

Подписано электронной подписью:  
Вержицкий Данил Григорьевич  
Должность: Директор КТПИ ФГБОУ ВО «КемГУ»  
МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Дата и время: 2024-04-24 00:00:00  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Кемеровский государственный университет»  
Кузбасский гуманитарно-педагогический институт  
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения  
высшего образования  
«Кемеровский государственный университет»  
Факультет информатики, математики и экономики

УТВЕРЖДАЮ  
Декан А.В. Фомина  
9 февраля 2023 г

## **Рабочая программа дисциплины**

### **Б1.О.08 Математика**

Направление

**09.03.03 Прикладная информатика**

Направленность (профиль) подготовки

**Прикладная информатика в экономике**

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника

бакалавр

Форма обучения

Очно-заочная

год набора 2020

Новокузнецк 2023

## Оглавление

1 Цель дисциплины.....	3
1.1 Формируемые компетенции .....	3
1.2 Индикаторы достижения компетенций .....	3
1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине.....	3
2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.....	4
3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины. ....	5
3.1 Учебно-тематический план.....	5
3.2. Содержание занятий по видам учебной работы .....	7
4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации. ....	13
5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины. ....	14
5.1 Учебная литература .....	14
дополнительная учебная литература .....	14
5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины. ....	16
5.2.2 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы. ....	18
6 Иные сведения и (или) материалы. ....	18
6.1. Примерные темы письменных учебных работ .....	18
6.2. Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации .....	21

## 1 Цель дисциплины.

В результате освоения данной дисциплины у обучающегося должна быть сформирована компетенция основной профессиональной образовательной программы академического бакалавриата (далее - ОПОП): ОПК–1.

Содержание компетенций как планируемых результатов обучения по дисциплине см. таблицы 1

### 1.1 Формируемые компетенции

Таблица 1 - Формируемые дисциплиной компетенции

Наименование вида компетенции	Наименование категории (группы) компетенций	Код и название компетенции	
Общепрофессиональная		ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности

### 1.2 Индикаторы достижения компетенций

Таблица 2 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции по ОПОП	Дисциплины и практики, формирующие компетенцию ОПОП
ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК 1.1. Применяет физические законы и положения общетехнических дисциплин для моделирования прикладных и информационных процессов ОПК 1.2 Применяет методы высшей и дискретной математики для моделирования прикладных и информационных процессов ОПК 1.3 Применяет методы теории вероятности и математической статистики для моделирования прикладных и информационных процессов	<b>Б1.О.08 Математика</b> Б1.О.11 Теория вероятностей и математическая статистика Б1.О.12 Дискретная математика  Б1.О.13 Вычислительная математика Б1.О.14 Физика Б1.О.21 Математическое и имитационное моделирование экономических процессов Б2.О.03(У) Учебная практика. Технологическая (проектно-технологическая) практика Б3.01(Д) Выполнение и защита выпускной квалификационной работы

### 1.3 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине

Таблица 3 – Знания, умения, навыки, формируемые дисциплиной

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции, закрепленные за дисциплиной	Знания, умения, навыки (ЗУВ), формируемые дисциплиной
ОПК-1. Способен при-	ОПК 1.2 Применяет мето-	<b>Знать:</b>

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции, закрепленные за дисциплиной	Знания, умения, навыки (ЗУВ), формируемые дисциплиной
менять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ды высшей и дискретной математики для моделирования прикладных и информационных процессов	<ul style="list-style-type: none"> <li>– основные факты, концепции и принципы математического анализа, алгебры и геометрии.</li> </ul> <p><b>Уметь:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– грамотно пользоваться языком математического анализа, алгебры и геометрии;</li> <li>– строго доказывать математические утверждения в области математического анализа, алгебры и геометрии, выделяя главные смысловые аспекты в доказательствах;</li> <li>– применять знания математического анализа, алгебры и геометрии для решения практических задач.</li> </ul> <p><b>Владеть:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– способностью решать профессиональные задачи в исследовательской и прикладной деятельности, используя основы математического анализа, алгебры и геометрии.</li> </ul>

## 2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации.

Таблица 3 – Объем и трудоемкость дисциплины по видам учебных занятий

Общая трудоемкость и виды учебной работы по дисциплине, проводимые в разных формах	Объём часов по формам обучения
	ОЗФО
1 Общая трудоемкость дисциплины	324
2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)	132
Аудиторная работа (всего):	132
в том числе:	
лекции	44
практические занятия, семинары	88
практикумы	
лабораторные работы	
в интерактивной форме	
в электронной форме	
Внеаудиторная работа (всего):	
в том числе, индивидуальная работа обучающихся с преподавателем	

подготовка курсовой работы /контактная работа <sup>1</sup>	
групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем)	
творческая работа (эссе)	
3 Самостоятельная работа обучающихся (всего)	156
4 Промежуточная аттестация обучающегося	1 семестр-зачет 2 семестр-зачет 3 семестр-экзамен 36 ч.

### 3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

#### 3.1 Учебно-тематический план

Таблица 4 - Учебно-тематический план

№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоёмкость (всего час.)	Трудоемкость занятий (час.)						Формы текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости
			ОФО			ОЗФО			
			Аудиторн. занятия		СРС	Аудиторн. занятия		СРС	
			лекц.	практ.		лекц.	практ.		
	<b>1 семестр</b>								
	<b>1. Матричная алгебра</b>								
1	1.1 Матрицы, операции над матрицами	5				1	2	2	Индивидуальное задание
2-3	1.2. Определители, их свойства	7				1	4	2	
4-5	1.3. Обратная матрица. Ранг матрицы	8				1	4	3	
	<b>2. Системы линейных уравнений</b>								
6	2.1. Решение систем $n$ линейных алгебраических уравнений с $n$ неизвестными методом Крамера и с помощью обратной матрицы.	4				1	2	1	Контрольная работа
7-8	2.2. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса	8				2	4	2	
	<b>3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве</b>								
9-10	3.1. Прямая на плоскости. Способы задания. Основные задачи.	8				1	4	3	Индивидуальное задание
11-	3.2 Плоскость.	8				2	4	2	Контрольная работа



