

Подписано электронной подписью:
Вержицкий Данил Григорьевич
Должность: Директор КГПИ ФГБОУ ВО «КемГУ»
Дата и время: 2024-04-24 00:00:00
471086fad29a3b30e244e728abc3661ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436
МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Кемеровский государственный университет»
Кузбасский гуманитарно-педагогический институт

Факультет информатики, математики и экономики
Кафедра математики, физики и математического моделирования

«УТВЕРЖДАЮ»
Декан ФИМЭ
А.В. Фомина
«08» февраля 2024 г.

**Рабочая программа дисциплины
К.М.07.01.04 Теория чисел**

Направление подготовки

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки
«Математика и Информатика»

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника
бакалавр

Форма обучения
Заочная

Год набора 2024

Новокузнецк 2024

Оглавление

1 Цель дисциплины.	3
2. Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.	3
3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.	4
3.1 Учебно-тематический план	4
4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.	5
5. Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины	6
5.1 Учебная литература	6
5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины	7
5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.	7
6 Иные сведения и (или) материалы.	7
6.1.Примерные темы письменных учебных работ.....	7
6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации ..	9

1 Цель дисциплины.

Целью изучения дисциплины является подготовка к преподаванию математики, научной работе в области теории чисел и учебно-методической работе в общеобразовательных учреждениях. Учебное содержание дисциплины базируется на основных понятиях делимости целых чисел (делимое, делитель, частное и остаток), теории колец (идеал кольца, фактор-кольцо, обратимый элемент кольца) и многочленов (степень, корень многочлена, деление многочленов с остатком, теорема Безу и схема Горнера). В ходе изучения дисциплины будет сформирована компетенция **ПК-1** (Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области по профилю "Математика" при решении профессиональных задач).

Формируемые компетенции, индикаторы достижения компетенций, знания, умения, навыки

Таблица 1 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции, закрепленные за дисциплиной	Знания, умения, навыки (ЗУВ), формируемые дисциплиной
ПК-1 Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области по профилю "Математика" при решении профессиональных задач.	ПК-1.1 Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области "Математика" (преподаваемого предмета) ПК-1.2 Умеет осуществлять отбор учебного содержания предметной области "Математика" для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО ПК-1.3 Демонстрирует умение разрабатывать по предметной области "Математика" различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные	Знать: - структуру, состав и дидактические единицы теории чисел как учебного предмета; Уметь: - осуществлять отбор учебного содержания теории чисел для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО; Владеть: - методами, приемами решения задач теории чисел и технологией обучения решению таких задач в школьном курсе математики

2. Объем и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.

Таблица 2 – Объем и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий

Общая трудоёмкость и виды учебной работы по дисциплине, проводимые в разных формах	Объем часов по формам обучения		
	ОФО	ОЗФО	ЗФО
1 Общая трудоёмкость дисциплины			144

2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)			10
Аудиторная работа (всего):			10
в том числе:			
лекции			4
практические занятия, семинары			6
практикумы			
лабораторные работы			
в интерактивной форме			
в электронной форме			
Внеаудиторная работа (всего):			
в том числе, индивидуальная работа обучающихся с преподавателем			
подготовка курсовой работы /контактная работа			
групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем)			
творческая работа (эссе)			
3 Самостоятельная работа обучающихся (всего)			125
4 Промежуточная аттестация обучающегося	Экзамен - 9		

3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

3.1 Учебно-тематический план

Таблица 3 - Учебно-тематический план очной/заочной формы обучения

№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоемкость (всего час.)	Трудоемкость занятий (час.)					Форма текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости	
			ОФО		ЗФО		СРС		
			Аудиторн. занятия	СРС	Аудиторн. занятия	СРС			
лекц.	практ.	лекц.	практ.	СРС					
Семестр 4									
	1. Теория делимости	66				2	4	60	
1	Делимость целых чисел. Наибольший общий делитель. Наименьшее общее кратное	22				1	1	20	Контрольная работа № 1
2	Простые и составные числа	22				1	2	20	Контрольная работа № 1
3	Числовые функции	22					1	20	Контрольная

