

Подписано электронной подписью:  
Вержицкий Данил Григорьевич  
Должность: Директор КГПИ ФГБОУ ВО «КемГУ»  
Дата и время: 2024-04-24 00:00:00  
471086fad29a3b30e244c728abc3661ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Кузбасский гуманитарно-педагогический институт  
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения  
высшего образования  
«Кемеровский государственный университет»

Факультет информатики, математики и экономики

УТВЕРЖДАЮ  
Декан А.В. Фомина  
«09» февраля 2023 г.

**Рабочая программа дисциплины**  
**К.М.05.02 Прикладная статистика и анализ данных**

Направление подготовки  
**01.03.02 Прикладная математика и информатика**

Направленность (профиль) подготовки  
**ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫЙ АНАЛИЗ ДАННЫХ**

Программа бакалавриата

Квалификация выпускника  
*бакалавр*

Форма обучения  
*Очная*

Год набора 2022

Новокузнецк 2023

## Оглавление

1 Цель дисциплины .....	3
1.1 Формируемые компетенции.....	3
1.2 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине .....	3
2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий. Формы промежуточной аттестации. ....	4
3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.....	4
3.1 Учебно-тематический план .....	4
3.2. Содержание занятий по видам учебной работы.....	5
4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.....	6
5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины .....	7
5.1 Учебная литература .....	7
5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.....	8
5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.....	8
6 Иные сведения и (или) материалы.....	9
6.1. Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации .....	9

## 1 Цель дисциплины.

В результате освоения данной дисциплины у обучающегося должны быть сформированы компетенции основной профессиональной образовательной программы бакалавриата (далее - ОПОП): ОПК-3.

Содержание компетенций как планируемых результатов обучения по дисциплине см. таблицы 1 и 2.

### 1.1 Формируемые компетенции

Таблица 1 - Формируемые дисциплиной компетенции

Наименование вида компетенции (универсальная, общепрофессиональная, профессиональная)	Наименование категории (группы) компетенций	Код и название компетенции
общепрофессиональная		ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности

Индикаторы достижения компетенций

Таблица 2 – Индикаторы достижения компетенций, формируемые дисциплиной

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции по ОПОП	Дисциплины и практики, формирующие компетенцию ОПОП
ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	3.1 Применяет типовые математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности 3.2 Адаптирует математические модели к конкретным профессиональным задачам 3.3 Производит модификации математических моделей	К.М.05.01 Случайные процессы и имитационное моделирование <b>К.М.05.02 Прикладная статистика и анализ данных</b> К.М.05.07 Основы математического моделирования К.М.09.02(У) Научно-исследовательская работа (получение первичных навыков научно-исследовательской работы) К.М.09.05(Н) Научно-исследовательская работа

### 1.2 Знания, умения, навыки (ЗУВ) по дисциплине

Таблица 3 – Знания, умения, навыки, формируемые дисциплиной

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции, закрепленные за дисциплиной	Знания, умения, навыки (ЗУВ), формируемые дисциплиной
ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	3.1 Применяет типовые математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности 3.2 Адаптирует математические модели к конкретным профессиональным	<b>Знать:</b> – Типовые математические модели при для решения прикладных задач математической статистики в профессиональной области. <b>Уметь:</b> – Применять математические модели при для решения прикладных задач математической статистики в

Код и название компетенции	Индикаторы достижения компетенции, закреплённые за дисциплиной	Знания, умения, навыки (ЗУВ), формируемые дисциплиной
	задачам	профессиональной области. – Адаптировать математические модели прикладных задач математической статистики к конкретным профессиональным задачам. – выбирать и применять математические модели прикладной статистики необходимые для решения профессиональных задач <b>Владеть:</b> – Методами прикладной математической статистики для проектирования типовых математических моделей для решения задач в профессиональной области.