№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоёмкость (всего час.)	Трудоёмкость занятий (час.)						Формы текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости
			ОФО			ОЗФО			
			Аудиторн. занятия		СРС	Аудиторн. занятия		СРС	
			лекц.	практ. т.		лекц.	практ. т.		
	<b>1 семестр</b>								
	стация								
	<b>ИТОГО по 2 семестру</b>	108				16	16	76	
	<b>3 семестр</b>								
	<b>1. Функции нескольких переменных</b>								
1-3	1.1. Определение функции двух и более переменных	16				2	6	8	Контрольная работа
4-7	1.2. Производные и дифференциалы функций нескольких переменных	24				4	8	12	
8-9	1.3. Экстремум функции двух переменных	12				2	4	6	Кейс-задание
	<b>2. Ряды</b>								
10-13	2.1. Числовые ряды	24				4	8	12	Контрольная работа
14-17	2.2. Степенные ряды	32				4	10	18	
	Промежуточная аттестация								Экзамен 36 ч
	<b>ИТОГО по 3 семестру</b>	144				18	36	56	
	<b>ИТОГО по дисциплине:</b>	<b>324</b>				<b>44</b>	<b>88</b>	<b>156</b>	<b>36</b>

### 3.2. Содержание занятий по видам учебной работы

Таблица 5– Содержание дисциплины

№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия
	<b>Семестр1</b>	
	<i>Содержание лекционного курса</i>	
1	<b>Матричная алгебра</b>	
1.1	Матрицы, операции над матрицами	Понятие матрицы. Виды матриц. Операции над матрицами. Свойства операций. Транспонирование матриц. Свойства транспонированных матриц.
1.2	Определители, их свойства.	Определители, их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Вычисление определителя. Теорема Лапласа.
1.3	Обратная матрица. Ранг матрицы	Обратная матрица. Теорема о существовании обратной матрицы. Свойства обратных матриц. Элементарные преобразования над матрицами. Ранг матрицы. Линейные комбинации строк и столбцов. Теорема о ранге матрицы.

№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия
2	<b>Системы линейных уравнений</b>	
2.1	Решение систем $n$ линейных алгебраических уравнений с $n$ неизвестными методом Крамера и с помощью обратной матрицы	Линейные уравнения и системы линейных алгебраических уравнений. Решение систем $n$ линейных алгебраических уравнений с $n$ неизвестными по правилу Крамера и с помощью обратной матрицы
2.2	Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса	Решение систем $m$ линейных алгебраических уравнений с $n$ неизвестными методом Гаусса.
3	<b>Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве</b>	
3.1	Прямая на плоскости. Способы задания. Основные задачи.	Прямая на плоскости. Способы задания. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до прямой.
3.2	Плоскость. Способы задания. Основные задачи.	Плоскость. Различные уравнения плоскости. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей.
3.3	Прямая в пространстве. Способы задания. Основные задачи.	Прямая в пространстве. Способы задания. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.
4	<b>Введение в анализ</b>	
4.1.	Предел числовой последовательности и предел функции	Числовые последовательности и их свойства. Предел числовой последовательности. Предел функции. Односторонние пределы. Бесконечно малые величины. Бесконечно большие величины. Основные теоремы о пределах. Замечательные пределы. Неопределенности.
4.2.	Непрерывность функции	Непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции и их классификация. Основные теоремы о непрерывных функциях. Непрерывность элементарных функций.
<i>Содержание практических занятий</i>		
1	<b>Матричная алгебра</b>	
1.1	Операции над матрицами	Операции над матрицами. Транспонирование матриц.
1.2	Вычисление определителей	Вычисление определителей методом Сарруса. Вычисление определителей при помощи теоремы Лапласа.
1.3	Нахождение обратных матриц. Вычисление ранга матрицы	Нахождение обратных матриц. Элементарные преобразования над матрицами. Приведение матрицы к ступенчатому виду. Вычисление ранга матрицы.
2	<b>Системы линейных уравнений</b>	
2.1	Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера и с помощью обратной матрицы.	Линейные уравнения и системы линейных алгебраических уравнений. Решение систем $n$ линейных алгебраических уравнений с $n$ неизвестными по правилу Крамера с помощью обратной матрицы.
2.2	Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.	Решение систем $m$ линейных алгебраических уравнений с $n$ неизвестными методом Гаусса. Решение однородных систем. Фундаментальная система решений.
3	<b>Аналитическая геометрия на плоскости</b>	
3.1	Различные способы задания прямой на плоскости. Нахождение угла между двумя прямыми. Нахождение расстояния от точки до	Различные способы задания прямой на плоскости. Нахождение угла между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых Нахождение расстояния от точки до прямой



№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия
	прямой.	
3.2	Различные способы задания плоскости.	Различные способы задания плоскости: общее уравнение, уравнение плоскости, проходящей через заданную точку перпендикулярно заданному вектору, уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки, уравнение плоскости в отрезках на осях.. Нахождение угла между плоскостями. Условие параллельности и перпендикулярности двух плоскостей.
3.3	Различные способы задания прямой в пространстве.	Различные способы задания прямой в пространстве: общие уравнения прямой, векторное уравнение прямой, канонические, параметрические уравнения прямой, уравнение прямой, проходящей через две заданные точки. Условие параллельности и перпендикулярности прямых.
4	<b>Введение в анализ</b>	
4.1.	Нахождение предела числовой последовательности и предела функции	Предел числовой последовательности и способы его вычисления. Нахождение предела функции. Нахождение односторонних пределов. Бесконечно малые величины. Сравнение бесконечно малых. Бесконечно большие величины. Раскрытие неопределенностей.
4.2.	Исследование функций на непрерывность	Исследование функций на непрерывность. Нахождение точек разрыва функции и их классификация. Непрерывность функции на интервале и на отрезке. Использование свойств функций, непрерывных на отрезке.
	Промежуточная аттестация - зачет	
	<b>Семестр 2</b>	
<i>Содержание лекционного курса</i>		

