
И	49,17	40,04	30,17	43,44

2. Индивидуальное задание №3: Статистические гипотезы

Темы:

2.1 Параметрические критерии согласия.

2.2 Непараметрические критерии.

Вариант (образец):

Задание 1.

А) Используя t-критерий Стьюдента, проверить гипотезу о несущественности различий в средних значениях стрессоустойчивости учителя и шахтера. При уровне значимости $\alpha=0,1$, $n_1=31$, $n_2=32$.

Б) Применить критерий Крамера - Уэлча.

В) Применить критерий Фишера, при $\alpha=0,1$.

№	Учитель	Шахтер
1	17	22
2	22	23
3	20	20
4	21	21
5	21	19
6	15	22
7	16	20
8	17	24
9	17	26
10	18	21
11	22	24
12	24	25
13	23	25
14	27	21
15	25	22
16	25	22
17	17	27
18	18	20
19	18	21
20	20	18
21	19	18
22	20	19
23	25	19
24	23	20
25	17	25
26	19	23

27	19	23
28	24	21
29	23	24
30	25	18
31	23	17
32	-	16

Задание 2.

Среди студентов, магистров и аспирантов в течение двух недель проводился опрос об удовлетворённости питанием в столовой. Можно ли считать, что эмпирическое распределение на первой неделе исследования согласуется с эмпирическим распределением на второй неделе исследования, т.е. структура удовлетворенности ответами обучающихся сохранилась в течение данного времени? Уровень значимости равен 0,05.

Курсы	Число удовлетв. питанием на 1-ой неделе	Число удовлетв.. питанием на 2-ой неделе
1	29	37
2	37	29
3	40	39
4	40	40
5	39	45
Магистранты	50	40
Аспиранты	45	50

Задание 3.

В результате выборочного обследования стажа работы учителей информатики в школах города получены следующие данные, представленные в таблице. Выяснить, является ли распределение стажа работы нормальным на уровне значимости $\alpha=0,05$.

Стаж работы	0-4	4-8	8-12	12-16	16-20	20-24	24-28	28-32
Число учителей	17	9	10	7	11	13	15	25

Задание 4.

Проведение итоговой контрольной работы по физике в средней общеобразовательной школе дало следующие результаты по 10-балльной шкале для класса, обучающегося по традиционной системе (8 «А») и класса, обучающегося по системе «Развивающее обучение» (8 «Б»), представленные в таблице. Определите с помощью критерия Манна-Уитни, превосходят ли учащиеся 8 «Б» учащиеся 8 «А» по уровню знаний по физике.

ученик	8 «А»	8 «Б»
1	5	7
2	3	3
3	10	4
4	10	5
5	4	6
6	7	8
7	6	9
8	5	10

9	4	10
10	3	9
11	10	8
12	9	7
13	8	6
14	-	4

Задание 5.

При изучении активности студентов на практических занятиях были получены результаты для экспериментальной и контрольной групп, приведенные в таблице. Определить с использованием критерия Колмогорова-Смирнова являются ли значимыми различия между контрольной и экспериментальной группами?

уровень усвоения	частота в эксперимент. группе (чел.)	частота в контрольной группе (чел.)
хорошо	107	95
приблизительно	110	55
плохой	50	129
объем выборки	267	279

Задание 6.

Определить значимость различий изменения выносливости учащихся от физической нагрузки. Применить критерий Вилкоксона. Уровень значимости равен 0,05.

измерение до эксперимента	6	7	9	8	11	10	13	12	14	5	7	15
измерение после эксперимента	13	10	14	15	5	7	8	9	9	11	12	10

Задание 7.

В таблице приведены результаты уровня знаний обучающихся на курсах повышения квалификации. Определить является ли измерение уровня статистически значимым. Применить критерий знаков, $\alpha=0,05$.

уровень знаний до курса	21	25	37	38	28	30	40	39	25	26	31	37	29	22	21
уровень знаний после курса	30	29	28	27	40	40	35	37	38	28	29	30	35	34	21

Задание 8.

В школе проведено пробное тестирование по информатике в форме ЕГЭ во второй и третьей четверти. Можно ли сказать, что выполнение тестовых заданий учащихся изменилось существенно? Использовать критерий Макнамара, $\alpha=0,05$.

		2 тестирование	
		Справились	Не справились
1 тестирование	Справились	35	20
	Не справились	32	40

Задание 9.