## 2 Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий.

### Формы промежуточной аттестации.

Таблица 4 – Объём и трудоёмкость дисциплины по видам учебных занятий

Общая трудоёмкость и виды учебной работы по дисциплине, проводимые в разных формах	Объём часов по формам обучения
	ОФО
1 Общая трудоёмкость дисциплины	144
2 Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)	70
Аудиторная работа (всего):	70
в том числе:	
лекции	36
практические занятия, семинары	34
Внеаудиторная работа (всего):	
3 Самостоятельная работа обучающихся (всего)	74
4 Промежуточная аттестация обучающегося - зачет с оценкой (4 семестр)	

## 3. Учебно-тематический план и содержание дисциплины.

### 3.1 Учебно-тематический план

Таблица 5 - Учебно-тематический план очной формы обучения

№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоёмкость (всего час.)	Трудоёмкость занятий (час.)			Формы текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости
			ОФО			
			Аудиторн. занятия		СРС	
			лекц.	практ.		
<b>Семестр 4</b>						
1	Статистические гипотезы	22	8	6	8	Лабораторная работа 1,2

№ недели п/п	Разделы и темы дисциплины по занятиям	Общая трудоёмкость (всего час.)	Трудоёмкость занятий (час.)			Формы текущего контроля и промежуточной аттестации успеваемости
			ОФО			
			Аудиторн. занятия		СРС	
			лекц.	практ.		
2	Дисперсионный анализ	16	4	4	8	Лабораторная работа 3,4
3	Непараметрические критерии проверки статистических гипотез	30	8	6	16	Лабораторная работа 5,6
4	Многомерный регрессионный анализ	22	4	6	12	Лабораторная работа 7,8
5	Факторный анализ	18	4	4	10	Лабораторная работа 9
6	Бинарная логистическая регрессия	18	4	4	10	Лабораторная работа 10
7	Дискриминантный анализ	18	4	4	10	Лабораторная работа 11
	Промежуточная аттестация					зачет с оценкой
ИТОГО по семестру 4		144	36	34	74	

### 3.2. Содержание занятий по видам учебной работы

Таблица 6 – Содержание дисциплины

*Содержание лекционного курса*

№ п/п	Наименование раздела и темы дисциплины	Содержание
1.1	Статистические гипотезы	Основные методы проверки статистических гипотез. Критерий Пирсона, Стьюдента, Фишера.
1.2	Дисперсионный анализ	Однофакторный и многофакторный дисперсионный анализ.
1.3	Непараметрические критерии проверки статистических гипотез	Отличие параметрических и непараметрических критериев для проверки статистических гипотез. Критерий Колмогорова-Смирнова, критерий Манна-Уитни, Вальда-Волфовица, Вилкоксона. Коэффициенты ранговой корреляции Спирмена, Кендела, коэффициент конкордации.
1.4	Многомерный регрессионный анализ	Множественный регрессионный анализ, множественный коэффициент корреляции. Частные коэффициенты корреляции. Оценка значимости множественного коэффициента корреляции.
1.5	Факторный анализ	Многомерные анализы данных. Факторный анализ как метод снижения размерности пространства задач прикладной статистики.
1.6	Бинарная логистическая регрессия	Методы прикладной статистики с бинарной функцией отклика. Бинарная логистическая регрессия.
1.7	Дискриминантный анализ	Дискриминантный анализ, отличие дискриминантного анализа от бинарной логистической регрессии.

*Темы практических занятий*

№ п/п	Наименование раздела и темы дисциплины	Содержание
-------	--	------------

1.1	Статистические гипотезы	Проверка статистических гипотез с помощью параметрических критериев. Гипотезы о значимости коэффициента корреляции, гипотеза о равенстве математических ожиданий, гипотеза о равенстве дисперсий.
1.2	Дисперсионный анализ	Применения однофакторного дисперсионного анализа для определения влияние фактора на отклик. Применения двухфакторного дисперсионного анализа для определения влияние фактора на отклик.
1.3	Непараметрические критерии проверки статистических гипотез	Проверка гипотез о равенстве функций распределения, расчет коэффициентов ранговой корреляции, проверка гипотезы о согласованности.
1.4	Многомерный регрессионный анализ	Вычисление множественного коэффициента корреляции, уравнение множественной регрессии, коэффициенты эластичности.
1.5	Факторный анализ	Определения факторов и построение карт восприятия.
1.6	Бинарная логистическая регрессия	Вычисления уравнения бинарной логистической регрессии.
1.7	Дискриминантный анализ	Определение групп на основе дискриминантной функции.