№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия
1	<b>Дифференциальное исчисление функции одной переменной</b>	
1.1.	Производная	Определение производной. Схема вычисления производной. Основные правила дифференцирования. Производная сложной и обратной функции. Производные основных элементарных функций. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков..
1.2.	Приложения производной	Возрастание и убывание функций. Экстремум функций. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функций и построения их графиков
2	<b>Интегральное исчисление функции одной переменной</b>	
2.1.	Неопределенный интеграл	Первообразная функция и неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Таблица основных интегралов. Непосредственное интегрирование. Метод замены переменной. Метод интегрирования по частям. Интегрирование рациональных дробей.
2.2.	Определенный интеграл и его приложения	Понятие определенного интеграла, его геометрический и экономический смысл. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Теорема о среднем. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле. Несобственные интегралы. Вычисление площадей плоских фигур. Вычисление объема тела вращения.
3	<b>Дифференциальные уравнения</b>	
3.1.	Дифференциальные уравнения 1 порядка	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные уравнения. Уравнение Бернулли.
3.2.	Дифференциальные уравнения 2 порядка	Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
<i>Содержание практических занятий</i>		
1	<b>Дифференциальное исчисление функции одной переменной</b>	
1.1.	Дифференцирование функций	Нахождение производных с использованием таблицы производных и правил дифференцирования. Нахождение производных сложной и обратной функций. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование.
1.2	Приложения производной	Нахождение пределов функций по правилу Лопиталя. Нахождение промежутков возрастания и убывания функций и точек экстремума. Нахождение промежутков выпуклости, вогнутости графика функции и точек перегиба. Асимптоты графика функции. Исследование функций и построения их графиков.
2	<b>Интегральное исчисление функции одной переменной</b>	
2.1	Нахождение неопределенных интегралов	Непосредственное интегрирование. Метод замены переменной. Метод интегрирования по частям. Интегрирование рациональных дробей.
2.2.	Вычисление определенных	Вычисление определенных интегралов по формуле Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям в опреде-

№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия
	интегралов	ленном интеграле. Вычисление несобственных интегралов. Приложения определенного интеграла

№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия
3	<b>Дифференциальные уравнения</b>	
3.1.	Дифференциальные уравнения 1 порядка	Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные уравнения. Уравнение Бернулли.
3.2.	Дифференциальные уравнения 2 порядка	Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами
	Промежуточная аттестация - зачет	
	<b>Семестр 3</b>	
	<i>Содержание лекционного курса</i>	
1	<b>Функции нескольких переменных</b>	
1.1	Определение функции двух и более переменных	Определение функции двух и более переменных. Область определения, график функции двух переменных. Линии уровня.
1.2	Производные и дифференциалы функций нескольких переменных	Частные производные, их геометрический смысл. Производная по направлению и градиент. Дифференцируемость и полный дифференциал функции. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Частные производные второго порядка.
1.3	Экстремум функции двух переменных	Экстремум функции двух переменных. Условный экстремум. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области.
2	<b>Ряды</b>	
2.1	Числовые ряды	Понятие ряда и его сходимости. Эталонные ряды. Свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость.
2.2	Степенные ряды	Область сходимости степенного ряда. Теорема Абеля. Дифференцирование и интегрирование степенных рядов. Ряд Маклорена и ряд Тейлора. Разложение функций в степенные ряды. Применение рядов в приближенных вычислениях.
	<i>Содержание практических занятий</i>	
1	<b>Функции нескольких переменных</b>	
1.1.	Определение функции двух и более переменных	Нахождение области определения функции двух переменных. Построение линий уровня.
1.2.	Производные и дифференциалы функций нескольких переменных	Нахождение частных производных первого и второго порядков. Производная по направлению и градиент. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Дифференцирование сложной функции.
1.3.	Нахождение экстремума функции двух переменных	Нахождение экстремума функции двух переменных. Нахождение условного экстремума. Функция Лагранжа. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции в замкнутой области.

№ п/п	Наименование раздела, темы дисциплины	Содержание занятия
2	<b>Ряды</b>	
2.1.	Исследование на сходимость числовых рядов	Исследование рядов на сходимость при помощи необходимого признака сходимости и признаков сравнения. Исследование рядов на сходимость при помощи признаков Коши и Даламбера. Исследование на сходимость знакочередующиеся рядов.
2.2.	Разложение функций в степенные ряды	Разложение функций в ряд Маклорена. Разложение функций в ряд Тейлора. Применение рядов к приближенным вычислениям.

#### 4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 6.

Таблица 6 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам(БРС)

1 семестр

Учебная работа (виды)	Сумма баллов	Виды и результаты учебной работы	Оценка в аттестации	Баллы (17 недель)
Текущая учебная работа в семестре	<b>80</b>	Индивидуальные задания (2 задания)	За ИЗ от 5 до 10 баллов 5баллов (пороговое значение) 10 баллов (максимальное значение)	10-20
		Контрольные работы (защита контрольной работы) (3 работы)	За одну КР от 10 до 20 баллов 10 баллов (пороговое значение) 20 баллов (максимальное значение)	30 - 60
<b>Итого по текущей работе в семестре</b>				40- 80
Промежуточная аттестация (зачет)	20	Решение задачи 1.	<b>5 баллов</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5 - 10
		Вопрос билета №1	<b>5 баллов</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5 - 10
<b>Итого по промежуточной аттестации (зачету)</b>				10 – 20 б.
<b>Суммарная оценка по дисциплине: Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации</b>				<b>50 – 100 б.</b>

2 семестр

Учебная работа (виды)	Сумма баллов	Виды и результаты учебной работы	Оценка в аттестации	Баллы (17 недель)
Текущая учебная работа в семестре	<b>80</b>	Контрольные работы (защита контрольной работы) (3 работы)	За одну КР от 13до:26 баллов 13 баллов (пороговое значение) 26 баллов (максимальное значение)	40- 80
<b>Итого по текущей работе в семестре</b>				40 - 80
Промежуточная аттестация (зачет)	20	Решение задачи 1.	<b>5 баллов</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5 - 10
		Вопрос билета №1	<b>5 баллов</b> (пороговое значение)	5 - 10

		<b>10 баллов</b> (максимальное значение)	
<b>Итого по промежуточной аттестации (зачету)</b>			10 – 20 б.
<b>Суммарная оценка по дисциплине:</b> Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации			50 – 100 б.