№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоёмкость (всего часов)	Трудоемкость занятий (час.)						Форма текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости
			ОФО			ЗФО			
			Аудиторные занятия		СРС	Аудиторные занятия		СРС	
			лек.ц.	практ.		лек.ц.	практ.		
Семестр 4									
									работа № 1
	2 Теория сравнений	69				2	2	65	Контрольная работа № 2
1	Числовые сравнения. Классы вычетов	32				1	1	30	Контрольная работа № 2
2	Сравнения с переменной	37				1	1	35	Контрольная работа № 3
	Промежуточная аттестация -	9							экзамен
	ИТОГО по семестру 4	144				4	6	125	

4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 7.

Таблица 4 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

Учебная работа (виды)	Сумма баллов	Виды и результаты учебной работы	Оценка в аттестации	Баллы (17 недель)
Текущая учебная работа в семестре (Посещение занятий по расписанию и выполнение заданий)	60	Лекционные занятия (конспект) (2 занятия)	1 балла посещение 1 лекционного занятия	0 - 7
		Практические занятия (отчет о выполнении лабораторной работы) (3 занятия).	1 балл - посещение 1 практического занятия 3 балла – посещение 1 занятия и существенный вклад на занятии в работу всей группы,	13 - 39
		Контрольные работы (3 работы)	За одну КР от 5 до: 6 балла (выполнено 51 - 65% заданий) 8 балла (выполнено 66 - 85%)	15-30

Учебная работа (виды)	Сумма баллов	Виды и результаты учебной работы	Оценка в аттестации	Баллы (17 недель)
			заданий) 10 баллов (выполнено 86 - 100% заданий)	
Итого по текущей работе в семестре				28 - 76
Промежуточная аттестация (зачет)	40	1 вопрос и 2 задачи	10 балла (ответ на вопрос) 15 баллов (решение одной задачи)	10-40
Итого по промежуточной аттестации (экзамену)				40 баллов
Суммарная оценка по дисциплине: Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации 51 – 100 б.				

5. Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Учебная литература

Основная учебная литература

а) основная учебная литература:

1. Бухштаб, А. А. Теория чисел [Текст] : учебное пособие /А. А. Бухштаб. - Изд. 3-е ; стер. - Санкт- Петербург ; Москва ; Краснодар : Лань, 2008. - 384 с.
2. Виноградов, И. М. Основы теории чисел [Текст] : учебное пособие для вузов /И. М. Виноградов. - Изд. 12 -е; стер. - Санкт-Петербург ; Москва ; Краснодар : Лань, 2009. - 176 с.
3. Данилова Т.В. Теория чисел: Задачи с примерами решений [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Т.В. Данилова: Министерство образования и науки Российской Федерации, Северный (Арктический) федеральный университет имени М.В. Ломоносова. - Электронные текстовые данные. – Архангельск: САФУ, 2015. – 104 с. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=436368>

б) дополнительная учебная литература:

1. Избранные главы алгебры и теории чисел [Электронный ресурс] : учебное пособие для студентов ИФМИЭО / М. П. Тропин ; Новосиб. гос. пед. ун-т. - Электронные текстовые данные. - Новосибирск : НГПУ, 2012. - 89 с. - Режим доступа: <http://icdlib.nspu.ru/catalog/details/icdlib/636/>
2. Веселова, Л. В. Алгебра и теория чисел [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л. В. Веселова, О. Е. Тихонов; Министерство образования и науки РФ ; ФГБОУ ВПО «Казанский национальный исследовательский технологический университет». - Электронные текстовые данные. - Казань :

5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

Теория чисел	614 Учебная аудитория для проведения: - занятий лекционного типа; - занятий семинарского (практического) типа; - групповых и индивидуальных консультаций; - текущего контроля и промежуточной аттестации. Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра, столы, стулья. Оборудование для презентации учебного материала: переносное - ноутбук, экран, проектор. Используемое программное обеспечение: MSWindows (MicrosoftImaginePremium 3 year по сублицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое ПО), Firefox 14 (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО). Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.	654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Metallургов, д. 19
--------------	---	---

5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине

1. Общероссийский математический портал (информационная система) - <http://www.mathnet.ru/>
2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» - <http://www.window.edu.ru>.
3. zbMATH - <https://zbmath.org/> - математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др.