Одинаковы ли воздействия педагогического эксперимента на младших и старших школьниках, учителей по показателям психологической защищенности после эксперимента. Применить критерии Крускала-Уоллиса, $\alpha=0,01$.

Показатель защищенности №	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Мл.школьники	2,5	3,8	2,5	2,6	2,5	2,5	2,5	3,3	3,1	3,3
Ст.школьники	2,6	2,5	3,8	2,6	2,5	2,6	3,3	2,7	2,8	2,8
Учителя	2,7	2,9	4,2	4,1	3,9	2,9	3,1	3,2	3,3	4,3

Задание 10.

5 учащихся исследуются по 4 тестам. Являются ли результаты тестирования случайными? Применить критерий Фридмана, $\alpha=0,05$.

№ испыт.	Оценка в баллах			
	тест А	тест В	тест С	тест D
1	2,8	3,1	3,5	3,7
2	3,1	2,6	2,1	2,9
3	2	1,7	3,9	3,2
4	3,4	3	4	3,1
5	2,7	3,7	2,1	2,7

Задание 11.

Установлено, что испытуемые относятся к наказаниям, которые совершают по отношению к их детям разные люди по-разному. Определить тенденцию согласия о допустимости наказания по результатам оценки в психогенном эксперименте с помощью критерия Пейджа, $\alpha=0,01$.

Испытуемые	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
"я сам наказываю" 1	3	2	5	7	3	4	2	6	2	2	3	8
"бабушка наказывает" 2	1	3	5	4	3	2	1	7	9	3	2	1
"учитель наказывает" 3	4	8	3	2	2	3	8	1	3	4	5	6

3. Индивидуальное задание №4: Значимость коэффициента корреляции и существенность коэффициента конкордации.

Темы:

3.1 Значимость коэффициента корреляции.

3.2 Существенность коэффициента конкордации.

Вариант (образец):

Задание 1.

Можно ли считать связь между результатами ЕГЭ по русскому языку и математикой значимой (данные приведены в таблице)? Используйте t-распределение Стьюдента для определения значимости коэффициента корреляции, $\alpha=0,05$.

предмет город	Русский язык (баллы)	Математика (баллы)	Физика (баллы)	Информатика (баллы)
Б	61,34	59,39	43,74	54,83
В	65,00	61,39	48,99	51,39
Г	60,15	48,81	39,91	35,54
Д	59,81	47,71	41,51	35,58
Е	55,01	51,14	59,16	61,01
Ж	54,16	54,18	60,09	61,15
З	58,17	39,83	35,15	42,21
И	49,17	40,04	30,17	43,44

Задание 2.

Определить существенность коэффициента конкордации с помощью χ^2 -критерия по данным таблицы из предыдущего задания.

6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

Форма промежуточной аттестации:

10 семестр – зачет с оценкой

Разделы и темы	Примерные теоретические вопросы	Примерные практические задачи																																													
10 семестр																																															
1. Математическая обработка педагогического исследования																																															
1.1 Основные понятия и характеристики математической статистики.	1. Основные понятия и характеристики математической статистики. 2. Генеральная и выборочная совокупности. 3. Вариационный ряд. Статистический ряд. 4. Геометрическая интерпретация результатов исследований. 5. Характеристики положения вариационного ряда. 6. Характеристики рассеивания.	1. А) Составить вариационный ряд распределения. Б) Составить статистический ряд распределения. В) Построить полигон относительных частот. Г) Построить диаграмму (для относительных частот). <table border="1"><tr><td>3</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td>0</td></tr><tr><td>4</td><td>2</td><td>9</td><td>7</td><td>3</td></tr><tr><td>5</td><td>6</td><td>10</td><td>8</td><td>2</td></tr><tr><td>0</td><td>2</td><td>4</td><td>9</td><td>3</td></tr><tr><td>6</td><td>7</td><td>10</td><td>6</td><td>4</td></tr></table> 2. В трех классах «А», «Б» и «В» проводилась контрольная работа по математике. В классах учится от 20 до 35 человек. 1. Для каждого класса найти выборочное среднее $\bar{X}_v$. 2. Для каждого класса найти медиану. 3. Для каждого класса найти моду. 4. Найти выборочное среднее по трем классам двумя способами. 5. Найти $D_{\text{межгрупп}}$, $D_{\text{внутригрупп}}$, $D_{\text{выбор}}$ по всем трем классам. Проверить взаимосвязь между общей дисперсией, внутригрупповой и межгрупповой. <table border="1"><tr><td></td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr><tr><td>«А»</td><td>10</td><td>7</td><td>4</td><td>5</td></tr><tr><td>«Б»</td><td>6</td><td>8</td><td>7</td><td>6</td></tr><tr><td>«В»</td><td>10</td><td>10</td><td>1</td><td>8</td></tr></table>	3	5	8	10	0	4	2	9	7	3	5	6	10	8	2	0	2	4	9	3	6	7	10	6	4		2	3	4	5	«А»	10	7	4	5	«Б»	6	8	7	6	«В»	10	10	1	8
3	5	8	10	0																																											
4	2	9	7	3																																											
5	6	10	8	2																																											
0	2	4	9	3																																											
6	7	10	6	4																																											
	2	3	4	5																																											
«А»	10	7	4	5																																											
«Б»	6	8	7	6																																											
«В»	10	10	1	8																																											
1.2 Корреляционное отношение. Доверительный интервал.	7. Понятие коэффициента детерминации. 8. Эмпирическое корреляционное отношение. 9. Коэффициент вариации.	3. Определить в какой степени успешность сдачи ЕГЭ зависит от профиля класса. Определить: коэффициент детерминации; эмпирическое корреляционное отношение. <table border="1"><tr><th>Профили</th><th>Средний балл</th><th>Числ. группы</th><th>Диспер. в группе</th></tr><tr><td>Общеобр.</td><td>50</td><td>15</td><td>9,30</td></tr><tr><td>Гуманит.</td><td>66</td><td>23</td><td>12,8</td></tr><tr><td>Ест.-геогр.</td><td>77</td><td>25</td><td>10,6</td></tr><tr><td>Физ.-мат.</td><td>80</td><td>25</td><td>8,5</td></tr></table>	Профили	Средний балл	Числ. группы	Диспер. в группе	Общеобр.	50	15	9,30	Гуманит.	66	23	12,8	Ест.-геогр.	77	25	10,6	Физ.-мат.	80	25	8,5																									
Профили	Средний балл	Числ. группы	Диспер. в группе																																												
Общеобр.	50	15	9,30																																												
Гуманит.	66	23	12,8																																												
Ест.-геогр.	77	25	10,6																																												
Физ.-мат.	80	25	8,5																																												

		4. Пусть известно среднее квадратическое отклонение нормально распределенного признака X генеральной совокупности, объем выборки и выборочное среднее. Найти доверительный интервал для оценки математического ожидания a, если $\alpha = 0,9$. <table><tr><td>$\sigma = 6$</td></tr><tr><td>$n = 81$</td></tr><tr><td>$x_6 = 12$</td></tr></table>	$\sigma = 6$	$n = 81$	$x_6 = 12$																																	
$\sigma = 6$																																						
$n = 81$																																						
$x_6 = 12$																																						
2. Ранговые корреляции и взаимосвязи в педагогических исследованиях																																						
2.1 Коэффициент корреляции Пирсона	10. Коэффициент ранговой корреляции. Характер и сила связи. 11. Статистическая и корреляционная зависимость. 12. Ранжирование. Коэффициент корреляции Спирмена. 13. Коэффициент корреляции Пирсона. 14. Ковариация. 15. Выборочный коэффициент корреляции. 16. Корреляционные матрицы и графы.	5. Определить характер и силу связи между результатами ЕГЭ по математике и физике, используя данные таблицы. <table><tr><td>Ученик</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr><tr><td>Матем-ка</td><td>100</td><td>95</td><td>87</td><td>85</td><td>71</td></tr><tr><td>Физика</td><td>80</td><td>69</td><td>71</td><td>100</td><td>97</td></tr></table> 6. Построить корреляционную матрицу ранговой попарной связи результатов трех тестирований 5 студентов. Результаты ранжирования тестирования студентов представлены в таблице. <table><tr><td>Тест А (ранг)</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr><tr><td>Тест В (ранг)</td><td>15</td><td>1</td><td>5</td><td>14</td><td>7</td></tr><tr><td>Тест С (ранг)</td><td>13</td><td>14</td><td>2</td><td>11</td><td>10</td></tr></table>	Ученик	1	2	3	4	5	Матем-ка	100	95	87	85	71	Физика	80	69	71	100	97	Тест А (ранг)	1	2	3	4	5	Тест В (ранг)	15	1	5	14	7	Тест С (ранг)	13	14	2	11	10
Ученик	1	2	3	4	5																																	
Матем-ка	100	95	87	85	71																																	
Физика	80	69	71	100	97																																	
Тест А (ранг)	1	2	3	4	5																																	
Тест В (ранг)	15	1	5	14	7																																	
Тест С (ранг)	13	14	2	11	10																																	
2.2 Коэффициент конкордации	17. Определение взаимосвязи нескольких величин. Коэффициент конкордации.	7. Итоги ЕГЭ по 3 предметам (средний балл за 2012 год по региону А) приведены в таблице. А) Определить как связаны успехи по всем 3 предметам, рассчитать коэффициент конкордации. Б) Рассчитать коэффициент корреляции Спирмена, составить корреляционную матрицу. <table><tr><td>предмет город</td><td>Русский язык (баллы)</td><td>Математика (баллы)</td><td>Физика (баллы)</td></tr><tr><td>Б</td><td>61,34</td><td>59,39</td><td>43,74</td></tr><tr><td>В</td><td>65,00</td><td>61,39</td><td>48,99</td></tr><tr><td>Г</td><td>60,15</td><td>48,81</td><td>39,91</td></tr><tr><td>Д</td><td>59,81</td><td>47,71</td><td>41,51</td></tr><tr><td>Е</td><td>55,01</td><td>51,14</td><td>59,16</td></tr></table>	предмет город	Русский язык (баллы)	Математика (баллы)	Физика (баллы)	Б	61,34	59,39	43,74	В	65,00	61,39	48,99	Г	60,15	48,81	39,91	Д	59,81	47,71	41,51	Е	55,01	51,14	59,16												
предмет город	Русский язык (баллы)	Математика (баллы)	Физика (баллы)																																			
Б	61,34	59,39	43,74																																			
В	65,00	61,39	48,99																																			
Г	60,15	48,81	39,91																																			
Д	59,81	47,71	41,51																																			
Е	55,01	51,14	59,16																																			
3. Статистические гипотезы																																						
3.1 Параметрические	18. Критерии согласия. Понятие	8. Среди студентов, магистров и аспирантов в течение двух недель проводился опрос об																																				