### 3 семестр

Учебная работа (виды)	Сумма баллов	Виды и результаты учебной работы	Оценка в аттестации	Баллы (17 недель)
Текущая учебная работа в семестре	<b>60</b>	Контрольные работы (защита контрольной работы) (2 работы)	За одну КР от 10 до 20 баллов 10 баллов (пороговое значение) 20 баллов (максимальное значение)	20- 40
		Кейс-задание	10 баллов (пороговое значение) 20 баллов (максимальное значение)	10- 20
<b>Итого по текущей работе в семестре</b>				30 - 60
Промежуточная аттестация (экзамен)	40	Решение задачи 1.	<b>5 баллов</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5 - 10
		Решение задачи 2.	<b>5 баллов</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5 - 10
		Вопрос билета №1	<b>5 баллов</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5 - 10
		Вопрос билета №2	<b>5 баллов</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5 - 10
<b>Итого по промежуточной аттестации (экзамену)</b>				20 – 40 б.
<b>Суммарная оценка по дисциплине:</b> Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации				50 – 100 б.

## Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины.

### 5.1 Учебная литература

#### Основная учебная литература

1. Шипачев, В.С. Высшая математика : учебник / В.С. Шипачев. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 479 с. — Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/990716>
2. Кремер, Н.Ш. Высшая математика для экономистов [Электронный ресурс]: Учебник для студентов вузов, обучающихся по экономическим специальностям / Кремер Н.Ш., Путко Б.А., Тришин И.М., - 3-е изд. — Электрон.дан. - М.:ЮНИТИ-ДАНА, 2017. - 479 с. — Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/1028709>

#### дополнительная учебная литература

3. Шершнев В.Г. Математический анализ [Электронный ресурс]: сборник задач с решениями: Учебное пособие / В.Г. Шершнев. - Электрон.текстовые дан - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2013. - 164 с. – Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=342088>
4. Шершнев, В.Г. Основы линейной алгебры и аналитической геометрии [Электронный ресурс]: учебн. пособие / В.Г. Шершнев – Электрон. текстовые дан. – Москва : ИНФРА-М, 2014. – 168 с. – Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=318084>
5. Ячменёв, Л. Т. Высшая математика [Электронный ресурс]: учебник / Л. Т. Ячменёв. - Электронные текстовые данные. - Москва : РИОР : Инфра-М, 2013. – 752 с. - Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=344777>
6. Кундышева, Е.С. Математика: Учебник для экономистов. [Электронный ресурс] : учеб. — Электрон.дан. — М. : Дашков и К, 2015. — 564 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/72390>
7. Математический анализ. Теория и практика [Электронный ресурс] : Учебное пособие / Шипачев В.С., - 3-е изд. - Электрон.текстовые дан - М.:НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 351 с. – Ре-

жим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=469727>

8. Малыхин, В.И. Высшая математика: Учебное пособие / В.И. Малыхин. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: ИНФРА-М, 2006. - 365 с. — Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/114124>
9. Наливайко, Л.В. Математика для экономистов. Сборник заданий. [Электронный ресурс] : учеб.пособие / Л.В. Наливайко, Н.В. Ивашина, Ю.Д. Шмидт. — Электрон.дан. — СПб. : Лань, 2011. — 432 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/662>
10. Высшая математика. Практикум : учеб. пособие / И.Г. Лурье, Т.П. Фунтикова. — Москва : Вузовский учебник : ИНФРА-М, 2018. — 160 с. — Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/935333>
11. Бортаковский, А.С. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Практикум [Электронный ресурс]: учебн. пособие / А.С. Бортаковский, А.В. Пантелеев – Электрон.текстовые дан. – Москва : ИНФРА-М, 2015. – 352 с. – Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/476097>
12. Ячменёв, Л. Т. Высшая математика [Электронный ресурс]: учебник / Л. Т. Ячменёв. - Электронные текстовые данные. - Москва : РИОР : Инфра-М, 2013. – 752 с. - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/344777>
13. Зими́на, О. В. Высшая математика [Электронный ресурс] : учебное пособие / О. В. Зими́на, А. И. Кириллов, Т. А. Сальникова ; под ред. А. И. Кириллова. — Электронные текстовые данные. – Москва :Физматлит, 2006. – 368 с. - Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/59344>

## Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.

Учебные занятия по дисциплине проводятся в учебных аудиториях НФИ КемГУ:

Таблица 7 – Материально-техническое и программное обеспечение аудиторных занятий и самостоятельной работы

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы	Перечень основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом
404 Учебная аудитория для проведения: - занятий лекционного типа; - групповых и индивидуальных консультаций;	Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра, столы, стулья. Оборудование: переносное - ноутбук, кран, проектор. Используемое программное обеспечение: MSWindows (Microsoft Imagine Premium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО). Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.	654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Металлургов, д. 19
715 Учебная аудитория для проведения: - занятий лекционного типа:	Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра, столы, стулья. Оборудование для презентации учебного материала: переносное - ноутбук, экран, проектор. Используемое программное обеспечение: MSWindows (Microsoft Imagine Premium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое ПО), Firefox 14 (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО). Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.	654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Металлургов, д. 19