#### 4 Порядок оценивания успеваемости и сформированности компетенций обучающегося в текущей и промежуточной аттестации.

Для положительной оценки по результатам освоения дисциплины обучающемуся необходимо выполнить все установленные виды учебной работы. Оценка результатов работы обучающегося в баллах (по видам) приведена в таблице 7.

Таблица 7 - Балльно-рейтинговая оценка результатов учебной работы обучающихся по видам (БРС)

Учебная работа (виды)	Сумма баллов	Виды и результаты учебной работы	Оценка в аттестации	Баллы
Текущая учебная работа в семестре (Посещение занятий по расписанию и выполнение заданий)	<b>80</b>	Лабораторная работа №1 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>3 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	3-5
		Лабораторная работа №2 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>3 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	3-5
		Лабораторная работа №3 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>3 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	3-5
		Лабораторная работа №4 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>3 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	3-5
		Лабораторная работа №5 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>4 балла</b> (пороговое значение) <b>8 баллов</b> (максимальное значение)	4-8
		Лабораторная работа №6 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>4 балла</b> (пороговое значение) <b>8 баллов</b> (максимальное значение)	4-8
		Лабораторная работа №7 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>5 балла</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5-10

		Лабораторная работа №8 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>5 балла</b> (пороговое значение) <b>10 баллов</b> (максимальное значение)	5-10
		Лабораторная работа №9 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>4 балла</b> (пороговое значение) <b>8 баллов</b> (максимальное значение)	4-8
		Лабораторная работа №10 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>4 балла</b> (пороговое значение) <b>8 баллов</b> (максимальное значение)	4-8
		Лабораторная работа №11 (отчет о выполнении контрольной работы)	<b>3 балла</b> (пороговое значение) <b>8 баллов</b> (максимальное значение)	3-8
<b>Итого по текущей работе в семестре</b>				41-80
Промежуточная аттестация (зачет)	20	Теоретический вопрос 1	<b>2 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	2 - 5
		Теоретический вопрос 2	<b>2 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	2 - 5
		Решение задачи 1.	<b>3 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	3 - 5
		Решение задачи 2.	<b>3 балла</b> (пороговое значение) <b>5 баллов</b> (максимальное значение)	3 - 5
<b>Итого по промежуточной аттестации (зачет)</b>				10-20
<b>Суммарная оценка по дисциплине:</b> Сумма баллов текущей и промежуточной аттестации				51 – 100 б.

В промежуточной аттестации оценка выставляется в ведомость в 100-балльной шкале и в буквенном эквиваленте (таблица 8)

Таблица 8 – Соотнесение 100-балльной шкалы и буквенного эквивалента оценки

Сумма набранных баллов	Уровни освоения дисциплины и компетенций	Экзамен		Зачет
		Оценка	Буквенный эквивалент	Буквенный эквивалент
86 - 100	Продвинутый	5	отлично	Зачтено
66 - 85	Повышенный	4	хорошо	
51 - 65	Пороговый	3	удовлетворительно	
0 - 50	Первый	2	неудовлетворительно	Не зачтено

## 5 Материально-техническое, программное и учебно-методическое обеспечение дисциплины.

### 5.1 Учебная литература

#### Основная учебная литература

1. Кулаичев, А.П. Методы и средства комплексного анализа данных [Электронный ресурс]: учебн. пособие / А.П. Кулаичев. – Электрон.текстовые дан. – Москва: ИНФРА-М, 2016. – Режим доступа: <https://new.znaniium.com/read?id=252560>