критерии согласия	статистической гипотезы. Ошибки первого и второго рода. 19.Критерий Стьюдента. 20.Критерий крамера-Уэлча. 21. Критерий Фишера.	удовлетворённости питанием в столовой. Можно ли считать, что эмпирическое распределение на первой неделе исследования согласуется с эмпирическим распределением на второй неделе исследования, т.е. структура удовлетворенности ответами обучающихся сохранилась в течение данного времени? Уровень значимости равен 0,05. <table><tr><th>Курсы</th><th>Число удовлетв. питанием на 1-ой неделе</th><th>Число удовлетв.. питанием на 2-ой неделе</th></tr><tr><td>1</td><td>29</td><td>37</td></tr><tr><td>2</td><td>37</td><td>29</td></tr><tr><td>3</td><td>40</td><td>39</td></tr><tr><td>4</td><td>40</td><td>40</td></tr><tr><td>5</td><td>39</td><td>45</td></tr><tr><td>Магистранты</td><td>50</td><td>40</td></tr><tr><td>Аспиранты</td><td>45</td><td>50</td></tr></table>	Курсы	Число удовлетв. питанием на 1-ой неделе	Число удовлетв.. питанием на 2-ой неделе	1	29	37	2	37	29	3	40	39	4	40	40	5	39	45	Магистранты	50	40	Аспиранты	45	50											
Курсы	Число удовлетв. питанием на 1-ой неделе	Число удовлетв.. питанием на 2-ой неделе																																			
1	29	37																																			
2	37	29																																			
3	40	39																																			
4	40	40																																			
5	39	45																																			
Магистранты	50	40																																			
Аспиранты	45	50																																			
3.2 Непараметрические критерии	22.Критерий Пирсона. Проверка нормальности распределения. 23.Критерий Манна-Уитни. 24.Критерий Колмогорова-Смирнова. 25.Критерий Вилкоксона. 26.Критерий знаков. 27.Критерий Макнамары. 28.Критерий Крускала-Уоллиса. 29. Критерий Фридмана. 30. Критерий Пейджа.	9. При изучении активности студентов на практических занятиях были получены результаты для экспериментальной и контрольной групп, приведенные в таблице. Определить с использованием критерия Колмогорова-Смирнова являются ли значимыми различия между контрольной и экспериментальной группами? <table><tr><th>уровень усвоения</th><th>частота в эксперимент. группе (чел.)</th><th>частота в контрольной группе (чел.)</th></tr><tr><td>хорошо</td><td>107</td><td>95</td></tr><tr><td>приблизительно</td><td>110</td><td>55</td></tr><tr><td>плохой</td><td>50</td><td>129</td></tr><tr><td>объем выборки</td><td>267</td><td>279</td></tr></table> 10. 5 учащихся исследуются по 4 тестам. Являются ли результаты тестирования случайными? Применить критерий Фридмана, $\alpha=0,05$. <table><tr><th></th><th colspan="4">Оценка в баллах</th></tr><tr><th>№ испыт.</th><th>тест А</th><th>тест В</th><th>тест С</th><th>тест D</th></tr><tr><td>1</td><td>2,8</td><td>3,1</td><td>3,5</td><td>3,7</td></tr><tr><td>2</td><td>3,1</td><td>2,6</td><td>2,1</td><td>2,9</td></tr></table>	уровень усвоения	частота в эксперимент. группе (чел.)	частота в контрольной группе (чел.)	хорошо	107	95	приблизительно	110	55	плохой	50	129	объем выборки	267	279		Оценка в баллах				№ испыт.	тест А	тест В	тест С	тест D	1	2,8	3,1	3,5	3,7	2	3,1	2,6	2,1	2,9
уровень усвоения	частота в эксперимент. группе (чел.)	частота в контрольной группе (чел.)																																			
хорошо	107	95																																			
приблизительно	110	55																																			
плохой	50	129																																			
объем выборки	267	279																																			
	Оценка в баллах																																				
№ испыт.	тест А	тест В	тест С	тест D																																	
1	2,8	3,1	3,5	3,7																																	
2	3,1	2,6	2,1	2,9																																	