<p>616 Учебная аудитория для проведения:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- занятий лекционного типа;</li> <li>- занятий семинарского (практического) типа;</li> <li>- групповых и индивидуальных консультаций;</li> <li>- текущего контроля и промежуточной аттестации.</li> </ul>	<p>Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра, столы, стулья.</p> <p>Оборудование для презентации учебного материала: переносное - ноутбук, экран, проектор.</p> <p>Используемое программное обеспечение: MSWindows (Microsoft Imagine Premium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое ПО), Firefox 14 (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО).</p> <p>Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.</p>	<p>654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Металлургов, д. 19</p>
<p>617 Учебная аудитория для проведения:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- занятий семинарского (практического) типа;</li> <li>- групповых и индивидуальных консультаций;</li> <li>- текущего контроля и промежуточной аттестации.</li> </ul>	<p>Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра, столы, стулья.</p> <p>Оборудование для презентации учебного материала: переносное - ноутбук, экран, проектор.</p> <p>Используемое программное обеспечение: MSWindows (Microsoft Imagine Premium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое ПО), Firefox 14 (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО).</p> <p>Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.</p>	<p>654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Металлургов, д. 19</p>
<p>716 Учебная аудитория для проведения:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- занятий семинарского (практического) типа;</li> <li>- групповых и индивидуальных консультаций;</li> <li>- текущего контроля и промежуточной аттестации.</li> </ul>	<p>Специализированная (учебная) мебель: доска меловая, кафедра, столы, стулья.</p> <p>Оборудование для презентации учебного материала: переносные - ноутбук, экран, проектор.</p> <p>Используемое программное обеспечение: MSWindows (Microsoft Imagine Premium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), FoxitReader (свободно распространяемое ПО), Firefox 14 (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО).</p> <p>Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.</p>	<p>654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Металлургов, д. 19</p>

## Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

1. Общероссийский математический портал (информационная система) <http://www.mathnet.ru/>
2. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU – крупнейший российский информационный портал в области науки, технологии, ме-дицины и образования, содержащий рефераты и полные тексты - [www.elibrary.ru](http://www.elibrary.ru)
3. Единое окно доступа к образовательным ресурсам - <http://window.edu.ru/>

### 6 Иные сведения и (или) материалы.

#### 6.1.Примерные темы письменных учебных работ

##### 6.1.1. Индивидуальное задание по теме «Матричная алгебра»

1. Вычислить определитель:
2. Доказать тождество:

$$\begin{vmatrix} -2 & -5 & -1 & 3 \\ 2 & -5 & 9 & 1 \\ 3 & -1 & 5 & -5 \\ 2 & 18 & -7 & -10 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = (b-a)(c-a)(c-b).$$

3. Найти значение многочлена  $f(x)$  от матрицы  $A$ :

$$f(x) = 3x^2 - 2x + 5, A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & -4 & 1 \\ 3 & -5 & 2 \end{pmatrix}.$$

4. Решить матричное уравнение. Сделать проверку.

$$\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

5. Найти ранг матрицы  $A$ :

$$A = \begin{pmatrix} 5 & -1 & 4 & 2 & 1 \\ -1 & 2 & 1 & 5 & 6 \\ 3 & -5 & 2 & -8 & -11 \\ 2 & 4 & 2 & 10 & 12 \end{pmatrix}$$

##### 6.1.2. Контрольная работа по теме «Системы линейных уравнений»

1. Решить систему линейных уравнений:  
а) методом Крамера;  
б) методом Гаусса;  
в) при помощи обратной матрицы.
2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.  
Найти общее решение, частное, сделать проверку.

$$\begin{cases} 3X_1 + 2X_2 + X_3 = 5, \\ 2X_1 + 3X_2 + X_3 = 1, \\ 2X_1 + X_2 + 3X_3 = 11. \end{cases} \begin{cases} 2X_1 - X_2 + 3X_3 - X_4 + X_5 = 3 \\ 3X_1 + 4X_2 - X_3 + 4X_4 = 2 \\ X_1 + 5X_2 - 4X_3 + 5X_4 - X_5 = -1 \\ 4X_1 + 9X_2 - 5X_3 + 9X_4 - X_5 = 1 \end{cases}$$

### 6.1.3. Индивидуальное задание по теме «Аналитическая геометрия на плоскости»

1. Уравнение одной из сторон квадрата  $x+3y-5=0$ . Составить уравнения трех остальных сторон квадрата, если  $(-1;0)$  – точка пересечения его диагоналей.
2. Даны уравнения одной из сторон ромба  $2x+y-5=0$  и одной из его диагоналей  $y-1=0$ . Диагонали ромба пересекаются в точке  $(3;1)$ . Найти уравнения остальных сторон ромба.
3. Уравнения двух сторон параллелограмма  $x+2y+2=0$  и  $x+y=0$ , а уравнение одной из его диагоналей  $x+2=0$ . Найти координаты вершин параллелограмма.
4. Даны две вершины  $A(-3, 3)$  и  $B(5, -1)$  и точка  $D(4, 3)$  пересечения высот треугольника. Составить уравнения его сторон.
5. Даны вершины  $A(1, 1)$ ,  $B(2, 3)$ ,  $C(4, 1)$  трапеции  $ABCD$  ( $AD \parallel BC$ ). Известно, что диагонали трапеции взаимно перпендикулярны. Найти координаты вершины  $D$  этой трапеции.

### 6.1.4. Контрольная работа по теме «Аналитическая геометрия в пространстве»

Даны координаты вершин пирамиды  $A_1(4, 2, 5)$ ,  $A_2(0, 7, 2)$ ,  $A_3(0, 2, 7)$ ,  $A_4(1, 5, 0)$ .  
 Найти: а) длину ребра  $A_1A_2$ ; б) площадь грани  $A_1A_2A_3$ ; в) объём пирамиды; г) уравнение плоскости  $A_1A_2A_3$ ; д) угол между ребром  $A_1A_4$  и гранью  $A_1A_2A_3$ ; е) уравнение высоты, опущенной из вершины  $A_4$  на грань  $A_1A_2A_3$ ; ж) длину высоты, опущенной из вершины  $A_4$  на грань  $A_1A_2A_3$ .

### 6.1.5. Контрольная работа по теме «Предел. Непрерывность»

Найти пределы: а)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-2}{x^2-3x+2}$ ; б)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^3-5x}{1-3x^3}$ ; в)  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin x - \cos x}{\cos 2x}$ ;

г)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+1}{x+3} \right)^{3x}$

Исследовать функции на непрерывность: а)  $y = \frac{-1}{x^2-4}$  б)  $y = \begin{cases} x^2, & x \geq 2 \\ -x, & x < 2 \end{cases}$

в)  $y = \frac{\sqrt[3]{2-x}}{x^2+5} + 2^{-x}$

### 6.1.6. Контрольная работа по теме «Дифференциальное исчисление»

Исследовать методами дифференциального исчисления следующие функции и, используя результаты исследования, построить их графики.