2. Козлов, А.Ю. Статистический анализ данных в MSExcel [Электронный ресурс]: учебн. пособие / А.Ю. Козлов, В.С. Мхитарян, В.Ф. Шишов. – Электрон.текстовые дан. – Москва: ИНФРА-М, 2012. – Режим доступа: <http://www.znaniium.com/bookread.php?book=238654>

3. Горлач, Б.А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: Учебник / Б.А. Горлач – Электрон. текстовые дан. – Москва: Лань, 2013. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/reader/book/4864/>

## Дополнительная учебная литература

1. Кибзун, А.И. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]. Базовый курс с примерами и задачами / А.И. Кибзун, Е.Р. Горяинова, А.В. Наумов – Электрон. текстовые дан. – Москва: Лань, 2005. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/reader/book/2198/>
2. Хрущева, И.В. Теория вероятностей [Электронный ресурс]: Учебник / И.В. Хрущева – Электрон. текстовые дан. – Москва: Лань, 2009. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/reader/book/425/>
3. Туганбаев, А.А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: Учебник / А.А. Туганбаев, В.Г. Крупин – Электрон. текстовые дан. – Москва: Лань, 2011. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/reader/book/652/>
4. Бородин, А.Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс]: Учебник / А.Н. Бородин – Электрон. текстовые дан. – Москва: Лань, 2011. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/reader/book/2026/>

## 5.2 Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины.

Учебные занятия по дисциплине проводятся в учебных аудиториях КГПИ ФГБОУ ВО «КемГУ»:

<p><b>404</b> Учебная аудитория для проведения:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- занятий лекционного типа;</li><li>- групповых и индивидуальных консультаций;</li><li>- текущего контроля и промежуточной аттестации.</li></ul> <p><b>Специализированная (учебная) мебель:</b> доска меловая, кафедра, столы, стулья.</p> <p><b>Оборудование:</b> <i>переносное</i> - ноутбук, экран, проектор.</p> <p><b>Используемое программное обеспечение:</b> MSWindows (MicrosoftImaginePremium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО).</p> <p><b>Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.</b></p>	<p>Учебный корпус №4.</p> <p>654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Metallургов, д. 19</p>
<p><b>502</b> Компьютерный класс.</p> <p>Учебная аудитория (мультимедийная) для проведения:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- занятий лекционного типа;</li><li>- занятий семинарского (практического) типа;</li><li>- занятий лабораторного типа;</li><li>- групповых и индивидуальных консультаций;</li><li>- самостоятельной работы;</li><li>- текущего контроля и промежуточной аттестации.</li></ul> <p><b>Специализированная (учебная) мебель:</b> доска меловая, столы компьютерные, стулья.</p> <p><b>Оборудование для презентации учебного материала:</b> <i>стационарное</i> - компьютер, экран, проектор, наушники.</p> <p><b>Лабораторное оборудование:</b> стационарное – компьютеры для обучающихся (16 шт.).</p> <p><b>Используемое программное обеспечение:</b> MSWindows (MicrosoftImaginePremium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), LibreOffice (свободно распространяемое ПО), Firefox 14 (свободно распространяемое ПО), Яндекс.Браузер (отечественное свободно распространяемое ПО), MicrosoftVisualStudio (MicrosoftImaginePremium 3 year по лицензионному договору № 1212/КМР от 12.12.2018 г. до 12.12.2021 г.), Среда статистических вычислений Rv.4.0.2 (свободно распространяемое ПО).</p> <p><b>Интернет с обеспечением доступа в ЭИОС.</b></p>	<p>Учебный корпус №4.</p> <p>654079, Кемеровская область, г. Новокузнецк, пр-кт Metallургов, д. 19</p>

## 5.3 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы.

Перечень СПБД и ИСС по дисциплине



1. Общероссийский математический портал (информационная система) - <http://www.mathnet.ru/>

2. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU – крупнейший российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образования, содержащий рефераты и полные тексты - [www.elibrary.ru](http://www.elibrary.ru)

3. База данных Science Direct (более 1500 журналов издательства Elsevier, среди них издания по математике и информатике), режим доступа :<https://www.sciencedirect.com>

## **6 Иные сведения и (или) материалы.**

### **6.1. Примерные вопросы и задания / задачи для промежуточной аттестации**

1. Основная и альтернативная гипотеза. Виды гипотез. Статистический критерий значимости, критическая область, ошибки 1-го и 2-го рода, уровень значимости и мощность критерия.
2. Отклонение выборочной средней от заданного значения с известной и неизвестной дисперсией. Исключение выбросов. Отклонение выборочной дисперсии от заданного значения.
3. Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Критерий Фишера. Критическое значение в зависимости от альтернативной гипотезы.
4. Сравнение нескольких дисперсий нормальных распределений. Критерий Бартлетта.
5. Сравнение двух выборочных средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых известны и равны; не равны; неизвестны, но предполагаются равными. Практический смысл задачи.
6. Сравнение более двух средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых неизвестны и одинаковы.
7. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции двумерной нормальной генеральной совокупности.
8. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности. Критерий согласия Пирсона. Методика расчета теоретических частот для показательного, равномерного распределения, биномиального и пуассоновского распределения.
9. Проверка вероятностей, задающих полиномиальное распределение. Проверка независимости двух признаков по таблице сопряженности.
10. Методы проверки гипотез, свободные от распределения. Критерии, основанные на знаках. Критерий Вальда-Вольфовица. Серии знаков для проверки гипотезы о случайности выборки. Критерии Вилкоксона, Манна-Уитни, Тьюки, Колмогорова-Смирнова.
11. Использование приложения «Excel» для проверки статистических гипотез. Многофакторный дисперсионный анализ.
12. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимость между двумя случайными величинами. Выборочное уравнение прямой линии регрессии. Выборочный коэффициент корреляции. Свойства. Методика расчета выборочного коэффициента корреляции.
13. Выборочное корреляционное отношение. Свойства. Выборочное корреляционное отношение как мера корреляционной связи. Достоинства и недостатки этой меры.
14. Ранговая корреляция Спирмена для двух выборок. Коэффициент конкордации Кендалла для нескольких выборок. Ранговая корреляция Кендалла.
15. Криволинейная корреляция. Метод выравнивания нелинейной корреляционной

зависимости.

16. Понятие о множественной корреляции. Исследование множественной и нелинейной корреляции с помощью приложения «Excel». Исследование ранговой корреляции и конкордации.
17. Метод статистических испытаний. Имитация выборок с помощью приложения «Excel».
18. Многомерный анализ данных
19. Метод главных компонент
20. Дискриминантные функции и их классификация
21. Расчет коэффициентов дискриминантных функций
22. Классификация при наличии двух и более обучающих выборок.

## Практические задания

1. Смоделировать выборку 80 значений случайной величины  $X$ , имеющей равномерное распределение в промежутке  $[0, 4]$ , проверив гипотезу о форме распределения.
2. Средний объем стока воды в реке фиксируется каждый месяц в течение двух лет. В таблице приведены наблюдаемые объемы стока в фут<sup>3</sup>/сек.

Год	Месяц											
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1	15	11	123	190	138	98	88	80	76	49	27	16
2	14	12	115	210	130	45	43	40	35	30	29	17

Используя критерии Вальда – Вольфовица и Вилкоксона при уровне значимости  $\alpha = 0,05$  проверить гипотезу об отсутствии систематических изменений объема стока из года в год.

1. Произведено по 32 бросания пяти исследуемых монет и подсчитано количество  $k$  выпавших орлов  $X = 0, 1, 2, 3, 4, 5$  в каждом испытании. В таблице приведены результаты.