		<table><tr><td>3</td><td>2</td><td>1,7</td><td>3,9</td><td>3,2</td></tr><tr><td>4</td><td>3,4</td><td>3</td><td>4</td><td>3,1</td></tr><tr><td>5</td><td>2,7</td><td>3,7</td><td>2,1</td><td>2,7</td></tr></table>	3	2	1,7	3,9	3,2	4	3,4	3	4	3,1	5	2,7	3,7	2,1	2,7									
3	2	1,7	3,9	3,2																						
4	3,4	3	4	3,1																						
5	2,7	3,7	2,1	2,7																						
4. Значимость коэффициента корреляции и существенность коэффициента конкордации																										
4.1 Значимость коэффициента корреляции и существенность коэффициента конкордации	31. Проверка гипотезы о равенстве нулю генерального коэффициента корреляции при данном уровне значимости. 32. Значимость коэффициента корреляции. 33. Проверка существенности коэффициента конкордации с использованием критерия χ^2.	11. Можно ли считать связь между результатами ЕГЭ по русскому языку и математикой значимой (данные приведены в таблице)? Используйте t-распределение Стьюдента для определения значимости коэффициента корреляции, $\alpha=0,05$. <table><tr><th>предмет город</th><th>Русский язык (баллы)</th><th>Математика (баллы)</th><th>Физика (баллы)</th></tr><tr><td>Б</td><td>61,34</td><td>59,39</td><td>43,74</td></tr><tr><td>В</td><td>65,00</td><td>61,39</td><td>48,99</td></tr><tr><td>Г</td><td>60,15</td><td>48,81</td><td>39,91</td></tr><tr><td>Д</td><td>59,81</td><td>47,71</td><td>41,51</td></tr><tr><td>Е</td><td>55,01</td><td>51,14</td><td>59,16</td></tr></table> 12. Определить существенность коэффициента конкордации с помощью χ^2-критерия по данным таблицы из предыдущего задания.	предмет город	Русский язык (баллы)	Математика (баллы)	Физика (баллы)	Б	61,34	59,39	43,74	В	65,00	61,39	48,99	Г	60,15	48,81	39,91	Д	59,81	47,71	41,51	Е	55,01	51,14	59,16
предмет город	Русский язык (баллы)	Математика (баллы)	Физика (баллы)																							
Б	61,34	59,39	43,74																							
В	65,00	61,39	48,99																							
Г	60,15	48,81	39,91																							
Д	59,81	47,71	41,51																							
Е	55,01	51,14	59,16																							

Составитель (и): Фомина А.В., доцент каф. МФММ

(фамилия, инициалы и должность преподавателя (ей))