1)  $y = \frac{x^2-2x+2}{x-1}$ ; 2)  $y = e^{2x-x^2}$ .

### 6.1.7. Контрольная работа по теме «Интегральное исчисление функции одной переменной»

I. Найти интегралы:

1)  $\int (2 - 4x) \sin 2x dx$ ; 2)  $\int \frac{(\arccos x)^2 - 1}{\sqrt{1-x^2}} dx$ ; 3)  $\int \frac{x+2}{x^2+x+3} dx$ ; 4)  $\int \frac{2x^2-3x-1}{(x-4)(x-3)x} dx$ ;

II. Вычислить:

1.  $\int_0^4 \frac{x-1}{\sqrt{x+1}} dx$ . 2.  $\int_0^{\infty} e^{-\sqrt{x}} dx$ .

III. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями:

$y = x^2 + 1$ ,  $y = \frac{1}{2}x^2$ ,  $y = 5$ .

IV. Найти объем тела, полученного при вращении фигуры, ограниченной линиями:

$x = y^2$ ,  $x = 1$ ,  $y = 0$ . (OX, OY).

### 6.1.8. Контрольная работа по теме «Дифференциальные уравнения»

Решить уравнения:

1.  $xyy' = 1 - x^2$ .

6.  $y' - y \sin x = y^2 e^{\cos x}$ .

10.  $y'' - 4y' + 13y = 0$ .

2.  $xy' + y = y^2$ ,  $y(1) = \frac{1}{2}$ .

7.  $y'' = \frac{1}{\sin^2 x}$ .

11.  $y'' - 4y' + 3y = 2e^{3x}$ .

3.  $(xy^2 + x)dx + (x^2y - y)dy = 0$ ,  $y(0) = 1$ . 12.  $y'' + y = 4 \sin 2x$ .

4.  $y' = -\frac{x+y}{x}$ .

8.  $y'' + 2yy' = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = -4$ .

5.  $y' - \frac{y}{x} = \frac{x+1}{x}$ .

9.  $y'' - 2y' - 3y = 0$ .

### 6.1.9. Контрольная работа по теме «Функции нескольких переменных»

1. Найти наибольшее и наименьшее значения функции  $z = f(x, y)$  в замкнутой области  $D$ , заданной системой неравенств.

$z = x^2 + y^2 - 9xy + 27$ ;  $3 \geq x \geq 0$ ,  $3 \geq y \geq 0$ .

2. Экспериментально получены пять значений искомой функции  $y = f(x)$  при пяти значениях аргумента, которые записаны в таблице. Методом наименьших квадратов найти функцию  $y = f(x)$  в виде  $y = ax + b$ .

x	1	2	3	4	5
y	4,3	5,3	3,8	1,8	2,3

### 6.1.10. Кейс-задание по теме «Экстремум функции двух переменных»

В процессе производства используются два вида ресурсов: капитал  $K$  и труд  $L$ . Функция выпуска имеет вид  $Q = 60 - 3K - 4L$  на аренду фондов (капитала) и оплату труда выделено 60 у.е., стоимость аренды единицы фондов равна 3 у.е., ставка заработной платы 4 у.е. При каком значении  $K$  достигается наибольший объем выпуска?

### 6.1.11. Контрольная работа по теме «Числовые, степенные ряды»

1. Исследовать сходимость рядов:

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln n}{n\sqrt{n^3+1}}$ ; b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{3n-1}{4n+1}\right)^{n^2/2}$ ; c)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^n}{n! \cdot 3^n}$ ; d)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{n^2}-1}{1-\cos \frac{1}{n}}$ ; e)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(n^3+4)$ .

2. Найти область сходимости функционального ряда.

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(x+n)^{-1/5}}$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^n}{n} x^{2n} \sin(x+\pi n)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n (x-3)^n}{(n+1)5^n}$$

## 6.2. Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации

Таблица 8 - Примерные теоретические вопросы и практические задания к зачету/экзамену

### Семестр 1

Разделы и темы	Примерные теоретические вопросы	Примерные практические задания
<b>1. Матричная алгебра</b>		
1.1 Матрицы, операции над матрицами	1. Матрицы, виды матриц 2. Операции над матрицами.	1. Найти матрицу $D=ABC-3E$ , где $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 3 \end{pmatrix}$ , $B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ , $C=(2 \ 0 \ 5)$ , $E$ —единичная матрица. 2. Найти значение многочлена $f(x)$ от матрицы $A$ : $f(x) = 3x^2 - 2x + 5$ , $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & -4 & 1 \\ 3 & -5 & 2 \end{pmatrix}$ .