$X$	0	1	2	3	4	5
$k$	10	1	5	1	5	10

Используя критерий Колмогорова – Смирнова, при уровне значимости  $\alpha = 0,05$  проверить гипотезу о том, что среди этих монет нет поддельных.

2. В таблице приведены ранги объектов  $X, Y$ .

$X$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$Y$	1	7	3	10	5	2	9	8	4	6

Найти выборочные коэффициенты ранговой корреляции Спирмена и Кендалла, а также проверить гипотезу об отсутствии ранговой корреляции при уровне значимости  $\alpha = 0,05$ .

1. Шесть пар участников соревнования по фигурному катанию на льду оценивались двумя членами жюри. В результате этой оценки у каждого члена жюри пара получала определенное место. Необходимо проверить с заданным уровнем значимости  $\alpha = 0,05$  нулевую гипотезу  $H_0 : W = 0$  об отсутствии согласованности оценок членов жюри. Результаты оценок приведены в таблице.

Член жюри	Номер пары					
	1	2	3	4	5	6
1	1	2	3	4	5	6

2	1	2	4	5	3	6
---	---	---	---	---	---	---

2. В таблице приведены данные об урожайности сельскохозяйственной культуры за 6 лет при разных технологиях обработки почвы. Выясним на уровне значимости  $\alpha = 0,05$ , зависит ли урожайность сельскохозяйственной культуры от технологии обработки почвы. Если зависит, то найти коэффициент детерминации технологии.

Номер технологии	Год наблюдения					
	1-й	2-й	3-й	4-й	5-й	6-й
1	140	141	140	141	142	145
2	150	149	150	147		
3	147	147	145	150	150	
4	144	147	142	146		

1. Смоделировать выборку 100 значений случайной величины  $X$ , распределенной нормально с параметрами  $(20, 10)$ , проверив гипотезу о форме распределения.
2. В стоматологическую поликлинику прибывает простейший поток больных с интенсивностью  $\lambda = 5$  чел./час в обычное время дня, в часы «пик» она возрастает до  $\lambda_+ = 12$  чел./час, а в часы «спада» достигает величины  $\lambda_- = 3$  чел./час. Средняя продолжительность сеанса лечения составляет  $\bar{t}_{об} = 0,5$  час/чел. Определить вероятность образования очереди  $P_{оч}$  и среднюю длину очереди  $\bar{l}_{оч}$  в течение дня, а также необходимое число стоматологов в часы «пик»  $n_+$  и «спада»  $n_-$ , обеспечивающих такую же длину очереди и вероятность ее образования, как в обычное время дня.

#### В. 14

1. В стоматологическую поликлинику прибывает простейший поток больных с интенсивностью  $\lambda = 5$  чел./час. Средняя продолжительность сеанса лечения составляет  $\bar{t}_{об} = 0,5$  час/чел. Уровень суммарных потерь связан с простым средним числом свободных стоматологов  $n_{св}$  и пребывания среднего числа больных в очереди  $L_{оч}$ . Построить график зависимости  $f(n) = n_{св} + L_{оч}$ , где  $n$  – количество стоматологов, и определить оптимальное количество стоматологов, при котором уровень суммарных потерь минимален.
2. Фирма «Надежный компьютер», которая реализует компьютеры, стремится оптимизировать затраты, связанные с управлением запасов. Пусть суточный спрос является равномерно распределенной величиной, которая принимает значения  $q = 1, \dots, 10$ , а вероятности  $p(q) = 0,1$  при всех значениях  $q$ . Рассматриваются затраты с такими же параметрами, как в примере 1:  $\pi = 10$ ;  $c = 3$ ;  $K = 8$ ;  $h = 2$ . Найти методом статистических испытаний оценку суточных суммарных затрат для оптимальной стратегии пополнения запасов и исследовать чувствительность этой оценки к параметрам стратегии.

Составитель (и): канд. технн. наук Вячкин Е.С.

*(фамилия, инициалы и должность преподавателя (ей))*