6 Иные сведения и (или) материалы.

6.1. Примерные темы письменных учебных работ

Контрольная работа №1

Вариант (образец)

1. Докажите, что для любых натуральных n , $n^5 + 4n$ делится на 5.

2. Найти НОД и НОК трех чисел двумя способами: с помощью алгоритма Евклида; с помощью канонического разложения чисел: 1023, 1518, 14883.
3. Решите систему в натуральных числах
$$\begin{cases} \frac{x}{y} = \frac{5}{9}, \\ (x, y) = 26. \end{cases}$$
4. Докажите, что если p и $p^2 + 2$ простые, то число $p^3 + 2$ тоже простое.
5. Найдите наименьшее натуральное число, имеющее 10 натуральных делителей.

Контрольная работа №2

Вариант (образец)

1. Найдите m , если $41 \equiv 2 \pmod{m}$.
2. Докажите, что если $\frac{a-5b}{19} \in \mathbb{Z}$, то $\frac{10a+7b}{19} \in \mathbb{Z}$.
3. Пусть \mathbb{Z} - кольцо целых чисел, \mathbb{Z}_{12} – множество классов вычетов по $\text{mod} 12$.
 - а) Составьте таблицы операций \oplus и \otimes классов вычетов по $\text{mod} 12$;
 - б) Найдите элементы, обратные и противоположные для классов $\bar{2}$ и $\bar{3}$.
4. Сколько существует положительных правильных несократимых дробей со знаменателем 200?
5. Дано $\varphi(n) = 1959552$. Найдите n , если $n = 2^\alpha 3^\beta 7^\gamma$.
6. Найдите две последние цифры в десятичном представлении числа 63^{50} .

Контрольная работа №3

Вариант (образец)

1. Решите сравнение двумя способами: способом Эйлера и способом преобразование коэффициентов $92x \equiv 20 \pmod{284}$.
2. Решите систему
$$\begin{cases} 3x \equiv 2 \pmod{13}, \\ 5x \equiv 11 \pmod{16}, \\ 5x \equiv 2 \pmod{9}. \end{cases}$$
3. Сколько потребуется сосудов емкостью 0,5 и 0,8 л для разлива 12 л жидкости так, чтобы все взятые сосуды были наполнены?

4. Приписать справа к числу 523 такие три цифры, чтобы полученное шестизначное число делилось на 7, 8, 9.

6.2 Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

Таблица 5 – Типовые (примерные) контрольные вопросы и задания

Разделы и темы	Примерные теоретические вопросы	Примерные практические задачи
1. Теория делимости		
1.1 Делимость целых чисел. Наибольший общий делитель. Наименьшее общее кратное	1. Отношение делимости в кольце целых чисел и его свойства. 2. Деление с остатком. 3. Наибольший общий делитель. Свойства НОД. 4. Алгоритм Евклида. 5. Вычисление НОД трех и более чисел. 6. Наименьшее общее кратное. Свойства НОК.	1. Найти НОД и НОК трех чисел двумя способами: с помощью алгоритма Евклида; с помощью канонического разложения чисел: 819, 702, 689 2. Найти $(2n + 13, n + 7)$. 3. Сократима ли дробь $\frac{21m + 4}{14m + 3}$? 4. Решите систему в натуральных числах $\begin{cases} (x, y) = 13, \\ [x, y] = 1989. \end{cases}$ 5. Докажите, что для любых натуральных n , $n(n^2 + 5)$ делится на 6.
1.2 Простые и составные числа	7. Простые числа и их свойства. 8. Основная теорема арифметики. 9. Каноническое разложение натурального числа и его применение к нахождению НОД и НОК. 10. Бесконечность множества простых чисел	6. Три простых числа p , q и r , больше 3, образуют арифметическую прогрессию $p=r$, $q=p+d$, $r=p+2d$. Докажите, что d делится на 6. ! 7. Показать, что если простое число больше 5, то его квадрат при делении на 30 должен давать остаток, равный 1 или 19. 8. Найти простое число p , чтобы число $2p^2 + 1$ тоже было простым.
1.3 Числовые функции	11. Число и сумма натуральных делителей натурального числа 12. Целая часть числа	9. Некоторое натуральное число имеет два простых делителя. Его квадрат имеет всего 81 делитель. Сколько делителей имеет куб этого числа? 10. Найти натуральное число, если оно делится на 3 и на 4 и имеет 14 делителей. 11. Найти число вида $2^k 3^l$, если сумма всех его делителей равна