1.2. Определители, их свойства.	3. Свойства определителей. 4. Вычисление определителей.	3. Вычислить определитель матрицы А $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & -4 & 1 \\ 3 & -5 & 2 \end{pmatrix}$ 4. Вычислить определитель: $\begin{vmatrix} -2 & -5 & -1 & 3 \\ 2 & -5 & 9 & 1 \\ 3 & -1 & 5 & -5 \\ 2 & 18 & -7 & -10 \end{vmatrix}$
1.3. Обратная матрица. Ранг матрицы	5 Обратная матрица. Теорема о существовании обратной матрицы. 6 Элементарные преобразования матрицы. Ранг матрицы, его вычисление.	5. Найти матрицу $B=11 \cdot (A-1)/+A/$ , $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & -4 & 1 \\ 3 & -5 & 2 \end{pmatrix}$ 6. Найти ранг матрицы А: $\begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 & 0 \\ 3 & -1 & 5 & 4 \\ 2 & -4 & 7 & 4 \\ 3 & -1 & 5 & 4 \end{pmatrix}$
<b>2. Системы линейных уравнений</b>		
2.1. Решение систем n линейных алгебраических уравнений с n неизвестными методом Крамера.	7 Системы линейных алгебраических уравнений. 8 Решение систем линейных уравнений методом Крамера.	7. Решить систему линейных уравнений методом Крамера. $\begin{cases} X_1 + X_2 + 2X_3 = -1, \\ 2X_1 - X_2 + 2X_3 = -4, \\ 4X_1 + X_2 + 4X_3 = -2. \end{cases}$ 8. $\begin{cases} X_1 - 2X_2 + 3X_3 = 6, \\ 2X_1 + 3X_2 - 4X_3 = 20, \\ 3X_1 - 2X_2 - 5X_3 = 6. \end{cases}$
2. 2. Решение систем линейных алгебраических уравнений и матричных уравнений с помощью обратной матрицы.	9 Решение систем линейных уравнений с помощью обратной матрицы. 10 Решение матричных уравнений	9. Решить систему линейных уравнений с помощью обратной матрицы. $\begin{cases} X_1 - 2X_2 + 3X_3 = 6, \\ 2X_1 + 3X_2 - 4X_3 = 20, \\ 3X_1 - 2X_2 - 5X_3 = 6. \end{cases}$ 10. Решить матричное уравнение. Сделать проверку. $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$
2.3. Решение систем m линейных алгебраических уравнений с n неизвестными методом Гаусса.	11 Решение систем линейных уравнений методом Гаусса. 12 Однородные системы линейных уравнений.	13. Решить систему методом Гаусса, найти общее решение. частное, сделать проверку. $\begin{cases} X_1 + 2X_2 - 3X_3 + X_4 - 3X_5 = 2, \\ 2X_1 - X_2 + X_3 - 4X_4 + X_5 = 1, \\ 3X_1 + X_2 - 2X_3 - 3X_4 - 2X_5 = 3. \end{cases}$

<b>3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве</b>		
<p>3.1. Прямая на плоскости. Способы задания. Основные задачи</p>	<p>13 Уравнение прямой с угловым коэффициентом, общее уравнение прямой, уравнение прямой, проходящей через одну и две заданные точки.</p> <p>14 Угол между двумя прямыми на плоскости. Условие параллельности и перпендикулярности двух прямых.</p>	<p>14. Написать уравнения прямых, проходящих через начало координат под углом <math>45^\circ</math> к прямой <math>y = 4 - 2x</math>.</p> <p>15. Среди прямых найти параллельные и перпендикулярные.  а) <math>x - 2y + 3 = 0</math>;  б) <math>-2x + 4y + 5 = 0</math>;  в) <math>-2x + y - 3 = 0</math>;</p>
<p>3.2. Плоскость. Различные уравнения плоскости. Угол между плоскостями. Условие параллельности и перпендикулярности двух плоскостей.</p>	<p>15 Общее уравнение плоскости. Уравнения плоскости, проходящей через одну и три заданные точки. Уравнение плоскости в отрезках на осях.</p> <p>16 Угол между плоскостями. Условие параллельности и перпендикулярности двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.</p>	<p>16. Найти уравнение плоскости, проходящей через начало координат и через точки <math>P(4; -2; 1)</math> и <math>Q(2; 4; -3)</math>.</p> <p>17. Написать уравнение плоскости, проходящей через точку <math>M(2; 2; -2)</math> и параллельной плоскости <math>x - 2y - 3z = 0</math></p> <p>18. Найти угол между плоскостями <math>x - 2y - 3z = 0</math> и <math>2x - 4y + 5z - 1 = 0</math></p>
<p>3.3. Прямая в пространстве. Способы задания. Условие параллельности и перпендикулярности прямых.</p>	<p>17 Общие уравнения прямой линии в пространстве. Векторное, параметрические и канонические уравнения прямой.</p> <p>18 Угол между двумя прямыми в пространстве. Условие параллельности и перпендикулярности прямых.</p>	<p>19. Уравнения прямой <math>\begin{cases} 2x + y + 8z - 16 = 0 \\ x - 2y - z + 2 = 0 \end{cases}</math> написать в канонической форме.</p> <p>20. Найти угол прямой <math>\begin{cases} y + 2z - 1 = 0 \\ x - 2z + 1 = 0 \end{cases}</math> с прямой, проходящей через начало координат и через точку <math>M(2; 2; -2)</math>.</p>
<b>4. Введение в анализ</b>		
<p>4.1. Предел числовой последовательности и предел функции</p>	<p>19 Числовая последовательность и ее предел.</p> <p>20 Предел функции. Основные теоремы о пределах.</p> <p>21 Бесконечно малые и бесконечно большие величины, их свойства.</p>	<p>21. Найти пределы:</p> $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - x - 6}{x - 3}$ $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 + 2x - 1}{5x^3 - x^2 + 4x + 3}$ $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( 1 + \frac{1}{x^2} \right)^{3x^2}$ $\lim_{x \rightarrow \infty} \left[ \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \dots + \frac{1}{n \cdot (n + 1)} \right]$

4.2. Непрерывность функции	22 Непрерывность функции в точке и на множестве. 23 Точки разрыва функции.	22. Исследовать функции на непрерывность: $f(x) = \begin{cases} x + 4, & x < -1 \\ x^2 + 2, & -1 \leq x \leq 1 \\ 2x, & x \geq 1 \end{cases}$ 23. Исследовать на непрерывность функцию и определить тип точек разрыва, если они есть $y = \frac{\sqrt[3]{2-x}}{x^2+5} + 2^{-x} \quad y = \frac{1}{x^2-3x+2}$
Промежуточная аттестация - зачет		
<b>Семестр 2</b>		
<b>1. Дифференциальное исчисление функции одной переменной</b>		
1.1. Производная	1 Определение производной в точке. Геометрический смысл производной. 2 Производная суммы, произведения, частного двух функций. 3 Производная сложной функции, неявной функции, степенно-показательной функции.	1. В какой точке параболы $y = x^2 - 2x + 5$ нужно провести касательную, чтобы она была перпендикулярна биссектрисе первого координатного угла. 2. Найти производные функции: $y = \sqrt[3]{x^2} \cdot x^3;$ $y = tg^5 \frac{x}{5};$ $y = 2^{\sin x} \cdot \sqrt{\sin x}$ $y = (\sin x)^x$
1.2. Приложения производной	4 Признаки возрастания и убывания функции. 5 Экстремум функции. Необходимое условие, достаточные условия экстремума функции. 6 Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба. 7 Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции.	3. Исследовать на монотонность и найти точки экстремума функции: $y = \frac{x}{1-x^2};$ $y = \frac{x^2 - 2x + 2}{x-1};$ 4. Исследовать на выпуклость, вогнутость и найти точки перегиба функции: $y = \frac{x}{1-x^2};$ 5. Исследовать методами дифференциального исчисления следующие функции и, используя результаты исследования, построить их графики: $y = \frac{x}{1-x^2}; \quad y = e^{\frac{1}{1-x}}$
<b>2. Интегральное исчисление функции одной переменной</b>		
2.1. Неопределенный интеграл	8 Первообразная функции и неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Непосредственное интегрирование. 9 Метод замены переменной, интегриро-	6. Найти интегралы: $\int \frac{x^3 + 2x - 3\sqrt{x}}{\sqrt[3]{x^2}} dx$ $\int \frac{1 - \cos x}{(x - \sin x)^2} dx$ $\int (3x + 4)e^{3x} dx$