		<p>403.</p> <p>12. Одно число имеет 21 делитель, а другое – 10 делителей. Найти эти числа, если их наибольший делитель равен 18 и никаких простых делителей, кроме 2 и 3, искомые числа не имеют.</p> <p>13. Найти число вида $3p^2$, где p – простое число отличное от 3, если сумма всех его делителей равна 124.</p>
2. Теория чисел		
<p>2.1 Числовые сравнения. Классы вычетов</p>	<p>13. Определение сравнения. Необходимое и достаточное условия сравнимости двух целых чисел и следствие из него.</p> <p>14. Основные свойства сравнений</p> <p>15. Классы по модулю и их основные свойства</p> <p>16. Операции над классами</p> <p>17. Полная система вычетов и ее основные свойства</p> <p>18. Функция Эйлера и ее вычисление</p> <p>19. Приведенная система вычетов и ее основные свойства</p> <p>20. Теоремы Эйлера и Ферма</p>	<p>14. Найдите m, если $41 \equiv 2 \pmod{m}$ Найдите остаток от деления 109^{345} на 14.</p> <p>15. Пусть Z – кольцо целых чисел, Z_{12} – множество классов вычетов по $\text{mod} 12$, Z_{12}^* – подмножество Z_{12}, состоящее из классов вычетов взаимно-простых с модулем.</p> <p>а) Составьте таблицы операций \oplus и \otimes классов вычетов по $\text{mod} 12$;</p> <p>б) Найдите элементы обратные для $\bar{2}$ и $\bar{3}$;</p> <p>16. Замените числа наименьшими по абсолютной величине неположительными вычетами по модулю 16 и дополните их до соответствующей полной системы вычетов. -4226, -583, -37, -11, -9, 181, 1866, 9650.</p> <p>17. Дано $\varphi(n) = 1959552$. Найти n, если $n = 2^\alpha 3^\beta 7^\gamma$.</p> <p>18. Найдите две последние цифры в десятичном представлении числа 63^{50}.</p> <p>19. Тринадцатая степень некоторого однозначного числа имеет цифрой единиц 7. Найти это однозначное число.</p>
<p>2.2 Сравнения с переменной</p>	<p>21. Решение сравнений, содержащих переменную</p> <p>22. Равносильность сравнений, содержащих переменную</p>	<p>20. Решите сравнение двумя способами: способом Эйлера и способом преобразование коэффициентов $15x \equiv 21 \pmod{18}$.</p>

	<p>23. Линейные сравнения и их исследование</p> <p>24. Способы решения линейных сравнений</p> <p>25. Применение линейных сравнений к решению неопределенных уравнений.</p> <p>26. Системы сравнений первой степени</p>	<p>21. Решите систему</p> $\begin{cases} 5x \equiv 9 \pmod{4}, \\ 6x \equiv 13 \pmod{5}, \\ 8x \equiv 9 \pmod{7}. \end{cases}$ <p>22. Сколько комплектов шахмат по 46 рублей и шашек по 19 рублей можно купить на 620 рублей?</p> <p>20. Найдите целые точки прямых $4x-7y=9$, $2x+9y=15$ и $5x-13y=12$, лежащие на одном перпендикуляре к оси абсцисс.</p>
--	--	--

Составитель (и): Осипова Л.А., доцент каф. МФММ

(фамилия, инициалы и должность преподавателя (ей))