	вание по частям. 10 Интегрирование рациональных дробей.	$\int \frac{x+2}{x^2+x+3} dx$ $\int \frac{2x^2-3x-1}{(x-4)(x-3)x} dx$
2.2. Определенный интеграл и его приложения	11 Определенный интеграл, его геометрический смысл. Свойства определенного интеграла. 12 Формула Ньютона-Лейбница. 13 Площадь плоской фигуры. 14 Объем тела вращения.	7. Вычислить: $\int_0^4 \frac{x-1}{\sqrt{x+1}} dx; \quad \int_4^5 x^2 \cdot \sqrt{1-x^3} dx;$ $\int_0^{\ln 2} \sqrt{e^x-1} dx;$ 8. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2 + 1, y = \frac{1}{2}x^2, y = 5.$ 9. Найти объем тела, полученного при вращении фигуры, ограниченной линиями: $x = y^2, x = 1, y = 0.$ (OX, OY).
<b>3. Дифференциальные уравнения</b>		
3.1. Дифференциальные уравнения 1 порядка	15 Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. 16 Однородные дифференциальные уравнения первого порядка. 17 Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.	10. Решить дифференциальные уравнения: $(x+2y)dx - xdy = 0$ $(x+y)dx + (y-x)dy = 0$ $xydx + (x+1)dy = 0$ $xуу' = 1 - x^2$
3.2. Дифференциальные уравнения 2 порядка	18 Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка. 19 Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.	11. Решить дифференциальные уравнения: $y'' - 4y' + 3y = 0$ $y'' - 4y' + 4y = 0$ $y'' - y' + 3y = 0$ $y'' - y' + 3y = e^x$
Промежуточная аттестация - зачет		
<b>Семестр 3</b>		
<b>1. Функции нескольких переменных</b>		
1.1. Определение функции двух и более переменных	1 Определение функции двух и более переменных. 2 Геометрическое изображение функции двух переменных.	1. Найти область определения функций $z = x^2 + y^2 - 9xy + 27;$ $z = x^2 + 2y^2 + 1;$ $z = \ln(x - y)$ $z = \sqrt{4 - x^2 - y^2}$

		2. Построить линии уровня функции: $z = \sqrt{4 - x^2 - y^2}$
1.2. Производные и дифференциалы функций нескольких переменных	3 Частные производные, их геометрический смысл. 4 Производная по направлению. Градиент.	3. Найти частные производные первого и второго порядков $z = x^2 + y^2 - 9xy + 27$ ; $z = x^2 + 2y^2 + 1$ ; 4. Найти производные следующих функций в точке $M$ в направлении вектора $\vec{n}$ . $u(x, y, z) = x^2 + y^2 - z^2$ , $M(1, -1, 2)$ , $\vec{n} = (1, 2, -2)$
1.3. Экстремум функции двух переменных	5 Экстремум функции двух переменных. 6 Условный экстремум.	5. Найти экстремумы следующих функций: $z = y^2 - x^2 + xy - 2x - 6y$ $z = y\sqrt{x} - y^2 - x + 6y$ 6. Исследовать функции на условный экстремум: $z = \frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ ; при $x+y=2$ ; $z = x - y$ ; при $x^2+y^2=1$ ;
<b>2. Ряды</b>		
2.1. Числовые ряды	7 Необходимый признак сходимости числового ряда. 8 Достаточные признаки сходимости положительных рядов: 9 Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.	7. Для ряда $a_1 + a_2 + \dots$ , определить его общий член $a_n$ и записать ряд в виде $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ $\frac{1}{3} - \frac{1 \cdot 2}{3^2 \cdot 2} + \frac{1 \cdot 2 \cdot 3}{3^3 \cdot 3} - \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4}{3^4 \cdot 4} + \dots$ 8. Исследовать сходимость ряда: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^2(n^2+4)}}$ $\sum_{n=1}^{\infty} (n^3 + 4n) \cdot e^{-(n+3)}$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3^n} \left( \frac{n}{n+1} \right)^{-n^2}$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{-\sqrt{n}}}{\sqrt{n}}$

2.2. Степенные ряды	<p>10 Степенные ряды. Радиус сходимости степенного ряда.</p> <p>11 Разложение функций в ряды Маклорена и Тейлора.</p> <p>12 Применение степенных рядов к приближенным вычислениям.</p>	<p>9. Найти область сходимости функционального ряда.</p> $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(x+n)^{-1/5}}$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^n}{n} x^{2n} \sin(x + \pi n)$ <p>10. Разложить в ряд Маклорена функцию <math>f(x) = \cos 5x</math>. Указать область сходимости полученного ряда.</p> <p>11. Вычислить интеграл с точностью до 0,001.</p> $\int_0^{0,1} e^{-6x^2} dx$
Промежуточная аттестация - экзамен		

Составитель: Гридина В.Б., доцент кафедры математики, физики и математического моделирования